



وزارة التربية

الفيزياء 11

الصف الحادي عشر

الجزء الأول



كتاب المعلم

المرحلة الثانوية

الطبعة الثانية

أودع في مكتبة الوزارة تحت رقم (٢٤) بتاريخ ٢٠١٥/٤/٢ م

شركة مطابع الرسالة - الكويت

الفيزياء



وزارة التربية

11

الصف الحادي عشر

كتاب المعلم

الجزء الأول

المرحلة الثانوية

اللجنة الإشرافية لدراسة ومواءمة سلسلة كتب العلوم

أ. براك مهدي براك (رئيساً)

أ. فتوح عبد الله طاهر الشمالي

أ. تهاني ذعار المطيري

أ. مصطفى محمد مصطفى علي

أ. سعاد عبد العزيز الرشود

الطبعة الثانية

1446 هـ

2024-2025

فريق عمل دراسة ومواءمة كتب الفيزياء للصف الحادي عشر الثانوي

أ. أسامة مصطفى خليل العجوز

أ. محمد حسان محمد الكردي

أ. أمل محمد أحمد داوود

أ. كلثوم عبد الرحمن أحمد ملك

أ. منى خالد مطاوع المطيري

دار التَّربويّون House of Education ش.م.م.م. وبيرسون إديوكيشن 2013

© جميع الحقوق محفوظة : لا يجوز نشر أي جزء من هذا الكتاب أو تصويره أو تخزينه أو تسجيله بأي وسيلة دون موافقة خطية من الناشر.

الطبعة الأولى 2014/2013 م

الطبعة الثانية 2016/2015 م

2024 / 2023 م

2025 / 2024 م



حضرة صاحب السمو الشيخ مشعل أحمد الجابر الصباح
أمير دولة الكويت

H.H. Sheikh Meshal Al-Ahmad Al-Jaber Al-Sabah
The Amir of the State of Kuwait



سَمُو الشَّيْخِ صَبَّاحٍ خَالِدٍ الْحَمَادِ السَّبَّاحِ
وَلِيِّ عَهْدِ دَوْلَةِ الْكُوَيْتِ

H.H. Sheikh Sabah Khaled Al-Hamad Al-Sabah
The Crown Prince of the State of Kuwait

مقدمة

الحمد لله رب العالمين، والصلاة والسلام على سيد المرسلين، محمد بن عبد الله وصحبه أجمعين.

عندما شرعت وزارة التربية في عملية تطوير المناهج، استندت في ذلك إلى جملة من الأسس والمرتكزات العلمية والفنية والمهنية، حيث راعت متطلبات الدولة وارتباط ذلك بسوق العمل، وحاجات المتعلمين والتطور المعرفي والعلمي، بالإضافة إلى جملة من التحديات التي تمثلت بالتحدي القيمي والاجتماعي والاقتصادي والتكنولوجي وغيرها، وإن كنا ندرك أن هذه الجوانب لها صلة وثيقة بالنظام التعليمي بشكل عام وليس المناهج بشكل خاص.

وما يجب التأكيد عليه، أن المنهج عبارة عن كم الخبرات التربوية والتعليمية التي تُقدم للمتعلم، وهذا يرتبط أيضاً بعمليات التخطيط والتنفيذ، والتي في محصلتها النهائية تأتي لتحقيق الأهداف التربوية، وعليه أصبحت عملية بناء المناهج الدراسية من أهم مكونات النظام التعليمي، لأنها تأتي في جانبين مهمين لقياس كفاءة النظام التعليمي، فهي من جهة تمثل أحد المدخلات الأساسية ومقياساً أو معياراً من معايير كفاءته من جهة أخرى. عدا أن المناهج تدخل في عملية إنشاء شخصية المتعلم في جميع جوانبها الجسمية والعقلية والوجدانية والروحية والاجتماعية.

من جانب آخر، فنحن في قطاع البحوث التربوية والمناهج، عندما نبدأ في عملية تطوير المناهج الدراسية، ننطلق من كل الأسس والمرتكزات التي سبق ذكرها، بل إننا نراها محفزات واقعية تدفعنا لبذل قصارى جهدنا والمضي قدماً في البحث في المستجدات التربوية سواء في شكل المناهج أم في مضامينها، وهذا ما قام به القطاع خلال السنوات الماضية، حيث البحث عن أفضل ما توصلت إليه عملية صناعة المناهج الدراسية، ومن ثم إعدادها وتأليفها وفق معايير عالمية استعداداً لتطبيقها في البيئة التعليمية.

ولقد كانت مناهج العلوم والرياضيات من أول المناهج التي بدأنا بها عملية التطوير. إيماناً بأهميتها وانطلاقاً من أنها ذات صفة عالمية، مع الأخذ بالحسبان خصوصية المجتمع الكويتي وبيئته المحلية، وعندما أدركنا أنها تتضمن جوانب عملية التعلم ونعني بذلك المعرفة والقيم والمهارات، قمنا بدراستها وجعلها تتوافق مع نظام التعليم في دولة الكويت، مركزين ليس فقط على الكتاب المقرر ولكن شمل ذلك طرائق وأساليب التدريس والبيئة التعليمية ودور المتعلم، مؤكداً على أهمية التكامل بين الجوانب العلمية والتطبيقية حتى تكون ذات طبيعة وظيفية مرتبطة بحياة المتعلم.

وفي ضوء ما سبق من معطيات وغيرها من الجوانب ذات الصلة التعليمية والتربوية تم اختيار سلسلة مناهج العلوم والرياضيات التي أكملناها بشكل ووقت مناسبين، ولتحقق نقلة نوعية في مناهج تلك المواد، وهذا كله تزامن مع عملية التقويم والقياس للأثر الذي تركته تلك المناهج، ومن ثم عمليات التعديل التي طرأت أثناء وبعد تنفيذها، مع التأكيد على الاستمرار في القياس المستمر والمتابعة الدائمة حتى تكون مناهجنا أكثر تفاعلية.

د. سعود هلال الحربي

الوكيل المساعد لقطاع البحوث التربوية والمناهج

المحتويات

الجزء الأول

الوحدة الأولى: الحركة

الجزء الثاني

الوحدة الثانية: المادة والحرارة

الوحدة الثالثة: الكهرباء والمغناطيسية

الوحدة الرابعة: الضوء

محتويات الجزء الأول

16	 الوحدة الأولى: الحركة
18	 الفصل الأول: حركة المقذوفات
19	 الدرس 1-1: الكميات العددية والكميات المتجهة
27	 الدرس 2-1: تحليل المتجهات
30	 الدرس 3-1: حركة القذيفة
37	 مراجعة الفصل الأول
38	 أسئلة مراجعة الفصل الأول
41	 الفصل الثاني: الحركة الدائرية
42	 الدرس 1-2: وصف الحركة الدائرية
48	 الدرس 2-2: القوة الجاذبية المركزية
53	 الدرس 3-2: القوة الطاردة المركزية
57	 مراجعة الفصل الثاني
58	 أسئلة مراجعة الفصل الثاني
60	 الفصل الثالث: مركز الثقل
61	 الدرس 1-3: مركز الثقل
63	 الدرس 2-3: مركز الكتلة
66	 الدرس 3-3: تحديد موضع مركز الكتلة أو مركز الثقل
72	 الدرس 4-3: انقلاب الأجسام
76	 الدرس 5-3: الاتزان
80	 الدرس 6-3: مركز ثقل جسم الإنسان
84	 مراجعة الفصل الثالث
85	 أسئلة مراجعة الفصل الثالث
88	 الفصل الرابع: حركة الأقمار الصناعية
89	 الدرس 1-4: مسارات الأقمار الصناعية
94	 مراجعة الفصل الرابع
95	 أسئلة مراجعة الفصل الرابع

الهدف الشامل للتربية في دولة الكويت

تهيئة الفرص المناسبة لمساعدة الأفراد على النمو الشامل المتكامل روحياً وخلقياً وفكرياً واجتماعياً وجسمانياً إلى أقصى ما تسمح به استعداداتهم وإمكاناتهم في ضوء طبيعة المجتمع الكويتي وفلسفته وآماله وفي ضوء المبادئ الإسلامية والتراث العربي والثقافة المعاصرة بما يكفل التوازن بين تحقيق الأفراد لذواتهم وإعدادهم للمشاركة البناءة في تقدم المجتمع الكويتي والمجتمع العربي والعالم عامه.

الأهداف العامة لتعليم العلوم

تؤكد أهداف تعليم العلوم في مراحل التعليم العام على تنمية الخبرات المختلفة: الجانب المعرفي والجانب المهاري والجانب الوجداني.

هذا وقد صيغت الأهداف التالية لكي تحقق الجوانب الثلاثة بحيث تساعد المتعلم على:

1. تعميق الإيمان بالله سبحانه وتعالى من خلال تعرفه على بديع صنع الله وتنوع خلقه في الكون والإنسان.
2. استيعاب الحقائق والمفاهيم العلمية، واستخدامها في مواجهة المواقف اليومية، وحل المشكلات، وصنع القرارات.
3. اكتساب بعض مفاهيم ومهارات التقانة بما ينمي لديه الوعي المهني، وحب وتقدير العمل اليدوي، والرغبة في التصميم والابتكار.
4. اكتساب قدر مناسب من المعرفة والوعي البيئي بما يمكنه من التكيف مع بيئته، وصيانتها، والمحافظة عليها، وعلى الثروات الطبيعية.
5. اكتساب قدر مناسب من المعرفة الصحية والوعي الوقائي بما يمكنه من ممارسة السلوك الصحي السليم والمحافظة على صحته وصحة بيئته ومجتمعه.
6. اكتساب مهارات التفكير العلمي وعمليات التعلم وتنميتها وتشجيعه على ممارسة أساليب التفكير العلمي وحل المشكلات في حياته اليومية.
7. تنمية مهارات الاتصال، والتعلم الذاتي المستمر، وتوظيف تقنيات المعلومات ومصادر المعرفة المختلفة.
8. فهم طبيعة العلم وتاريخه وتقدير العلم وجهود العلماء عامه والمسلمين والعرب خاصة والتعرف على دورهم في تقدم العلوم وخدمة البشرية.
9. اكتساب الميول والاتجاهات والعادات والقيم وتنميتها بما يحقق للمتعلم التفاعل الإيجابي مع بيئته ومجتمعه ومع قضايا العلم والتقانة والمجتمع.

الأهداف العامة لتدريس الفيزياء في المرحلة الثانوية

يهدف تعليم الفيزياء في المرحلة الثانوية في دولة الكويت إلى:

1. إكساب الطالب المعرفة الأساسية للمصطلحات، الحقائق، المفاهيم، القوانين، القواعد، النظريات العلمية والعملية واستيعابها، القدرة على تطبيقها في مواقف جديدة وغير نمطية.
2. تنمية المهارات المختلفة، على سبيل المثال:
 - (أ) إجراء التجارب العملية
 - (ب) استخدام الأدوات العلمية وأجهزتها
 - (ج) التعلم التعاوني، وذلك من خلال العمل في مجموعات، وبث روح المواطنة
 - (د) الملاحظة، القياس، كتابة التقارير العلمية
 - (هـ) عمل الرسوم التخطيطية والبيانية
3. تعزيز تقدير الطالب لمادة الفيزياء وإسهاماتها في دفع عجلة التنمية والتطور التكنولوجي الحادث في العالم، وانعكاس هذا على المجتمع الذي نعيش فيه.
4. تعزيز حب الطالب وشغفه بعلم الفيزياء، ورغبته في الاستمرار في دراسة هذا العلم.

مخطط الوحدة الأولى: الحركة

الفصل	الدرس	الأهداف	عدد الحصص	معالم الوحدة
1- حركة المقذوفات	1-1 الكميات العددية والكميات المتجهة	✓ يميّز بين كمّيات عددية (قياسية) وكمّيات متجهة. ✓ يعطي أمثلة على كلّ من الكمّيات العددية والمتجهة. ✓ يعبر رياضياً عن الكمية المتجهة. ✓ يمثل المتجهات بالرسم. ✓ يمثل متجه السرعة. ✓ يجد المحصلة لعدّة متجهات مستخدماً الرسم البياني. ✓ يستخدم جبر المتجهات لحساب محصلة متجهات مختلفة في الاتجاهات.	6	
	2-1 تحليل المتجهات	✓ يحلل متجهاً إلى مركبتين متعامدتين. ✓ يجد محصلة عدّة متجهات مستخدماً الطريقة التحليلية.	2	الفيزياء في الرياضة: ركوب الأمواج
	3-1 حركة القذيفة	✓ يصف التغيّرات للمركبتين الأفقية والرأسيّة ✓ لسرعة قذيفة، بإهمال مقاومة الهواء. ✓ يفسّر لماذا تتحرّك القذيفة مسافات متساوية أفقياً أثناء فترات زمنية متساوية، بإهمال مقاومة الهواء. ✓ يطبق معادلات حركة القذيفة. ✓ يحسب المدى الأفقي. ✓ يحسب أقصى ارتفاع. ✓ يدرس تأثير مقاومة الهواء على ارتفاع ومدى الجسم المقذوف.	5	الفيزياء في المختبر: المقذوفات والسقوط الحرّ الفيزياء في الرياضة: زمن التحليق
حل أسئلة مراجعة الفصل الأول				
2- الحركة الدائرية	1-2 وصف الحركة الدائرية	✓ يعرف الحركة الدائرية. ✓ يميّز بين الدوران المحوري والدوران المداري. ✓ يصف السرعة الدائرية. ✓ يميّز بين السرعة الخطيّة والسرعة الزاوية. ✓ يعرف العجلة المركزية والعجلة الزاوية. ✓ يذكر معادلات الحركة الدائرية منتظمة العجلة.	5	الفيزياء في المختبر: تدريج العجلات المدرجة الفيزياء في المختبر: مقارنة بين المتدحرجات الفيزياء والتكنولوجيا: عجالات السكك الحديدية
	2-2 القوّة الجاذبة المركزية	✓ يعرف القوّة الجاذبة المركزية. ✓ يعدّد تطبيقات حول القوّة الجاذبة المركزية في الحياة العملية.	3	
	3-2 القوّة الطاردة المركزية	✓ يعرف القوّة الطاردة المركزية. ✓ يفسّر وجود القوّة الطاردة المركزية داخل الأنظمة الدوّارة. ✓ يستنتج أنّ القوّة الطاردة المركزية هي قوّة خيالية زائفة.	2	توظيف الفيزياء: مصمّم القطار الدوّار في المدينة الترفيهية الفيزياء في المختبر: الحركة الدائرية لدلو الماء
حل أسئلة مراجعة الفصل الثاني				
			1	

الفصل	الدرس	الأهداف	عدد الحصص	معالم الوحدة
3- مركز الثقل	1-3 مركز الثقل	✓ يعرف مركز الثقل. ✓ يستنتج أن حركة الجسم تتمثل بحركة مركز ثقله.	2	الفيزياء والتكنولوجيا: مركز الثقل في وسائل النقل
	2-3 مركز الكتلة	✓ يعرف مركز الكتلة. ✓ يستنتج الفرق بين مركز الكتلة ومركز الثقل.	2	
	3-3 تحديد موقع مركز الثقل	✓ يعرف أن نقطة مركز الثقل المادية الموجودة على الجسم هي نقطة توازن الجسم. ✓ يحدّد عملياً موضع مركز الكتلة لأجسام منتظمة الشكل. ✓ يحدّد عملياً مركز الكتلة لأجسام غير منتظمة الشكل. ✓ يحسب رياضياً موقع مركز الكتلة لجسمين. ✓ يحسب رياضياً موقع مركز الكتلة لنظام مؤلف من أكثر من كتلة نقطية.	3	
	4-3 انقلاب الأجسام	✓ يعرف انقلاب الأجسام. ✓ يحدّد العوامل المؤثرة في انقلاب الأجسام. ✓ يفسّر سبب عدم انقلاب الأجسام على الرغم من إمالتها. ✓ يعرف الزاوية الحدية لانقلاب الجسم. ✓ يحسب مقدار الزاوية الحدية لانقلاب جسم له شكل متوازي الأضلاع.	2	الفيزياء وعلم الأحياء: الذبول
	5-3 الاتزان	✓ يعرف مفهوم الاتزان. ✓ يعرف حالات الاتزان السكوني (الاستاتيكي)، الاتزان المستقر، الاتزان غير المستقر (القلق)، الاتزان المحايد (المتعادل). ✓ يقارن بين اتزان مستقر وآخر أكثر استقراراً. ✓ يستنتج تأثير موقع مركز الثقل بالنسبة إلى نقطة الارتكاز على استقرار الاتزان.	2	
	6-3 مركز ثقل جسم الإنسان	✓ يستنتج أن مركز الثقل في جسم الإنسان يختلف بين الرجل والمرأة والطفل. ✓ يستنتج أن مركز الثقل في الإنسان يختلف باختلاف وضع جسمه. ✓ يحدّد موضع مركز ثقل جسم الإنسان باستخدام المعادلات الرياضية. ✓ يذكر تأثير موضع مركز الثقل في نشاطاتنا الفيزيائية. ✓ يفسّر تأثير موضع مركز الثقل في أداء الرياضيين.	2	
حل أسئلة مراجعة الفصل الثالث			1	

الفصل	الدرس	الأهداف	عدد الحصص	معالم الوحدة
4- حركة الأقمار الصناعية	1-4 مسارات الأقمار الصناعية	✓ يفسّر المسار الدائري للأقمار الصناعية.	3	الفيزياء والتكنولوجيا: مهندسو تصميم الأقمار الصناعية
		✓ يعلّل عدم زيادة سرعة تابع أرضي في مساره الدائري متأثراً بقوة جذب الأرض.		
		✓ يحسب سرعة القمر الصناعي.		
		✓ يحسب الزمن الدوري للقمر الصناعي.		
		✓ يحسب سرعة الإفلات.		
		✓ يربط بين حركة الأقمار الصناعية وحفظ الطاقة.		
		حل أسئلة مراجعة الفصل الرابع		
إجمالي عدد الحصص				43

الحركة

مكونات الوحدة

الفصل الأول: حركة المقذوفات

الدرس الأول: الكميات العددية والكميات المتجهة

الدرس الثاني: تحليل المتجهات

الدرس الثالث: حركة القذيفة

الفصل الثاني: الحركة الدائرية

الدرس الأول: وصف الحركة الدائرية

الدرس الثاني: القوة الجاذبة المركزية

الدرس الثالث: القوة الطاردة المركزية

الفصل الثالث: مركز الثقل

الدرس الأول: مركز الثقل

الدرس الثاني: مركز الكتلة

الدرس الثالث: تحديد موقع مركز الثقل

الدرس الرابع: انقلاب الأجسام

الدرس الخامس: الاتزان

الدرس السادس: مركز ثقل جسم الإنسان

الفصل الرابع: حركة الأقمار الصناعية

الدرس الأول: التوابيع الأرضية (الأقمار الصناعية)

الدرس الثاني: مسارات الأقمار الصناعية

مقدمة

نهدف من خلال دراسة الوحدة الأولى "الحركة" إلى استكمال ما بدأناه من وصف للحركة في الصفّ العاشر، فبعد أن درسنا الحركة المستقيمة، سندرس في هذه الوحدة الحركة في مستوى.

ينقسم محتوى الوحدة على أربعة فصول:

سنتناول في الفصل الأول حركة القذيفة كنوع من أنواع الحركة في مستوى. سيلاحظ الطالب في هذا الفصل الفرق بين مسار الحركة الخطية ومسار القذيفة المنحني، ويستنتج أنّ حركة القذيفة هي حركة مركّبة من حركة منتظمة وحركة معجّلة.

أمّا في الفصل الثاني، فسندرس الحركة الدائرية، ويتعرّف خصائصها والكميات الفيزيائية اللازمة لوصفها. كما سيستنتج معادلات الحركة الدائرية بعد مقارنتها بمعادلات الحركة الخطية.

فصول الوحدة

- الفصل الأول
- حركة المقذوفات
- الفصل الثاني
- الحركة الدائرية
- الفصل الثالث
- مركز الثقل
- الفصل الرابع
- حركة الأقمار الصناعية
- أهداف الوحدة
- يعرّف الكميات العددية والكميات المتجهة.
- يحدد محصلة عدّة متجهات.
- يحسّل المتجه المعطى لمركبتين أفقية ورأسية.
- يعرّف حركة المقذوفات.
- يعرّف الحركة الدائرية.
- يعرّف القوة الجاذبة المركزية.
- يعرّف القوة الطاردة المركزية.
- يعرّف مركز الثقل.
- يدرس حركة الأقمار الصناعية.
- معالم الوحدة
- الفيزياء في المعبر: خطوط الملاحاة
- ارتباط الفيزياء بالرياضة: ركوب الأمواج
- الفيزياء في المعبر: المقذوفات والسقوط الحر
- ارتباط الفيزياء بالرياضة: زمن التحليق
- الفيزياء في المعبر: مقارنة بين الشدحرجات
- الفيزياء في المعبر: تدرج العجلات المدرجة
- ارتباط الفيزياء بالتكنولوجيا: عجلات السكك الحديدية
- توظيف الفيزياء: مصمّم الفطار الدوّار
- في المدينة الترفيهية
- الفيزياء في المعبر: الحركة الدائرية لدلو الماء



هل تتسارع الأرجوحة الدوّارة عندما تتحرّك على مسارها الدائري بسرعة ثابتة؟
قبل أن تبدأ اللعبة الدوّارة حركتها، تكون المقاعد معلقة رأسياً نحو الأرض، لكن عندما تدور تنحرف بزوايا عن موقعها. إنّ حركة الأرجوحة الدوّارة هي مثال على الحركة غير الخطية التي هي محور هذه الوحدة.
بعد أن درسنا في السنوات السابقة الحركة الخطية المنتظمة والحركة الخطية منتظمة العجلة، سنتناول في هذه الوحدة حركة القذيفة، وهي حركة على مسار منحني يجمع بين حركة أفقية منتظمة وحركة رأسية معجّلة، كما سندرس الحركة الدائرية كأحد أنواع الحركة في مستوى.

اكتشف بنفسك

لقد اهتم العلماء والفلاسفة على مرّ العصور بدراسة حالي السكون والحركة والعلاقة النسبية بينهما. وصنّفوا الحركة معتمدين على اختلاف نوع مسار الجسم المتحرّك، فعرفوا الحركة الخطية والحركة الدائرية. كما أنّ ارتباط مفهوم الحركة بالقوة جعل العلماء اليونانيين يعتقدون أنّ بقاء القوة المؤثرة على الجسم ضروري لبقاء حركته، إلى أن جاء نيوتن فوضع قوانينه التي تنقض هذا الطرح وتعتبر أساس علم الحركة.
أجب عن الأسئلة التالية مستخدماً النصّ السابق.
1. عرّف الحركة الخطية والحركة الدائرية.
2. اذكر نصّ قانون نيوتن الذي ينقض ضرورة بقاء القوة المؤثرة من أجل بقاء الحركة.

وستنطرق في الفصل الثالث إلى الفرق بين مركز الثقل ومركز الكتلة، والطرائق العملية والحسابية لتحديد مركز كتلة أجسام منتظمة وغير منتظمة الشكل. كما سنكتشف أهمية التحكم في مركز كتلة الجسم على الأداء الرياضي.

وأخيراً، سنتناول الفصل الرابع دراسة المقذوفات السريعة وسقوطها حول الأرض. وسيتطرق إلى حركة الأقمار الصناعية كمثال على المقذوفات السريعة، وإلى كيفية تحديد سرعتها الدائرية وزمنها الدوري وأنواعها واستخداماتها.

وتشمل هذه الوحدة بعض التطبيقات والأمثلة التي تعزّز فهم الطالب للمحتوى.

التعليق على الصورة الافتتاحية للوحدة

اعرض على الطلاب صورة الوحدة، واستخدمها للتعرف إلى تصوّراتهم عن الحركة غير الخطية، ومقارنتها بالحركة الخطية التي درسوها سابقاً. وانطلاقاً من ملاحظاتهم وتعليقاتهم على الصورة، حفّزهم على استرجاع ما درسوه عن الحركة، والكميات الفيزيائية المستخدمة في وصفها، وارتباطها بعنوان الوحدة وفصولها.

اكتشف بنفسك

حثّ الطلاب على التفكير في مفاهيم الوحدة من خلال "اكتشف بنفسك".

بعد قراءة النص، يجب على الطلاب:

✓ تعريف كل من الحركة الخطية والحركة الدائرية اعتمادًا على المسار.

الإجابتان:

1. تُسمّى حركة نقطة مادية حركة خطية عندما تتحرّك على خطّ مستقيم، وتُسمّى حركتها حركة دائرية عندما يكون مسارها دائريًا.

2. القانون الأول لنيوتن: يبقى الجسم الساكن ساكنًا ويبقى الجسم المتحرّك في خطّ مستقيم متحرّكًا بسرعة منتظمة، ما لم تؤثر على أيّ منهما قوّة تغير حالتهما.

الأهداف المرجو اكتسابها بعد دراسة الوحدة الأولى

الأهداف المعرفية

يُرجى أن يكون الطالب قادرًا على أن:

✓ يعرف الكمّيات الفيزيائية العددية والكمّيات المتّجهة.

✓ يحسب محصلة المتّجهات.

✓ يعرف حركة القذيفة والحركة الدائرية.

✓ يعرف القوّة الجاذبة المركزية.

✓ يستنتج أسباب الحركة الدائرية.

✓ يعرف القوّة الطاردة المركزية.

✓ يستنتج أنّ القوّة الطاردة المركزية هي قوّة خيالية.

✓ يعرف مركز الثقل.

✓ يستنتج الفرق بين مركز الكتلة ومركز الثقل.

✓ يعرف حالات الاتزان السكوني.

✓ يستنتج تأثير موضع مركز الثقل في نشاطاتنا الفيزيائية.

✓ يعرف أنواع مسارات الأقمار الصناعية.

✓ يستنتج تأثير سرعة الإفلات على نوع مسار القمر الصناعي.

الأهداف المهارية

يُرجى أن يكتسب الطالب المهارات التالية:

✓ المقارنة بين الحركة في مستوى والحركة الخطية.

✓ استخدام الرسم البياني في تمثيل المتّجهات.

✓ تحليل المتّجهات إلى مركّباتها.

✓ المقارنة بين أنواع الحركة.

✓ استنتاج أنواع الحركة وأسبابها.

✓ استنتاج معادلات الحركة الدائرية منتظمة العجلة ومعادلات

الحركة الخطية منتظمة العجلة.

✓ استخدام القواعد والصيغ الرياضية.

✓ استخدام الجداول والرسم البياني.

✓ الربط بين الفيزياء والعلوم الأخرى مثل الأحياء والفضاء.

✓ ربط معادلات الحركة في مستوى بمواقف من الحياة اليومية.

✓ تحديد موضع مركز الثقل ومركز الكتلة عمليًا لأجسام مختلفة.

✓ المقارنة بين حالات الاتزان.

✓ تصنيف الأقمار الصناعية بحسب مهامّها.

الأهداف الانفعالية

يُرجى أن يكتسب الطالب أوجه التقدير التالية:

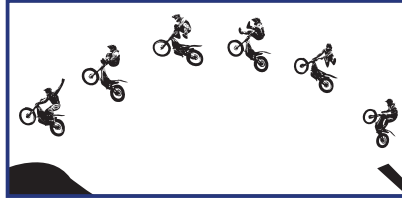
✓ تقدير جهود العلماء وإسهاماتهم في دراسة الحركة.

✓ تقدير أهميّة دراسة الحركة الدائرية وتأثيرها في حياتنا اليومية.

✓ تقدير دور الأقمار الصناعية في التطوّر والتقدّم.

دروس الفصل

- الدرس الأول: الكميات العددية والكميات المتجهة
- الدرس الثاني: تحليل المتجهات
- الدرس الثالث: حركة القذيفة



هل لغير زاوية الإطلاق تأثير على شكل المسار؟

إذا لاحظت حركة الدراجة النارية والمسار الذي تتبعه في الهواء (الصورة إلى أعلى)، لأدركت أن الكثير من الأشياء التي تُقذف في الهواء تأخذ شكل المسار نفسه. فعندما يركل لاعب كرة القدم الكرة، تسلك في الهواء مسارًا مشابهًا لمسار الدراجة النارية الموضحة في الصورة أعلاه. وذلك ينطبق على تيار الماء المندفِع من نافورة الموضحة في الصورة أعلاه (الصورة إلى أسفل)، فكل قطرة من قطراته تتبع مسارًا مشابهًا. وهذا المسار المنحني الذي يتألف من حركة إلى أعلى لفترة زمنية، ثم يغيّر اتجاهه نحو أسفل يُعرف بالقطع المكافئ Parabola. وتُسمى الأجسام التي تُقذف في الهواء مثل الكرة وقطرات الماء بالقذيفة Projectile. في هذا الفصل، سنتناول حركة القذيفة والقوى المؤثرة عليها، وسنكتشف أن حركة القذيفة هي حركة مركبة من حركتين في اتجاهين متعامدين، أحدهما أفقي والآخر رأسي، وأن لزواية الإطلاق تأثير على حركتها. لذلك لا بد لنا من دراسة كل ما يتعلق بالمتجهات لنتمكن من دراسة حركة القذيفة، وهذا ما سيتناوله الدرس الأول.

خلفية علمية

يظهر القانون الأول لنيوتن أن الأجسام الثقيلة تتحرك في الهواء كما تتحرك في الفراغ تقريبًا، أي أنه يمكن إهمال مقاومة الهواء عليها. وعليه نعتبر القذيفة جسمًا ثقيلًا، وندرس حركتها بإهمال احتكاك الهواء.

تصحيح مفهوم خاطئ

يعتقد معظم الطلاب أن هناك قوة تؤثر على القذيفة وتحركها. لذلك من المهم أن يعرف الطلاب أن السرعة الابتدائية هي التي حركت الجسم، ولا وجود لقوة دافعة تحركها، وأن القوة الوحيدة المؤثرة هي الوزن فحسب.

حركة المقذوفات

دروس الفصل

الدرس الأول: الكميات العددية والكميات المتجهة

الدرس الثاني: تحليل المتجهات

الدرس الثالث: حركة القذيفة

ذكر الطلاب بمفهوم نسبية الحركة وبالمقادير الفيزيائية التالية: الإزاحة والسرعة والعجلة.

شدّد على أهمية نوع المسار في تحديد نوع الحركة، وعلى أن المسار المنحني لجسم متحرك هو حركة القذيفة التي سيتناولها هذا الفصل. عرّف القذيفة على أنها كل جسم يتحرك بسرعة ابتدائية تحت تأثير وزنه فقط بدون مقاومة الهواء.

ذكر أن دراسة حركة القذيفة بحاجة إلى بعض التطبيقات الرياضية في المتجهات للتمكن من فهمها وتحليلها والتعرف على العوامل المؤثرة فيها، وهذا ما سنتناوله دروس هذا الفصل.

اختبار المعلومات السابقة لدى الطلاب

- تمهيدًا للفصل، وجّه إلى الطلاب أسئلة حول المسار وأهميته في تحديد نوع الحركة.
- شدّد على الفرق بين الحركة على مسار مستقيم في اتجاه واحد وعلى الحركة في مستوى.
- ذكر الطلاب بمفهوم الحركة الخطية المنتظمة والمعادلات المستخدمة في وصفها.
- شجّع الطلاب على التمييز بين معادلات الحركة الخطية المنتظمة والحركة الخطية منتظمة العجلة.
- ذكرهم بتعريف السقوط الحر وبمعادلاته، وبأنه أحد التطبيقات على الحركة الخطية منتظمة العجلة.

استخدام الصورة الافتتاحية للفصل

دع الطلاب يتفحصون صورة افتتاحية الفصل ويقرأون التعليق المصاحب لها. استهلّ موضوع الفصل من خلال التطرّق إلى شكل المنحنى الذي يُسمّى «القطع المكافئ».

دع الطلاب يتوقعون ما إذا كان لزواية الإطلاق تأثير على شكل مسار الجسم المقذوف، ودعهم يستنتجون كيفية حدوث هذا التأثير.

صفحات الطالب: من ص 14 إلى ص 24

عدد الحصص: 4

الأهداف

- ✓ يميّز بين كمّيات عددية (قياسية) وكمّيات متّجهة.
- ✓ يعطي أمثلة على كلّ من الكمّيات العددية والمتّجهة.
- ✓ يعبر رياضياً عن الكمّية المتّجهة.
- ✓ يمثّل المتّجهات بالرسم.
- ✓ يمثّل متّجه السرعة.
- ✓ يجد المحصلة لعدّة متّجهات مستخدماً الرسم البياني.
- ✓ يستخدم جبر المتّجهات لحساب محصلة متّجهات مختلفة في الاتجاهات.

الأدوات المستعملة: السبورة، أقلام ملوّنة، نماذج توضيحية تفسّر مفهوم الحركة، لوحات توضّح الفرق بين الكمّيات المتّجهة والعددية، أقراص مدمّجة، شبكة الإنترنت، أدوات هندسية، ورق بياني.

1. قدّم وحفّز

ذكر الطلاب بما تعلّموه في السنة السابقة، بأن الكمّيات الفيزيائية هي كمّيات أساسية وكمّيات مشتقة. ثمّ أخبرهم أنّ دراسة الحركة في مستوى بحاجة إلى تقسيم الكمّيات أيضاً بين كمّيات عددية قياسية وكمّيات متّجهة.

حفّز الطلاب لدراسة الكمّيات المتّجهة من خلال إعطائهم أمثلة توضّح الحاجة إلى الاتجاه لفهم حركة الجسم، مثل أهمية تحديد اتجاه الإزاحة لمعرفة موقع الجسم لأنّ مقدار الإزاحة وحده لا يكفي. دعهم يستنتجون أهمية الكمّيات المتّجهة والعمليات الحسابية اللازمة لحسابها.

2. علّم وطبّق

1.2 مناقشة

ذكر الطلاب بإمكانية تحديد الكمّيات الفيزيائية من خلال عمليات القياس أو من خلال العمليات الحسابية.

اطرح بعض الأمثلة على الكمّيات الفيزيائية التي يمكن تحديدها بالقياس مثل الكتلة التي تُقاس بالميزان، الطول الذي يُقاس بالمسطرة المترية، الحجم الذي يُقاس بالمخبار المدرّج والزمن الذي يُقاس بالساعة.

أعط الطلاب أمثلة على الكمّيات التي تُحدّد بالحساب مثل:

$$\text{المساحة} = \text{طول} \times \text{عرض}$$

$$\text{السرعة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$$

الكمّيات العددية والكمّيات المتّجهة Vector and Scalar Quantities

الدرس 1-1

الأهداف العامة

- ✓ يميّز بين كمّيات عددية (قياسية) وكمّيات متّجهة.
- ✓ يعطي أمثلة على كلّ من الكمّيات العددية والمتّجهة.
- ✓ يعبر رياضياً عن الكمّية المتّجهة.
- ✓ يمثّل المتّجهات بالرسم.
- ✓ يمثّل متّجه السرعة.
- ✓ يجد المحصلة لعدّة متّجهات مستخدماً الرسم البياني.
- ✓ يستخدم جبر المتّجهات لحساب محصلة متّجهات مختلفة في الاتجاهات.

لقد صنفنا الكمّيات الفيزيائية في الصفوف السابقة إلى كمّيات أساسية مثل الطول والكتلة والزمن، وكمّيات مشتقة مثل السرعة والعجلة والقوة وغيرها.

لكن بعض هذه الكمّيات لا يمكن تحديدها بمعرفة مقدارها ووحدة قياسها فقط، بل يستلزم تحديدها معرفة اتجاهها. فعلى سبيل المثال، لا يمكننا معرفة الموقع الجديد لجسم تحرك بمعرفة مقدار إزاحته، بل يجب أن نعرف بأيّ اتجاه تَمَّت هذه الإزاحة لنحدّد موقعه.

لذلك نجد أنّنا مضطّرين لتصنيف الكمّيات الفيزيائية إلى كمّيات عددية وكمّيات متّجهة، وأنّ نتعرّف العمليات الرياضية اللازمة لحساب كلّ منها، وهذا ما سيتناوله هذا الدرس.

1. الكمّيات العددية والكمّيات المتّجهة

Scalar and Vector Quantities

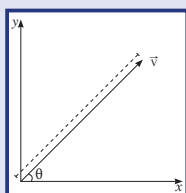
نسمّي الكمّيات العددية أيضاً الكمّيات القياسية، وهي الكمّيات التي يكفي لتحديدها عدد يحدّد مقدارها، ووحدة فيزيائية تميّز هذا المقدار.

فكتلة الولد التي تساوي 50 kg على سبيل المثال هي كمية عددية حيث أنّ العدد 50 يحدّد المقدار، وkg هي الوحدة التي تميّز هذا المقدار.

المسافة والزمن هما أيضاً كمّيتان عدديتان.

تتبع الكمّيات العددية قواعد الجبر الحسابية Arithmetic Algebra الخاصة بالأعداد، فهي تُجمع وتُطرح إذا كانت متجانسة الوحدات. فإذا كانت كتلة الولد تساوي 40 kg وكتلة دراجته 60 kg، مثلاً، فإنّ كتلة النظام المولّف من الولد والدراجة تساوي 100 kg.

أمّا الكمّيات المتّجهة فهي الكمّيات التي تحتاج في تحديدها إلى الاتجاه الذي تأخذه بالإضافة إلى العدد الذي يحدّد مقدارها ووحدة القياس التي تميّزها.



(شكل 1)
تمثيل المتّجه $\vec{v}$

أكد للطلاب على إمكانية تصنيف الكميات الفيزيائية بأكثر من طريقة، ومنها تقسيمها إلى كميات عددية وكميات متجهة.

عرّف الكميات الفيزيائية العددية بأنها الكميات التي يكفي لتحديد عدد يحدّد مقدارها ووحدّة فيزيائية تميّز هذا المقدار.

دعهم يعطون أمثلة عن الكميات العددية ويتبنون أنّ معرفة المقدار تكفي لتحديد (الطول، الارتفاع، درجة الحرارة، ضغط الدم...).
وضّح للطلاب أنّ التعامل مع الكميات العددية (القياسية) يتمّ جبرياً. فإذا كانت لديك 10 دنانير وأخذت دنانير إضافيين، يصبح لديك 12 ديناراً. وإذا صرفت 4 دنانير يصبح لديك 8 دنانير. يمكنك استخدام المزيد من الأمثلة التي توضّح التعامل الجبري مع الكميات القياسية.

عرّف الكميات المتجهة التي تحتاج في تحديدها إلى الاتجاه، بالإضافة إلى العدد الذي يحدّد مقدارها ووحدّة القياس التي تميّزها. أكد للطلاب على إمكانية تمثيل المتجه بيانياً بشعاع أو سهم، ووضّح أنّ طول السهم يظهر مقدار المتجه، والزاوية بين المحور المرجعي والسهم تحدّد اتجاه المتجه. ثمّ دعهم يمثّلون بعض المتجهات باستخدام مقياس رسم مناسب.

وضّح كيفية كتابة متجه على شكل $\vec{v} = (v, \theta)$.

لتأكد من فهم الطلاب لتمثيل المتجهات، حلّ المثال المحلول 1. وضّح لهم أنّه يتمّ جمع الكميات المتجهة أو طرحها أو ضربها باستخدام جبر المتجهات. ثمّ اعط الطلاب الوقت الكافي لحلّ المسألتين مع إجابات ص 15، والتأكد من التوصل إلى الإجابات المعطاة.

عرّف الإزاحة والسرعة، ومثّلها بيانياً باستخدام مقياس رسم محدّد كأمثلة على الكميات المتجهة. دع الطلاب يميّزون بين الإزاحة ككمية متجهة والمسافة ككمية عددية، وبين السرعة المتجهة ككمية متجهة والسرعة العددية ككمية عددية. ثمّ دعهم يمثّلون بعض الإزاحات باستخدام مقياس رسم مناسب.

أشّر إلى أهميّة الإزاحة والسرعة في دراسة الحركة، وإلى أنّهما متجهان حرّان غير مقيّدين بنقطة تأثير، بحيث يمكن نقلهما من مكان إلى آخر بدون التغيّر في المقدار والاتجاه. وذكر الطلاب بأنّ بعض المتجهات هي متجهات مقيّدة بنقطة تأثير مثل متجه القوة.

دعهم يحلّون المسألة ص 16 ويناقشون إجاباتهم في ما بينهم.

مسألة 2: إجابات

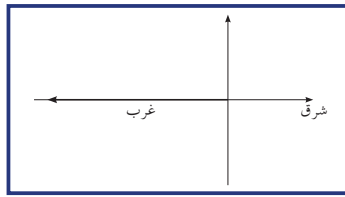
- ورد في نشرة الأرصاد الجوّية أنّ سرعة الرياح الشمالية المتوقّعة لنهار غد قد تصل إلى (60 km/h) . مثل هذه السرعة رياضياً.
الإجابة: $(60, 90^\circ)$
- استخدم القانون الثاني لنيوتن لإيجاد متجه العجلة لجسم كتلته (2.5 kg) أثّر فيه قوّة $\vec{F} = ((10) \text{ N}, 45^\circ)$.
الإجابة: $\vec{a} = (4, 45^\circ)$

تمثّل الكميات المتجهة بيانياً بسهم (شعاع) يظهر مقدار الكمية الممثّلة واتّجاهها، ويُسمّى المتجه (شكل 1).
تُكتب الكمية المتجهة بحرف يوضع فوقه سهم مثل $\vec{v}$ لتمييزه عن الكمية القياسية، أو من نقطة بداية إلى نقطة نهاية مثل $\vec{AB}$ ، وأحياناً تُستخدم أحرف تُكتب بنبط عريض مثل $\vec{v}$ أو $\vec{AB}$.
يُحدّد مقدار المتجه بعدد ووحدّة قياس ويُكتب $|\vec{AB}|$ ، ويُحدّد اتجاهه بالزاوية التي يصنعها مع محور إسناد، ويكون قياس الزاوية بدءاً من الاتجاه الموجب لمحور السينات.
يُعبّر عن الكمية المتجهة $\vec{v}$ رياضياً كما يلي: $\vec{v} = (v, \theta)$ ، حيث v هي مقدار المتجه و θ اتجاهه.

مثال (1)

قوّة تؤثّر على صندوق خشبي مقدارها (5 N) تدفعه إلى الغرب.
مثل هذه القوّة: (أ) رياضياً (ب) بيانياً

(أ) يُكتب مقدار متجه القوّة $\vec{F}$ على الشكل التالي: $|\vec{F}| = (5 \text{ N})$ أو $F = (5 \text{ N})$
أما الاتجاه فهو إلى الغرب أي بالاتجاه السالب لمحور السينات، أي أنّه يصنع زاوية $\theta = 180^\circ$ مع محور الإسناد الموجب. وعليه نمثّل متجه القوّة رياضياً كما يلي:
 $\vec{F} = ((5) \text{ N}, 180^\circ)$
(ب) لتمثيل المتجه بيانياً، نستخدم المقياس (1 cm) لكل (1 N) ، ونرسم سهمًا يشير إلى الغرب كما في الشكل التالي.



15

Vector Quantities

1.1 الكميات المتجهة

تخضع الكميات المتجهة عند إجراء عمليات جمعها وطرحها أو ضربها إلى جبر المتجهات بدلاً من الجبر الحسابي.

ومن الأمثلة على الكميات المتجهة والتي درسناها سابقاً:

(أ) الإزاحة
هي المسافة الأقصر بين نقطة بداية الحركة ونقطة نهايتها، واتّجاه من نقطة البداية إلى نقطة النهاية.
تمثيل الإزاحة من النقطة A إلى النقطة B والتي مقدارها (20 km) باتجاه 45° إلى الشمال الشرقي، نرسم سهمًا يُسمّى متجه (يُمثّل بمقياس رسم (1 cm) لكل (10 km))، طوله (2 cm) ويصنع زاوية 45° كما في الشكل (2).

(ب) السرعة المتجهة

السرعة المتجهة التي عرّفناها في الصف العاشر هي من الأمثلة على الكميات المتجهة التي تعبر عن مقدار واتّجاه، وهي تختلف عن السرعة العددية التي تعبر عن المقدار فقط.

ف عندما نصف السرعة المتجهة، نستخدم سهمًا يُسمّى المتجه ليمثّل المقدار والاتّجاه للكمية المتجهة، حيث يحدّد طول السهم المرسوم وفقاً لمقياس محدّد مقدار الكمية المتجهة، ويحدّد اتجاهه اتجاه الكمية.
فالمتجه في الشكل (3) زُسم بحيث يدلّ كل (1 cm) منه على (20 km/h) ، وبما أنّ طوله يبلغ (3 cm) وهو يشير إلى اليمين، فهو يمثّل سرعة (60 km/h) باتجاه اليمين أو نحو الشرق.

Properties of Vectors

2. خصائص المتجهات

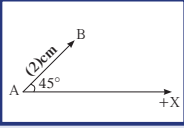
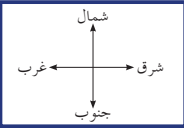
1.2 التساوي

لنأخذ المتجهين $\vec{v}_1$ و $\vec{v}_2$. يُقال إنّ المتجهين متساويان إذا كان لهما المقدار والاتّجاه نفسهما (شكل 4).

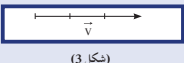
2.2 النقل

من الخواص الهندسية المهمّة لبعض المتجهات هي خاصيّة النقل. تُقسّم المتجهات إلى قسمين: المتجهات الحرة والمتجهات المقيّدة.

- المتجهات الحرة Free Vectors هي حين يمكن نقل متجه من مكان إلى آخر بدون أن تتغيّر قيمته واتّجاهه. تُسمّى متجهات الإزاحة والسرعة المتجهة بالمتجهات الحرة لأنّها غير مقيّدة بنقطة تأثير.
- المتجهات المقيّدة Restricted Vectors هي متجهات مقيّدة بنقطة التأثير مثل متجه القوة الذي لا يمكن نقله لارتباطه بنقطة تأثير.



(شكل 2)
تمثّل إزاحة مقدارها (20 km) باتجاه 45° مع الشرق بمقياس (1 cm) لكل (10 km) .



(شكل 3)
يمثّل المتجه سرعة (60 km/h) باتجاه الشرق بمقياس رسم كل (1 cm) يمثّل (20 km/h) .

مسألة

انطلقت سيارّة أجرة من المحطّة قاصدة مركز المدينة الذي يبعد عن المحطّة (40 km) باتجاه 60° مع الشرق. استخدم مقياس الرسم (1 cm) يعادل (10 km) لتمثّل بيانياً متجه الإزاحة بدءاً من المحطّة إلى مركز المدينة.



(شكل 4)
 $\vec{v}_1 = \vec{v}_2$

16

2.2 مناقشة

عرّف الطلاب بأن للمتجهات خصائص هي:
التساوي:

عرّف الطلاب بأن متجهين يكونان متساويين إذا كان لهما المقدار نفسه والاتجاه نفسه. دعهم يمثلون متجهات متساوية على ورق بياني. وشدد على أهمية أن يكون للمتجهين الاتجاه نفسه ليُقَال عنهما متجهان متساويان.

جمع المتجهات:

ذكر الطلاب بأن جبر المتجهات يعتمد على اتجاه المتجهات المراد إيجاد محصلتها بالنسبة إلى بعضها البعض. وتختلف طريقة إيجاد محصلة متجهين لهما الاتجاه نفسه عن طريقة إيجاد محصلة متجهين متعامدين.

دع الطلاب يلاحظون اختلاف سرعة الطائرة بالنسبة إلى الأرض عندما كانت تسير مع اتجاه الرياح، وعندما سارت بعكس اتجاه الرياح. دعهم يستنتجون أنه يمكننا جمع متجهات جمعًا جبريًا بسيطًا أو طرحها عندما تكون في الاتجاه نفسه أو في الاتجاه المعاكس.

أعط الطلاب بعض التمارين ودعهم يجدون محصلة متجهات لها الاتجاه نفسه أو متعاكسة، مثل سرعة القوارب عندما تتحرك مع سريان الماء أو عكسه.

دع الطلاب يلاحظون الشكل (6) حيث سرعة الرياح متعامدة على سرعة الطائرة. إسأل: هل تقوم الرياح المتعامدة على الطائرة بزيادة سرعة الطائرة أم إبطائها؟ ثم أسألهم عن محصلة متجهين متعامدين، وما إذا كان باستطاعتهم إيجاد المحصلة بالطرق الجبرية البسيطة.

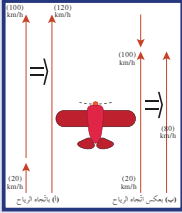
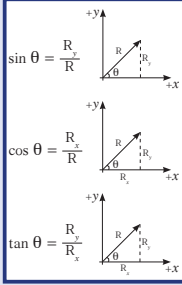
ناقش إجابات الطلاب، ووضح لهم أن محصلة متجهين متعامدين تتمثل بقطر المستطيل المحدد بالمتجهين.

أشرح للطلاب أنه يمكن معرفة مقدار المحصلة واتجاهها بطريقتين:
1. الطريقة الأولى: تعتمد على رسم المتجهين والمحصلة بمقياس رسم مناسب، وقياس طول قطر المستطيل لمعرفة مقدار المحصلة، واستخدام المنقلة لقياس الاتجاه.

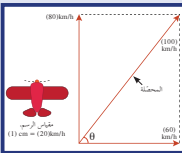
إتبع هذه الخطوات أمام الطلاب مستخدمًا معطيات مثال الطائرة التي كانت تحلق بسرعة 80 km/h عندما كانت سرعة الرياح المتعامدة عليها تبلغ 60 km/h.

دع الطلاب يتحققون من أن المحصلة هي طول الوتر، وذلك بإعطائهم الوقت الكافي لتمثيل المتجهات بيانيًا، وتمثيل المحصلة بقياس مقدارها واتجاهها، وأن يتوصلوا إلى أنها مساوية للسرعة المعطاة في الدرس.

مراجعة رياضية



(شكل 5)
سرعة تحلق الطائرة بالنسبة للأرض تعتمد على سرعة الطائرة بالنسبة للهواء وعلى سرعة الرياح.



(شكل 6)
سرعة تحلق الطائرة (80 km/h) عمودية على سرعة الرياح (60 km/h) تنتج محصلة سرعة مقدارها (100 km/h) بالنسبة إلى الأرض.

Addition of Vectors

3.2 جمع المتجهات

نسعى لعملية جمع المتجهات عملية تركيب، حيث تتم الاستعاضة عن متجهين أو أكثر بمتجه واحد بما أن المتجهات هي كميات لها مقدار واتجاه، فهي تحتاج إلى عملية جبر المتجهات.

في هذا الدرس، سنهتم بمحصلة متجهات الإزاحة التي سيرمز إليها بـ D ومتجهات السرعة بـ v، وحيث يمكن تعميم النتائج على جميع المتجهات.

(أ) محصلة متجهات لها الاتجاه نفسه أو متعاكسة

عندما تكون المتجهات بالاتجاه نفسه يُستخدم الجبر البسيط في حساب المحصلة.

فإذا أخذنا طائرة تطير بسرعة (100 km/h) بالنسبة إلى الهواء المحيط بها باتجاه الشمال، وافترضنا أن رياحًا من جهة الذيل تهبّ باتجاه الشمال أيضًا بسرعة (20 km/h)، فإن السرعة المحصلة بالنسبة إلى الأرض تساوي (120 km/h) (شكل 5 - أ).

وعندما تكون حركة الطائرة باتجاه الرياح وبدون الرياح التي تأتي من اتجاه الذيل، فستحلق الطائرة بسرعة (100 km/h) بالنسبة إلى الأرض. إذا افترضنا أن الطائرة ستستدير على شكل حرف (U) ثم تحلق بعكس اتجاه الرياح بدلًا من التحلق باتجاهها، فستكون السرعة المحصلة (80 km/h) $100 - 20 = 80$ بالنسبة إلى الأرض (شكل 5 - ب).

يوضح لنا هذا المثال أننا لسنا بحاجة لاستخدام جبر المتجهات لحساب السرعة المحصلة عندما تهبّ الرياح باتجاه المقدمة أو الذيل. لكن هل نستطيع أن نحسب محصلة السرعة إذا كانت الرياح تهبّ عموديًا على حركة الطائرة بسرعة (60 km/h) من الغرب إلى الشرق بينما تتحرك الطائرة باتجاه الشمال بسرعة (80 km/h)؟ هذا ما سنتناوله في فقرة حساب محصلة المتجهات المتعامدة.

(ب) محصلة متجهات متعامدة

من المؤكد في مثل هذا الوضع أننا بحاجة إلى جمع المتجهات لمعرفة مقدار محصلة السرعة واتجاهها. فلنمثل هذه السرعات بالمتجهات كما في الشكل (6)، حيث يمثل كل (1 cm) مقدار (20 km/h) وتمثل المحصلة بقطر المستطيل المحدد بالمتجهين. ويمكن قياس هذه المحصلة من الرسم وتساوي (5 cm)، وهي تمثل باستخدام المقياس المعطى محصلة السرعة التي تساوي (100 km/h). أما الاتجاه فيُقاس باستخدام المنقلة.

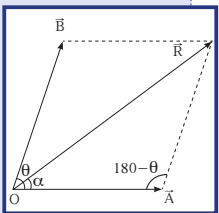
لا يُعتبر استخدام الرسم البياني لمعرفة محصلة متجهين الطريقة الوحيدة، بل يمكننا حساب المحصلة بحساب طول الوتر، وذلك باستخدام الرسم الهندسي نظرية فيثاغورث حيث إن مربع طول الوتر يساوي مجموع مربعي الضلعين الآخرين، أي أن: $v^2 = v_x^2 + v_y^2$

مسائل مع إجابات

1. قوتان $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$ مقدارهما (10 N) و (15 N) على التوالي تحصران بينهما زاوية 60° وتؤثران على جسم نقطي.
احسب مقدار محصلة القوتان واتجاههما.

الإجابة:
($F = 21.79$ N, $\theta = 36.58^\circ$)
2. تحركت عربة المدينة الترفيهية مسافة (85 m) أفقيًا ثم (45 m) باتجاه 30° فوق المستوى الأفقي. استخدم الطريقة البيانية لتحديد مقدار الإزاحة من نقطة الانطلاق واتجاهها.

الإجابة: ((126 m, 10°))
3. قوتان متعامدتان تؤثران على النقطة O. أحسب مقدار محصلة القوتين علماً أن مقدار $F_1 = (30$ N) و $F_2 = (40$ N) (الإجابة: (50 N))



(شكل 7)
إيجاد محصلة متجهين بطريقة متوازي الأضلاع.

وعليه يمكننا أن نكتب:

$$v^2 = 80^2 + 60^2 = 6400 + 3600 = 10000$$

وبالتالي تكون محصلة سرعة الطائرة (100 km/h) v_p كما حصلنا عليها من الرسم باستخدام المقياس المعطى.

أما الاتجاه فيمكن احتسابه باستخدام العلاقة:

$$\tan \theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{60}{80} = \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow \theta = 36.87^\circ$$

(ج) محصلة المتجهات غير المتوازية أو المتعامدة

لحساب محصلة متجهين أو أكثر غير متعامدين ويختلفان في الاتجاه ويقعان في مستوى واحد، يمكننا استخدام:

الطريقة البيانية باستخدام متوازي الأضلاع

الطريقة الحسابية لجبر المتجهات

أولاً - الطريقة البيانية (متوازي الأضلاع):

إذا كان المتجهان $\vec{v}_1$ و $\vec{v}_2$ يلتقيان في نقطة واحدة O ويشكلان في ما بينهما زاوية θ كما في الشكل (7)، فإن إيجاد المحصلة يكون بالتتابع الخطوات التالية:

1. نمثل كل متجه من النقطة O بمقياس رسم مناسب بحيث تكون الزاوية بينهما θ .

2. نكمل متوازي الأضلاع ونرسم قطره (الداخل في أو الخارج من نقطة إنقواء المتجهين)، ثم نقيس طول له لمعرفة مقدار المحصلة.

3. نجد اتجاه المحصلة بقياس الزاوية α .

ثانياً - الطريقة الحسابية:

نحسب طول الوتر الذي يمثل المحصلة بالعلاقة الرياضية التالية:

$$R = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB \cos \theta}$$

ولتحديد اتجاه المحصلة نستخدم العلاقة التالية:

$$\frac{\sin \alpha}{B} = \frac{\sin (\pi - \theta)}{R}$$

وبما أن $\sin (\pi - \theta) = \sin \theta$ نكتب:

$$\sin \alpha = \frac{B \sin \theta}{R}$$

2. الطريقة الثانية: دع الطلاب يستخدمون الرسم الهندسي ونظرية فيثاغورث في حساب طول قطر المستطيل في المثال السابق. ثم شجّعهم للتوصل إلى الإجابة الصحيحة في قياس مقدار السرعة. اطلب إليهم الاطلاع على المراجعة الرياضية الموجودة في كتابهم ص 17، واستخدامها في إيجاد اتجاه محصلة السرعة.

إمنحهم الوقت الكافي لإيجاد محصلة بعض المتجهات المتعامدة. مثال على ذلك:

يتحرك قارب بسرعة 10 km/h عمودية على تيار مائي يتدفق بسرعة 10 km/h. أحسب محصلة السرعة التي سيتحرك بها القارب بالنسبة إلى اليابسة.

دعهم يناقشون نتائجهم في ما بينهم ليتوصلوا إلى الإجابة الصحيحة التي تساوي 14.14 km/h.

اطلب إلى الطلاب اقتراح طريقة لإيجاد محصلة متجهين غير متعامدين، ووجههم للتوصل إلى ضرورة تمثيل المتجهين تمثيلاً بيانياً وفقاً لمقياس مناسب. دعهم يستنتجون أن محصلة متجهين غير متعامدين في مستوى واحد تساوي قطر متوازي الأضلاع، وأن اتجاه المحصلة يمكن أن يُحدّد من خلال قياس الزاوية بالمنقلة.

اطلب إليهم الاطلاع على المراجعة الرياضية لحساب طول أضلاع المثلث وزواياه في كتابهم ص 21، واستخدامها لاستنتاج كيفية حساب مقدار المحصلة واتجاهها.

ساعد الطلاب في فهم الطريقة الحسابية لإيجاد مقدار المحصلة واتجاهها، وذلك باستخدام المثال المحلول في كتابهم، ثم ناقش معهم كيفية استخدام المعادلات الرياضية في حساب المحصلة واتجاهها. دعهم يتحققون من أن الطريقة الحسابية وطريقة استخدام الرسم البياني تعطيان النتائج نفسها.

للتأكد من فهم الطلاب لحساب محصلة المتجهات غير المتعامدة في مستوى، امنحهم وقتاً كافياً للإجابة على أحد «المسائل مع إجابات» ص 18 والتحقق من توصلهم إلى الإجابة الصحيحة المعطاة.

دعهم يجدون المحصلة باستخدام طريقة الرسم البياني والطريقة الحسابية، ويقارنون بين النتائج التي توصلوا إليها باستخدام الطريقتين.

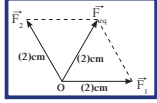
الفت انتباه الطلاب إلى إمكانية استخدام المعادلتين التاليتين لإيجاد المحصلة واتجاهها لمتجهين $\vec{A}$ و $\vec{B}$ يحصران بينهما زاوية θ .

$$R = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB \cos \theta}$$

$$\sin \alpha = \frac{B \sin \theta}{R}$$

مثال (2)

$\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$ متجهان متلاقيان في نقطة O وواقعا في مستوى واحد. مقدار $\vec{F}_1$ يساوي (20)N ومقدار $\vec{F}_2$ يساوي (20)N والزاوية المحصورة بينهما تساوي 120° .



- أرسم هذين المتجهين والمحصلة باستخدام مقياس رسم مناسب.
- أحسب مقدار محصلتهما مستخدماً الرسم البياني.
- عدّد عناصر محصلة المتجهين.

خطوات الحل

نختار مقياس 1cm يعادل (10)N. نمثل كل من المتجهين $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$ بشعاع طوله 2cm ونرسمهما بحيث تفصل بينهما زاوية 120° . نكمل متوازي الأضلاع ونرسم المحصلة التي هي قطر متوازي الأضلاع (الخارج من نقطة التقاء القوتين). نقيس بالمسطرة طول المحصلة والتي تساوي كما في الشكل 2cm).
 باستخدام المقياس، نستنتج أن مقدار المحصلة يساوي: $F_{eq} = (2)cm \times (10)N = (20)N$.
 أما عناصر المحصلة فهي: O نقطة تأثير، اتجاه $\theta = 60^\circ$ يُقاس بالمنقلة، ومقدار يساوي (20)N.

مفكرة انرابية

الفيزياء في المختبر

خطوط الملاحظة

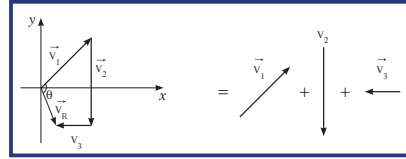
يرشد المراقبون الجزيون الطيارين خلال هبوط الطائرات أو إقلاعها في المطارات الجوية. ويعتمد عملهم على استخدام المتجهات عند تحديد سرعة الطائرة واتجاهها، وأخذ سرعة الرياح والمسارات الجوية في الاعتبار، ذلك مع الاعتماد على أجهزة الرادار وأبراج المراقبة لمتابعة حركة كل الطائرات المحلقة بالقرب من المطار.



19

أما في حال وجود أكثر من متجه، فيكون إيجاد المحصلة باعتماد ما يلي: نرسم المتجه الأول $\vec{V}_1$ ، ثم نرسم من رأس المتجه الأول متجهاً له مقدار واتجاه $\vec{V}_2$ نفسهما، ويبدأ ذيله عند رأس $\vec{V}_1$. ومن رأس المتجه $\vec{V}_2$ ، نرسم متجهاً له مقدار $\vec{V}_3$ واتجاهه، ويبدأ ذيله عند رأس المتجه $\vec{V}_2$ ، وهكذا دواليك.

أما المحصلة، فتكون برسم المتجه الذي بدايته هي نقطة بداية المتجه الأول ونهايته نقطة نهاية المتجه الأخير، كما هو موضّح في الشكل (8).



(شكل 8)

رسم محصلة عدة متجهات

أي أن محصلة المتجهات التي تتابع رأساً بذيل تكون المتجه الوحيد الذي يكون ذيله نقطة البداية ورأسه نقطة النهاية. أما اتجاه المحصلة، فيحدّد بمقدار الزاوية بين متجه المحصلة والمتجه الأول.

مثال (3)

قام أحد مستكشفي الغابات برحلة استكشافية منطلقاً من النقطة O ومستخدماً عدّاد قياس المسافات والبوصلة، قاصداً البحيرة M وفق المسار A, B, C, M الموضّح في الشكل (9).
 مقياس الرسم هو 1cm لكل (1500)m.

أحسب مستخدماً مسطرة ومنقلة:

- مقدار الإزاحة المحصلة من نقطة الإنطلاق إلى البحيرة.
- اتجاه المحصلة بالنسبة إلى محور الإنسان.

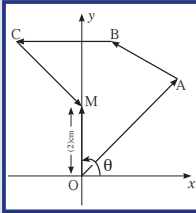
الحل:

(أ) نقوم ببوصلة النقطة O التي تمثل ذيل المتجه الأول بالنقطة M التي تمثل رأس المتجه الأخير.

نقيس المسافة OM باستخدام المسطرة ونضرب العدد بالمقياس المعطى على الرسم لنحصل على مقدار الإزاحة المحصلة:

$$OM = 2 \times 1500 = 3000(m)$$

(ب) أما الاتجاه فيحدّد بالمنقلة ويساوي 90° .



(شكل 9)
المسار على الرسم

مثال (4)

تحرك قارب الصيد من المرفأ ليقطع مسافة 10km باتجاه 30° شرق الشمال ثم 4km إلى الجنوب (شكل 10).

(أ) أحسب مستخدماً الرسم البياني ومقياس رسم مناسب مقدار الإزاحة المحصلة واتجاهها.

(ب) استخدم الطريقة الحسابية لجبر المتجهات لإيجاد مقدار الإزاحة المحصلة واتجاهها.

طريقة التفكير في الحل

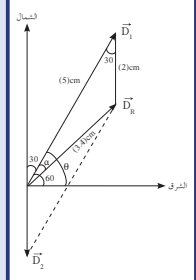
1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: $D_1 = (10)km$ باتجاه 30° شرق الشمال

غير المعلوم: مقدار الإزاحة المحصلة واتجاهها.

2. احسب غير المعلوم:

(أ) مستخدماً الرسم البياني، اختر المقياس 1cm لكل (2)km لرسم $\vec{D}_1$ و $\vec{D}_2$ حيث أن $\vec{D}_1$ يُمثّل بشعاع طوله 5cm و $\vec{D}_2$ بشعاع طوله 2cm.



(شكل 10)
مسار قارب الصيد

20

إسأل: باعتقادك، هل الطريقة الحسابية التي تعتمد على قطر متوازي الأضلاع يُمكن أن تكون مفيدة لحساب محصلة عدد أكبر من المتجهات غير المتعامدة في مستوى واحد؟ استمع إلى آرائهم واقتراحاتهم لحساب محصلة عدة متجهات.

إشرح لهم طريقة إيجاد محصلة متجهات تتابع رأساً وذيلاً، وأشر إلى أن المحصلة هي المتجه الذي ذيله نقطة البدء ورأسه نقطة النهاية للمتجه الأخير.

حلّ مع الطلاب المثالين المحلولين (3) و(4) تطبيقاً على إيجاد محصلة متجهات تتابع رأساً وذيلاً.

ضرب المتجهات بكميات قياسية:

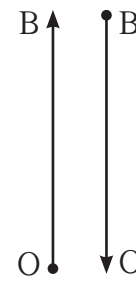
من خصائص المتجهات أيضاً إمكانية ضرب المتجه بكمية قياسية موجبة أو سالبة.

أعط الطلاب بعض الأمثلة على نتائج ضرب المتجهات بكميات عددية موجبة وكميات عددية سالبة. دعهم يلاحظون أن ضرب المتجه بكمية موجبة لا يغيّر في اتجاهه بل يغيّر في مقداره، في حين أن ضربه بكمية قياسية سالبة يعكس اتجاهه ويغيّر مقداره.

اطلب إلى الطلاب الإجابة على بعض المسائل مع إجابات، وأن يناقشوا إجاباتهم ويتوصلوا للإجابات المعطاة.

التفكير الناقد

بما أن نقاط الماء قد انطلقت من نقطة معينة، لنسميها النقطة O، لترتفع إلى أعلى نقطة، لنسميها B، فإن إزاحتها تتمثل بالمتجه $\vec{OB}$ ، لتعود بعدها من النقطة B إلى النقطة O بإزاحة $\vec{OB}$. أما محصلة الإزاحتين والتي تمثل الإزاحة خلال دورة واحدة فتساوي صفراً، حيث أن المتجهين متساويان في المقدار ومتعاكسان في الاتجاه.



3.2 مناقشة

وضّح للطلاب أننا نحتاج في تحليل الكثير من المسائل الفيزيائية إلى حاصل ضرب متجهين، وليس فقط إلى حاصل ضرب متجه بكمية قياسية سالبة أو موجبة كما تعلمنا في القسم السابق.

وضّح لهم أيضاً وجود نوعين من ضرب المتجهات هما الضرب القياسي والضرب الاتجاهي، وحاصل ضرب كل نوع منهما يتمثل بخصائص محددة تختلف عن الخصائص الناتجة عن النوع الآخر.

مثال (4) (تابع)

أرسم هذين المتجهين بحيث يلتقي ذيلهما في نقطة واحدة ويحصرا بينهما زاوية $\theta = 150^\circ$ ، ثم أكمل متوازي الأضلاع وقس طول القطر، ويساوي $(3.4)\text{cm}$. اضرب الناتج بالعدد 2 لتحصل على مقدار الإزاحة المحصلة التي تساوي $(6.8)\text{km}$ ، واستخدم المنقلة لتحديد اتجاه محصلة الإزاحة وتساوي 43° مع المحور الأفقي. ويمكنك أن تحصل على النتيجة نفسها مستخدماً طريقة تتابع الرأس والذيل لكل من $\vec{D}_1$ و $\vec{D}_2$ كما يلي:

قم بوصل ذيل $\vec{D}_1$ برأس $\vec{D}_2$ لتحصل على متجه محصلة الإزاحة $\vec{R}$. قس طول $\vec{D}$ حيث $R = (3.4)\text{cm}$ والذي يعادل $(6.8)\text{km}$ بحسب مقياس الرسم المستخدم. أما اتجاه محصلة الإزاحة فيقاس بواسطة المنقلة ويساوي 43° مع المحور الأفقي.

(ب) مستخدماً الطريقة الحسابية:

$$R^2 = D_1^2 + D_2^2 + 2D_1D_2 \cos 150$$

$$R^2 = 5^2 + 2^2 + 2 \times 5 \times 2 \cos 150 = 11.67$$

$$R = (3.4)\text{cm}$$

بالتالي إن مقدار الإزاحة $R = (6.8)\text{km}$ ولحساب الاتجاه نستخدم المعادلة:

$$\frac{\sin \alpha}{D_2} = \frac{\sin 150}{R}$$

$$\frac{\sin \alpha}{2} = \frac{\sin 150}{3.4}$$

$$\sin \alpha = 0.29$$

$$\alpha = 16.85^\circ$$

وبهذا، فالمتجه $\vec{D}_2$ يأخذ الاتجاه $60 - 16.85 = 43.14^\circ$ مع المحور الأفقي.

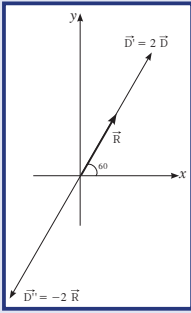
3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

لقد حصلنا على المقادير نفسها باستخدام الطريقتين وهذا يؤكد صحة الطريقتين.

4.2 ضرب المتجهات بكمية قياسية

لنأخذ المتجه $\vec{D}$ الذي يمثل إزاحة محدّدة باتجاه 60° (شكل 11). إن المتجه $\vec{D}' = 2\vec{D}$ هو متجه مقداره ضعف مقدار المتجه $\vec{R}$ وله الاتجاه نفسه.

أما المتجه $\vec{D}'' = -2\vec{D}$ فمقداره يساوي ضعف مقدار R ولكن اتجاهه معاكس. إن ضرب المتجه بكمية قياسية سالبة يعكس اتجاه المتجه بالإضافة إلى تغيير مقداره، في حين أن ضربه بكمية قياسية موجبة يغيّر مقداره فقط بدون أن يغيّر الاتجاه.



(شكل 11)
تمثيل ضرب المتجهات

الضرب القياسي:

وضّح للطلاب أن حاصل الضرب القياسي بين متجهين يحصران بينهما زاوية محدّدة هو كمية قياسية، لذلك سُمي ضرباً قاسياً.

عرّفهم أن الضرب القياسي لمتجهين $\vec{A}$ و $\vec{B}$ هو

$\vec{A} \cdot \vec{B} = A \cdot B \cos \alpha$ ، حيث α هي الزاوية المحصورة بين المتجهين $\vec{A}$ و $\vec{B}$.

وضّح للطلاب أن A و B في المعادلة يمثلان مقدار المتجهين.

أشر إلى أن الضرب القياسي لمتجهين يُسمى أيضاً الضرب النقطي لأن إشارة الضرب المستخدمة فيه هي النقطة.

دع الطلاب يطلّعون على المثال المحلول 5 في الصفحة 22، ويتعرّفون رموز المعادلة التي سُتستخدم في إيجاد حاصل الضرب القياسي بين متجهي القوة والإزاحة.

الفت انتباه الطلاب إلى معنى الشغل والذي يساوي حاصل الضرب القياسي للقوة المؤثرة والإزاحة. اعطهم الوقت الكافي للاطلاع على خطوات الحل ومناقشة الطريقة التي اعتمدت للوصول إلى الحل. شدّد على ضرورة استخدام النظام الدولي للوحدات في حساب المقادير غير المعلومة.

شجع الطلاب على تقييم النتيجة دائماً ليتحققوا من صحة إجاباتهم.

لنتأكد من استيعاب الطلاب اسأل:

✎ متى يكون حاصل الضرب القياسي للمتجهين موجباً؟
(عندما يحصران بينهما زاوية أصغر من 90° ، لأن $\cos \alpha > 0$).

✎ متى يكون حاصل الضرب القياسي للمتجهين سالباً؟ (عندما تكون الزاوية المحصورة بينهما أكبر من 90° ، لأن $\cos \alpha < 0$).

✎ ما حاصل الضرب القياسي لمتجه مع نفسه؟ (يساوي مربع مقداره).

✎ الضرب الاتجاهي:

وضّح للطلاب أنّ حاصل الضرب الاتجاهي بين متجهين يحصران بينهما زاوية محدّدة هو كمية متّجهة، وهذا هو سبب تسميته الضرب الاتجاهي.

عرّف الطلاب بأنّ الضرب الاتجاهي للمتجهين $\vec{A}$ و $\vec{B}$ هو $\vec{A} \times \vec{B} = A.B \sin \alpha$ ، حيث α هي الزاوية المحصورة بين المتجهين $\vec{A}$ و $\vec{B}$.

وضح للطلاب أنّ A و B في المعادلة يمثلان مقدار المتجهين.

اشر إلى أنّ الضرب الاتجاهي لمتجهين يُسمّى أيضاً الضرب التقاطعي لأنّ إشارة الضرب المستخدمة فيه هي $(\times)$.

شدّد على أنّ يميّز الطلاب بين حاصل الضرب القياسي بين متجهين والذي هو كمية قياسية، وبين حاصل الضرب الاتجاهي والذي هو متّجه له مقدار يُحسب بالعلاقة الرياضية السابقة، واتّجاه رأسي على المستوى الناشئ من المتجهين والذي يُحدّد باستخدام قاعدة اليد اليمنى.

شدّد على الطلاب أنّ ينتبهوا إلى اتّجاه تدوير أصابعهم عند تحديد اتّجاه محصلة الضرب الاتجاهي للمتجهين، حيث أنّ اتّجاه المحصلة هو الاتّجاه الذي يشير إليه الإبهام بعد تدوير الأصابع من خلال الزاوية الصغرى المحصورة بين المتجهين.

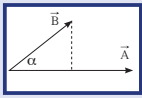
دع الطلاب يطلعون على المثال المحلول 6 في الصفحة 23، ويتعرّفون رموز المعادلة التي ستستخدم في إيجاد حاصل الضرب الاتجاهي بين متجهي القوتين.

الفت انتباه الطلاب إلى أنّ يحدّدوا مقدار الزاوية الصغرى المحصورة بين المتجهين.

اعطهم الوقت الكافي للاطلاع على خطوات الحل ومناقشة الطريقة التي اعتمدت للوصول إلى الحل. شجّعهم على تقييم النتيجة دائماً ليتحققوا من صحة إجاباتهم.

التفكير الناقد

ينطلق الماء في نافورة الماء ليرتفع (85)m، قبل أن يعود إلى نقطة الانطلاق. ما هي إزاحة نقاط الماء خلال دورة واحدة؟



(شكل 12)

3. ضرب المتجهات

ضرب المتجه بكمية قياسية سالبة أو موجبة ليس فقط ما نحتاجه في الفيزياء، إذ نحتاج في تحليل بعض المسائل الفيزيائية إلى ضرب متجه بمتجه آخر، وهو ما يعرف بضرب المتجهات. نعرّف نوعين من ضرب المتجهات:

1. الضرب القياسي (العددي) ويُسمّى أيضاً الضرب النقطي.
2. الضرب الاتجاهي ويُسمّى أيضاً الضرب التقاطعي.

وستعرّف خصائص كلّ منهما في ما يلي:

1.3 الضرب القياسي

لنأخذ المتجهين $\vec{A}$ و $\vec{B}$ والذين يحصران بينهما زاوية α كما يظهر في الشكل (12).

نعرّف الضرب القياسي للمتجهين $\vec{A}$ و $\vec{B}$ بالعلاقة الرياضية التالية:

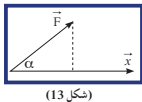
$$\vec{A} \cdot \vec{B} = A \times B \cos \alpha$$

حيث أنّ α هي الزاوية المحصورة بين المتجهين. أما A و B يمثلان مقدار كلّ متّجه.

لاحظ أنّ حاصل الضرب القياسي للمتجهين هو كمية قياسية، وهذا يفسّر سبب تسميته الضرب القياسي.

مثال (5)

من المعلوم أنّ الشغل هو كمية فيزيائية تسببها قوة مؤثرة على جسم عند إزاحته مسافة على مساره، ويُعبّر عنها بالضرب القياسي لكلّ من متجه القوة $\vec{F}$ ومتجه الإزاحة $\vec{x}$. استخدم الضرب القياسي لحساب الشغل الناتج عن قوة مقدارها 50N تصنع زاوية 60° مع متجه الإزاحة، أدت عند تطبيقها إلى إزاحة الجسم مسافة 10m.



(شكل 13)

طريقة التفكير في الحل

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.
المعلوم: متّجه القوة F مقداره 50N ويصنع زاوية 60° مع الإزاحة x .
مقدار الإزاحة: $x = 10$ ، بالاتّجاه الموجب للمحور الأفقي.
غير المعلوم: الشغل المتمثّل بالضرب القياسي لكلّ من القوة والإزاحة.

2. احسب غير المعلوم:

مستخدماً العلاقة الرياضية:

$$W = \vec{F} \cdot \vec{x} = F \cdot x (\cos 60)$$

وبالتعويض عن المقادير المعلومّة نجد أنّ: $W = 50 \times 10 \times 0.5 = (250)J$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟
النتيجة مقبولة لأنّ الضرب القياسي للمتجهين يساوي كمية قياسية.

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

للتأكد من فهم الطلاب للفرق بين الكميات العددية والكميات المتجهة، اطلب إليهم ذكر بعض خصائص المتجهات. ثم دعهم يعبرون رياضياً عن متجهه.

اطلب إليهم حلّ «المسائل مع الإجابات» الموجودة في كتاب الطالب والتي لم تُستخدم في الشرح، والتحقق من إجاباتهم.

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركز على السبب الذي أدى إلى سوء الفهم. شدّد أيضاً على ضرورة الاستخدام الصحيح للقواعد الرياضية ووحدات القياس المناسبة.

إجابات أسئلة الدرس 1-1

أولاً - الكميات العددية (وتُسمى الكميات القياسية) هي الكميات التي يكفي لتحديد عددها عدد يمثل مقدارها ووحدتها فيزيائية تميز هذا المقدار. أمّا الكميات المتجهة فهي الكميات التي تحتاج في تحديدّها إلى الاتجاه الذي تأخذه بالإضافة إلى العدد الذي يحدّد مقدارها ووحدتها القياس التي تميزها.

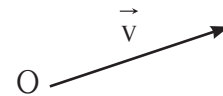
ثانياً - كلاً، لأنّ لمتجهي السرعتين اتجاهين مختلفين. ولكي يتساوى متجهان، يجب أن يكون لهما المقدار نفسه والاتجاه نفسه.

ثالثاً - مقياس رسم (1) لكل 200 km/h، وعليه يكون طول شعاع السرعة 3 cm واتجاهه 45° مع المحور الأفقي.

رابعاً - (أ) أكبر مقدار يساوي 8N عندما يكونان في الاتجاه نفسه.

(ب) أصغر مقدار يساوي 2N عندما يكونان متعاكسين.

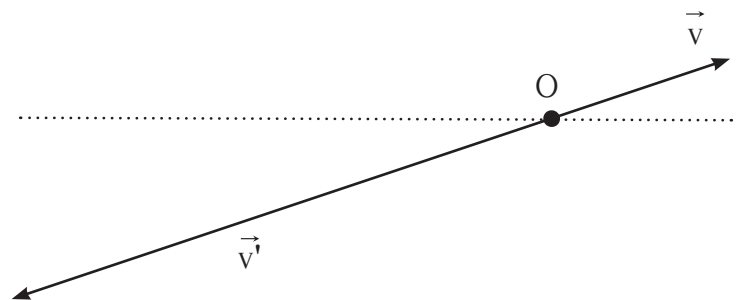
خامساً - (أ) يُمثّل المتجه $\vec{v}$ بشعاع طوله 2.5 cm.



(ب) أمّا المتجه $\vec{v}'$ فيُمثّل بمتجه طوله:

$$v' = 3 \times 2.5 = 7.5 \text{ cm} = 15 \text{ m/s}$$

واتجاهه معاكس لاتجاه $\vec{v}$ كما في الشكل أدناه.



$$\vec{v}' = (15, -155^\circ) \text{ (ج)}$$

2.3 الضرب الاتجاهي

لنأخذ المتجهين $\vec{v}_1$ و $\vec{v}_2$ واللذين يحصران بينهما زاوية α كما يظهر في الشكل (14).

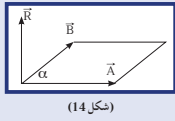
إنّ حاصل الضرب الاتجاهي للمتجهين $\vec{A}$ و $\vec{B}$ يُمثّل بالعلاقة الرياضية التالية:

$$\vec{R} = \vec{A} \times \vec{B}$$

وعليه نستنتج أنّ حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين هو متجه مقداره يحدّد بالعلاقة التالية:

$$\vec{R} = \vec{A} \times \vec{B} = A (B \sin \alpha)$$

علماً أنّ هذا المقدار يُمثّل مساحة متوازي الأضلاع الناشئ عن المتجهين، واتجاهه فهو رأسي على المستوى المكوّن من المتجهين، ويحدّد بتطبيق قاعدة اليد اليمنى وذلك بتدوير أصابع اليد اليمنى من المتجه الأول إلى الثاني عبر الزاوية الأصغر بين المتجهين ليشير الإبهام إلى اتجاه المتجه $\vec{v}$ كما في الشكل (14).



(شكل 14)

مسألة

على ورقة رسم بياني، ارسم المتجه $\vec{v}$ الذي يمثّل السرعة حيث مقداره يساوي (10)m/s باتجاه 60° شرق الشمال.

(أ) مستخدماً الرسم نفسه، مثل بيانيًا المتجه $\vec{v}'$ حيث أنّ $\vec{v}' = -1.5\vec{v}$.

(ب) مستخدماً الرسم البياني نفسه، مثل المتجه $\vec{v}'' = -\vec{v}$.

(ج) أوجد محصلة المتجهين $\vec{v}'' = \vec{v}' + \vec{v}$ (مقدار واتجاه).

(6) مثال

المتجهان $\vec{F}_1$ مقداره 5N و $\vec{F}_2$ مقداره 4N يحصران بينهما زاوية 120° كما في الشكل (15). احسب حاصل الضرب الاتجاهي $\vec{F}_1 \times \vec{F}_2$.

طريقة التفكير في الحل:

1. حل: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم:

متجه القوة $\vec{F}_1$ مقداره 5N واتجاهه بالاتجاه الموجب على المحور $x'x$.

متجه القوة $\vec{F}_2$ مقداره 4N ويصنع زاوية 120° مع المحور $x'x$.

غير المعلوم: حاصل الضرب الاتجاهي للمتجهين.

2. احسب غير المعلوم:

مستخدماً العلاقة الرياضية التالية:

$$\vec{F} = \vec{F}_1 \times \vec{F}_2$$

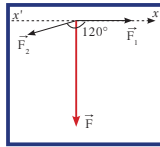
نجد أنّ حاصل الضرب هو المتجه $\vec{F}$ ويُحسب مقداره بالتعويض عن المقادير المعلوم في العلاقة:

$$F = F_1 \times F_2 \sin 120^\circ = 5 \times 4 \sin 120^\circ = (17.32)N$$

أمّا اتجاهه فيحدّد باستخدام قاعدة اليد اليمنى من المتجه الأول إلى الثاني عبر الزاوية الأصغر ليشير الإبهام إلى أنّ اتجاه $\vec{F}$ رأسي على المستوى المكوّن من $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$ نحو الداخل (باللون الأحمر).

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

النتيجة مقبولة لأنّ الضرب الاتجاهي للمتجهين هو كمية متجهة.



(شكل 15)

سادساً - حاصل الضرب القياسي لمتجهين متعامدين يساوي صفر

لأن الزاوية التي يحصرانها تساوي 90° وإن $\cos 90 = 0$

$$F = \sqrt{F^2 + F'^2 + 2FF' \cos \alpha} \quad (أ)$$

$$= \sqrt{10^2 + 15^2 - 2 \times 10 \times 15 \cos 30}$$

$$= \sqrt{100 + 225 + 300 \times 0.86}$$

$$= \sqrt{584.8} = 24.18N$$

$$F'' = (24.18)N$$

أما اتجاهه فيُحسب بالعلاقة:

$$\frac{\sin 150}{24.18} = \frac{\sin \alpha}{15}$$

$$\sin \alpha = 0.31$$

$$\alpha = 18.06^\circ$$

$$\vec{F} \cdot \vec{F}' = F \times F' \cos 30 = (129.9)N \quad (ب)$$

(ج) حاصل الضرب الاتجاهي للمتجهين هو المتجه F'' الذي يُحسب مقداره من العلاقة:

$$F \times F' = F F' \sin 30 = (75)N$$

أما اتجاهه فيُحدّد بواسطة قاعدة اليد اليمنى رأسياً على المستوى المتكوّن نحو الأعلى.

ثامناً - حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين متوازيين يساوي صفراً.

مراجعة الدرس 1-1

أولاً - عرّف الكميات العددية والكميات المتجهة.

ثانياً - تسير سيارة شمالاً بسرعة عددية تساوي $(80)km/h$ بينما تسير سيارة أخرى جنوباً بسرعة $(80)km/h$. هل سرعتاهما المتجهتان متساويتان؟ اشرح.

ثالثاً - تحركت طائرة بسرعة $(600)km/h$ بزاوية 45° شمال الشرق. مثل هذه السرعة بيانياً مستخدماً مقياس رسم مناسب.

رابعاً - قوتان $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$ تؤثران على جسم فإذا علمت أن مقدار $F_1 = (3)N$ و $F_2 = (5)N$.

(أ) ما هو أكبر مقدار لمحصلة هاتين القوتين اعتماداً على اتجاهيهما؟

(ب) ما هو أصغر مقدار لمحصلة هاتين القوتين اعتماداً على اتجاهيهما؟

خامساً - سرعة متجهة مقدارها $(5)m/s$ باتجاه يصنع زاوية 25° بدءاً من محور السينات.

(أ) مثل بيانياً $\vec{v}_1$ مستخدماً المقياس $1cm$ لكل $(2)m/s$.

(ب) مستخدماً الرسم البياني نفسه، عبر عن متجه السرعة $\vec{v}_1 = -3\vec{v}_2$.

(ج) عبّر رياضياً عن المتجه $\vec{v}_1$.

سادساً - $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$ قوتان متعامدتان. احسب حاصل ضربهما ضرباً قياسياً.

سابعاً - في الشكل (16) القوتان $\vec{F}$ و $\vec{F}'$ موجودتان في مستوى واحد.

تحصران بينهما زاوية 30° .

علماً أن $F = (10)N$ و $F' = (15)N$ ، أحسب مستخدماً الطريقة

الحسابية لجبر المتجهات.

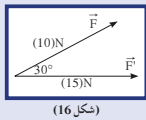
$$\vec{F}'' = \vec{F} + \vec{F}' \quad (أ)$$

$$\vec{F} \cdot \vec{F}' \quad (ب)$$

$$\vec{F} \times \vec{F}' \quad (ج)$$

ثامناً - احسب حاصل ضرب المتجهين $\vec{F}_2 \times \vec{F}_1$ إذا كانت القوتان

متوازيتين.



صفحات الطالب: من ص 25 إلى ص 28

عدد الحصص: 2

الأهداف

- ✓ يحلل متجهًا إلى مركبتين متعامدتين.
- ✓ يجد محصلة عدّة متجهات مستخدمًا الطريقة التحليلية.

الأدوات المستعملة: السبورة، أقلام ملوّنة، نماذج توضيحية، أقراص مدمجة، شبكة الإنترنت.

1. قدّم وحفّز

ذكر الطلاب بأنّ عملية جمع عدّة متجهات في مستوى واحد باستخدام طريقة متوازي الأضلاع أو بالاعتماد على تتابع الرأس والذيل لم تكن طريقة سهلة، بخاصة في وجود عدد كبير من المتجهات ذات اتجاهات مختلفة. اسأل الطالب: باعتقادهم، لو استطعنا إيجاد طريقة تجعل هذه المتجهات متعامدة، فهل سيكون إيجاد المحصلة أسهل؟ حفّز الطلاب وناقشهم للتوصل إلى أنّه يمكن تحليل أيّ متجه إلى مركبتين متعامدتين، وأنّ عملية تحليل المتجهات هي عملية عكسية لجمع المتجهات التي درسوها في الدرس السابق.

2. علّم وطبّق

1.2 مناقشة

وضّح للطلاب أنّ تحليل المتجه هو استبدال متجه ما بمتجهين متعامدين يُسميان مركبتَي المتجه، بحيث يُمثّل المتجه المراد تحليله المحصلة لهذين المتجهين، ويكون متّحدًا معهما في نقطة البداية. ارسّم المتجه المراد تحليله $\vec{A}$ على السبورة أمامهم على المحورين المتعامدين x و y من نقطة المرجع O . حدّد اتجاه المتجه بالزاوية θ بالنسبة إلى المحور الأفقي، وأسقط المتجه على المحور الأفقي وسمّيه المركبة الأفقية، وكذلك على المحور الرأسي وسمّيه المركبة الرأسية. دع الطلاب يلاحظون أنّ محصلة المركبتين الرأسية والأفقية هو المتجه الذي قاموا بتحليله. دعهم يستنتجون أنّ عملية تحليل المتجهات هي عملية عكسية لعملية التركيب.

تحليل المتجهات Vectors Analysis

الدرس 1-2

الأهداف العامة

- ✓ يحلّل متجهًا إلى مركبتيه المتعامدتين.
- ✓ يجد محصلة عدّة متجهات مستخدمًا الطريقة التحليلية.

تعلّمنا في الدرس السابق عملية تركيب المتجهات واستخدامنا حساب المثلثات ومتوازي الأضلاع في حساب مقدار المحصلة واتجاهها. في هذا الدرس، سنقوم بعملية معاكسة لعملية تركيب المتجهات ونُسمّي عملية تحليل المتجهات، حيث يستعاض عن متجه بمتجهين متعامدين لهما التأثير نفسه. وسنستخدم طريقة التحليل المتعامد للمتجهين لإيجاد محصلة أيّ عدد من المتجهات. سنستكشف خلال الدرس أيضًا أنّ استخدام طريقة تحليل المتجهات في جمع عدّة متجهات هي أسهل من طريقة جمع المتجهات باستخدام متوازي الأضلاع أو حساب المثلثات.

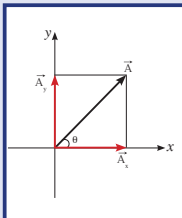
Vector Analysis

1. تحليل المتجهات

تحليل المتجه هو استبدال متجه ما بمتجهين متعامدين يُسميان مركبتَي المتجه، بحيث يمثّل المتجه المراد تحليله المحصلة لهذين المتجهين ويكون متّحدًا معهما في نقطة البداية. لنأخذ المتجه $\vec{A}$ الموجود في مستوى المحورين المتعامدين x و y كما يوضّح الشكل (17)، حيث تمثّل θ اتجاه المتجه $\vec{A}$ بالنسبة إلى محور الإسناد x .

ينتج عن إسقاط $\vec{A}$ على المحور x المتجه $\vec{A}_x$ وينتج عن إسقاط $\vec{A}$ على المحور y المتجه $\vec{A}_y$ كما هو موضح في الشكل (17). المتجهان $\vec{A}_x$ و $\vec{A}_y$ هما مركبتا المتجه $\vec{A}$ حيث إنّ المتجه $\vec{A}$ يساوي مجموع هاتين المركبتين أي: $\vec{A} = \vec{A}_x + \vec{A}_y$. كما أنّ المتجهات الثلاثة تشكل مثلثًا قائمًا، وباستخدام نظرية فيثاغورث نستطيع أن نجد العلاقات التالية بين المتجه المراد تحليله ومركباته،

$$\begin{aligned} A &= \sqrt{A_x^2 + A_y^2} \\ \cos \theta &= \frac{A_x}{A} \Rightarrow A_x = A \cos \theta \\ \sin \theta &= \frac{A_y}{A} \Rightarrow A_y = A \sin \theta \end{aligned}$$



(شكل 17)
تمثيل مركبي المتجه $\vec{A}$

استخدم الرسم لتعرض للطلاب كيفية إيجاد العلاقات الرياضية بين المتجه المعطى ومركبتيه مستخدماً العلاقات الرياضية التي درسوها في الدرس السابق:

$$\cos \theta = \frac{A_x}{A} \Rightarrow A_x = A \cos \theta$$

$$\sin \theta = \frac{A_y}{A} \Rightarrow A_y = A \sin \theta$$

استخدم مقدار المركبتين ونظرية فيثاغورث للمثلث قائم الزاوية لجعل الطلاب يتحققون من صحة العلاقة التالية بين مركبتي المتجه $\vec{A}$:

$$A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2}$$

أعط الطلاب الوقت الكافي للاطلاع على المثال المحلول (1)، ودع الطلاب يناقشون أفكارهم في ما بينهم. أطلب من أحدهم مناقشة الحل وعرض النتيجة التي توصل إليها والخطوات التي اتبعتها. في حال وجود التباس وسوء فهم، أعد عملية الشرح.

اطلب إلى الطلاب حل المسائل مع إجابات ص 26 وتأكد من أنهم توصلوا إلى الإجابات الصحيحة المذكورة في كتابهم.

2.2 مناقشة

بعد أن تعلم الطلاب كيفية تحليل متجه إلى مركبتين متعامدتين، دعهم يستنتجون أهمية الاستفادة من ذلك في إيجاد محصلة عدة متجهات

في مستوى واحد، وذلك باتباع الخطوات التالية ومناقشتها:

- ✓ أرسم على المحورين المتعامدين مجموعة من متجهات لها اتجاهات مختلفة (خذ ثلاثة متجهات على سبيل المثال).
- ✓ حلل كل متجه منها على حدة إلى مركباته بالنسبة إلى المحورين المتعامدين.

✓ قم بإيجاد محصلة المركبات على المحور الأفقي ومحصلة المركبات على المحور الرأسي.

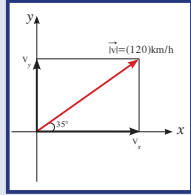
✓ دع الطلاب يلاحظون أن جميع المتجهات التي كانت معطاة قد استبدلت بمركبتين متعامدتين، وهذا يسهل عملية إيجاد المحصلة.

✓ قم بتطبيق العلاقة الرياضية لإيجاد المحصلة، والتي تنص على أن المحصلة تساوي الجذر التربيعي لمجموع مربع مركبات المحور الأفقي ومركبات المحور الرأسي.

✓ قم بإيجاد اتجاه المحصلة باستخدام المعادلة التالية:

$$\tan \theta = \frac{R_y}{R_x}$$

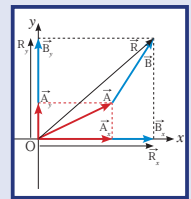
استخدم طريقة تحليل المتجهات لشرح كيفية زيادة محصلة السرعة. في فقرة «الفيزياء في الرياضة»، دع الطلاب يستنتجون أن زيادة الزاوية مع صدر الموجة يزيد من محصلة السرعة.



(شكل 18)
مركبات سرعة الطائرة

مسائل 5 إجابات

1. أوجد مركبي القوة $F = (50\text{N})$ التي تميل بزاوية 120° عن المحور x .
الإجابة: (25N) باتجاه محور x ، السالب، (43.3N) باتجاه محور y الموجب.
2. إذا كانت مركبات العجلة $a_x = (3\text{m/s}^2)$ و $a_y = (-4\text{m/s}^2)$ أوجد مقدار عجلة الجسم واتجاهها.
- الإجابة: (5m/s^2) و -53° .



(شكل 19)
المتجه $\vec{R}$ بمثلث المتجهين $\vec{A}$ و $\vec{B}$.

مثال (1)

أوجد مركبتي السرعة المتجهة v لطائرة مروحية تطير بسرعة (120km/h) بزاوية 35° مع سطح الأرض (شكل 18).

طريقة التفكير في الحل

1. حل: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: $v = (120\text{km/h})$ و $\theta = 35^\circ$

غير المعلوم: المركبتان v_x و v_y ؟

2. احسب غير المعلوم:

ارسم على المحورين المتعامدين x و y المتجه $\vec{v}$ وحدد على الرسم المركبتين v_x و v_y .

مستخدماً المعادلتين الرياضيتين:

$$\sin \theta = \frac{v_y}{v} \quad \cos \theta = \frac{v_x}{v}$$

نحسب:

$$v_y = v \sin \theta = 120 \sin 35^\circ = (68.82\text{km/h})$$

$$v_x = v \cos \theta = 120 \cos 35^\circ = (98.29\text{km/h})$$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

بما أن مركبتي السرعة تشكلان مثلثاً قائم الزاوية، فيجب أن تكون نظرية فيثاغورث محققة، وبتطبيقها يجب أن نحصل على مقدار متجه السرعة المعطى في المسألة.

$$v^2 = v_x^2 + v_y^2$$

$$v^2 = (98.29)^2 + (68.82)^2 = 14397.11$$

$v = (119.98\text{km/h})$ وهو يساوي مقدار السرعة المعطاة للطائرة، أما الفرق البسيط فيعود إلى التقريب.

1.1 إيجاد المحصلة بتحليل المتجهات

قد تسأل لماذا نحلل المتجهات إلى مركباتها؟ الإجابة هي أن تحليل المتجهات يسهل عملية جمع المتجهات.

لنأخذ المتجهين $\vec{A}$ و $\vec{B}$ ومحصلة $\vec{R}$ الموضحة في الشكل حيث أن $\vec{R} = \vec{B} + \vec{A}$.

لنقم بتحليل المتجه $\vec{A}$ والمتجه $\vec{B}$ إلى مركبتيهما.

لاحظ في الشكل (19) أن مجموع المركبتين $\vec{A}_x$ و $\vec{B}_x$ على المحور x يساوي المركبة $\vec{R}_x$ وأن مجموع المركبتين $\vec{A}_y$ و $\vec{B}_y$ على المحور y يساوي المركبة $\vec{R}_y$.

$$\vec{R}_x = \vec{A}_x + \vec{B}_x \quad \vec{R}_y = \vec{A}_y + \vec{B}_y$$

فقرة إثرائية

انشاء الفيزياء بالرياضة
ركوب الأمواج



يوضح الترحلق الهادئ المركبتين ومحصلة المتجه.

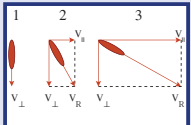
1. عند الترحلق على الموجة وبتأثيرها، تساوي سرعة الترحلق سرعة الموجة (V_w) ، وقد أعطيت الرمز (V_r) لأنها تتحرك عمودياً على صدر الموجة.

2. للتحرك أسرع، يتم الترحلق بزاوية مع صدر الموجة.

فالآن لدينا مركبة سرعة (V_w) موازية لصدر الموجة والمركبة العمودية للسرعة (V_r) ونستطيع أن نغير (V_r) ولكن تبقى (V_w) ثابتة ما دما نركب

ولجمع مركبتي السرعة، نجد أنه عند الانزلاق على الموجة بزاوية مع صدر الموجة، فإن السرعة المحصلة (V_r) تزيد على المركبة العمودية للسرعة (V_w) .

3. إن زيادة الزاوية مع صدر الموجة، تزيد السرعة المحصلة أيضاً.



ولجمع مركبتي السرعة، نجد أنه عند الانزلاق على الموجة بزاوية مع صدر الموجة، فإن السرعة المحصلة (V_r) تزيد على المركبة العمودية للسرعة (V_w) .

3. إن زيادة الزاوية مع صدر الموجة، تزيد السرعة المحصلة أيضاً.

تزيد السرعة المحصلة أيضاً.

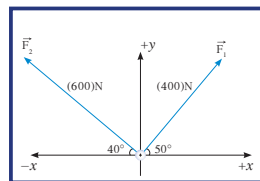
مثال (2)

تؤثر على الحلقة الموضحة في الشكل أدناه قوتان $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$.

(أ) أحسب مقدار محصلة القوى المؤثرة على الحلقة مستخدماً

تحليل المتجهات.

(ب) أحسب اتجاه المحصلة.



طريقة التفكير في الحل

1. حل: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: مقدار $F_1 = (400\text{N})$ و $\theta_1 = 50^\circ$ مع محور الإسناد الموجب مقدار $F_2 = (600\text{N})$ و $\theta_2 = 40^\circ$ مع محور الإسناد السالب غير المعلوم: (أ) مقدار المحصلة (ب) اتجاه المحصلة

2. احسب غير المعلوم:

باستخدام المعادلتين الرياضيتين التاليتين:

$$F_x = F \cos \theta$$

$$F_y = F \sin \theta$$

نجد مركبات كل من $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$.

أعط الطلاب الوقت الكافي للاطلاع على المثال المحلول 2، وناقش الحل معهم.

شدّد على أهمية تحليل كلّ متّجه معطى إلى مركّبتين، مع الانتباه إلى وضع إشارة سالبة للمركّبة المتّجه بالاتّجاه السالب للمحور. تأكّد من أنّ الجميع قادر على إيجاد مقدار المركّبات، وأنّهم توصّلوا إلى الإجابات المذكورة في الكتاب.

اطلب إليهم حلّ «المسائل مع إجابات» ص 28، وتحقّق من توصّلهم إلى الإجابات المذكورة في الكتاب.

3. قِيم وتوسّع

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

لتقييم استيعاب الطلاب للدرس، إسألهم عن الفرق بين تركيب المتّجهات وتحليل المتّجهات. ثمّ اطلب إليهم كتابة العلاقة الرياضية بين مركّبة المتّجه الأفقية والمتّجه المراد تحليله، والعلاقة الرياضية بين مركّبة المتّجه الرأسية والمتّجه المراد تحليله، وأخيراً العلاقة الرياضية بين مركّبتَي المتّجه.

اطلب إليهم تنفيذ «المسائل مع إجابات» التي لم يستخدموها أثناء الشرح.

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أيّ التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركّز على السبب الذي أدّى إلى سوء الفهم، مشدّداً على ضرورة الاستخدام الصحيح للقواعد الرياضية ووضع الإشارة السالبة لمركّبة المتّجه باتّجاه المحور السالب.

إجابات أسئلة الدرس 2-1

أولاً - سيكون المتّجه أكبر بمقدار 1.41 من أيّ من المركّبتين.

ثانياً - (أ) صفر درجة

(ب) 90°

(ج) 180°

ثالثاً - المركّبة الأفقية:

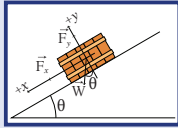
$$W_t = mg \sin \theta = 50 \times 10 \times \frac{1}{2} = (250)N$$

المركّبة الرأسية

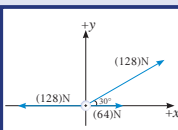
$$W_N = mg \cos \theta = 50 \times 10 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = (250\sqrt{3})N = 433N$$

مسألة مع إجابة

جسم نقطي تؤثر عليه ثلاثة قوى،
 $F_1 = (6)N$ غرباً و $F_2 = (2)N$
 جنوباً و $F_3 = (3)N$ باتجاه 60°
 شرق الجنوب.
 أحسب محصلة القوى المؤثرة على
 الجسم واتّجاهها.
 الإجابة: $(4.8)N$ و 225.8°



(شكل 20)



(شكل 21)

مثال (2) (تابع)

F_y	F_x	F
$400 \sin 50 = (306.41)N$	$400 \cos 50 = (257.11)N$	F_1
$600 \sin 40 = (385.67)N$	$-600 \cos 40 = (-459.62)N$	F_2
$(692)N$	$(-202.51)N$	F_R

$$F_R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{202.51^2 + 692^2} = (721.02)N$$

$$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x} = \frac{692}{202.51} = 3.42$$

$$\theta = 73.7^\circ \text{ مع محور } x \text{ السالب أي } 106^\circ \text{ مع محور } x \text{ الموجب.}$$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟
 إنّ استخدام الرسم البياني لتحديد مقدار المحصلة والاتّجاه يؤكّد صحة النتيجة التي توصّلنا إليها.

مراجعة الدرس 2-1

أولاً - هل المتّجه بزاوية 45° مع المحور الأفقي أكبر أم أصغر من مركّبتيه الرأسية والأفقية؟ وما هي نسبة الواحد إلى الآخر؟
 ثانياً - ما مقدار الزاوية مع المحور الأفقي والتي تجعل:
 (أ) المركّبة الأفقية مساوية لمقدار المتّجه الأصلي؟
 (ب) المركّبة الرأسية مساوية لمقدار المتّجه الأصلي؟
 (ج) المركّبة الأفقية مساوية لمقدار المتّجه الأصلي واتّجاهها معاكس؟
 ثالثاً - يستقرّ جسم كتلته $(50)kg$ على سطح مائل بزاوية 30° مع الخطّ الأفقي. علماً أنّ عجلة الجاذبية $g = (10)m/s^2$ ، أحسب مقدار مركّبتَي الوزن بالنسبة إلى المحورين x و y الموضّحين في الشكل (20).
 رابعاً - استخدم تحليل المتّجهات لحساب محصلة القوى المؤثرة على الحلقة في الشكل (21).

رابعاً - مستخدماً المعادلات الرياضية:

$$F_x = F \cos \theta$$

$$F_y = F \sin \theta$$

نجد مركّبات كلّ من $\vec{F}_1$ ، $\vec{F}_2$ و $\vec{F}_3$.

F_y	F_x	F
$(0)N$	$(64)N$	$\vec{F}_1$
$128 \sin 30 = (64)N$	$128 \cos 30 = (110.85)N$	$\vec{F}_2$
$(0)N$	$(-128)N$	$\vec{F}_3$
$(64)N$	$(46.85)N$	$\vec{F}_R$

$$F_R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{46.85^2 + 64^2} = (79.31)N$$

$$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x} = \frac{64}{46.85} = 1.366$$

$$\theta = 53.79^\circ \text{ مع محور } x \text{ الموجب.}$$

صفحات الطالب: من ص 29 إلى ص 37

عدد الحصص: 5

صفحات الأنشطة: من ص 11 إلى ص 12

الأهداف

- ✓ يصف التغيرات للمركبتين الأفقية والرأسية لسرعة قذيفة، بإهمال مقاومة الهواء.
- ✓ يفسر لماذا تتحرك القذيفة مسافات متساوية أفقيًا أثناء فترات زمنية متساوية، بإهمال مقاومة الهواء.
- ✓ يطبق معادلات حركة القذيفة.
- ✓ يحسب المدى الأفقي.
- ✓ يحسب أقصى ارتفاع.
- ✓ يدرس تأثير مقاومة الهواء على ارتفاع ومدى الجسم المقذوف.

الأدوات المستعملة: السبورة، أقلام ملونة، كتاب الأنشطة، أقراص مدمجة، شبكة الإنترنت.

1. قَدِّم وحفِّز

1.1 تنشيط المعرفة السابقة

لتقدير مدى معرفة الطلاب عن الحركة وأنواعها، اطرح عليهم الأسئلة التالية:

- ✓ متى تكون الحركة خطية؟ (المسار خط مستقيم)
- ✓ ما هي الحركة الخطية المنتظمة؟ (يتحرك الجسم على خط مستقيم بسرعة ثابتة.)
- ✓ عرّف الحركة الخطية منتظمة العجلة؟ (يتحرك الجسم على مسار مستقيم بعجلة ثابتة.)

أطلب إلى الطلاب ذكر معادلات الحركة الخطية المنتظمة والحركة الخطية منتظمة العجلة.

2.1 استخدام الصورة الافتتاحية للدرس

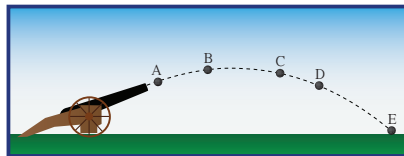
- دع الطلاب يتفحصون الصورة الافتتاحية للدرس ويلاحظون أن حركة القذيفة هي حركة في مستوى. إسأل الطلاب:
- ✓ هل تتوقعون أن تزيد سرعة القذيفة أو تقل بعد انطلاقها؟
- ✓ هل حركة القذيفة حركة منتظمة أم حركة منتظمة العجلة؟
- ✓ هل تعتقدون أن حركة القذيفة نوعين من الحركة في آن واحد؟

حركة القذيفة Projectile Motion

الدرس 1-3

الأهداف العامة

- ✓ يصف التغيرات للمركبتين الأفقية والرأسية لسرعة قذيفة، بإهمال مقاومة الهواء.
- ✓ يفسر لماذا تتحرك القذيفة مسافات متساوية أفقيًا أثناء فترات زمنية متساوية، بإهمال مقاومة الهواء.
- ✓ يطبق معادلات حركة القذيفة.
- ✓ يحسب المدى الأفقي.
- ✓ يحسب أقصى ارتفاع.
- ✓ يدرس تأثير مقاومة الهواء على ارتفاع الجسم المقذوف ومداه الأفقي.



(شكل 22)
القذيفة أطلقت من المدفع على حركة في مستوى.

بعد دراستنا للمنتجات وجمعها وتحليلها في الدروس السابقة، أصبحنا قادرين على استخدامها لدراسة الحركة في مستوى، حيث يتحرك الجسم في بعدين مركبين هما x و y . ومن الأمثلة التي سنتناولها عن حركة الجسم في بعدين حركة القذيفة وهي موضوع الدرس الحالي، والحركة الدائرية التي سنتناولها في الفصل القادم.

وكما ذكرنا في مقدمة الفصل، نلاحظ حركة القذيفة في حركة أي جسم (المقذوف) قذف بزاوية في مجال الجاذبية، مثل قذيفة أطلقت من المدفع (شكل 22)، أو حجر قذف في الهواء أو سفينة فضائية تدور حول الأرض وغيرها.

وسنتناول في هذا الدرس حركة القذيفة بمركبتها الأفقية والرأسية، وسنحدد مسارها ومداهما الأفقي وأقصى ارتفاع قد تبلغه.

عرّف القذيفة على أنها الجسم الذي يسير على منحنى تحت تأثير وزنه في غياب الاحتكاك.

أعط الطلاب عدداً من الأمثلة على حركة المقذوفات مثل حركة رصاصة بعد انطلاقها من البندقية، حركة ماء يندفع من نافورة، حركة كرة السلة بعد أن يقذفها اللاعب نحو السلة وغيرها.

ذكرهم بأن السقوط الحر حالة خاصة من حالات حركة المقذوفات. شدّد على أنّ شكل مسار المقذوف هو من خصائص حركة القذيفة ويسمى منحنى قطع مكافئ. اشرح للطلاب أنّ وجود مقاومة الهواء يؤدي إلى تغيير شكل المسار، ودعمهم يلاحظون تأثير مقاومة الهواء على حركة الكرة في الشكل (23). وضّح لهم أنّه سيتم إهمال مقاومة الهواء في سياق الدرس.

2.2 مناقشة

وضّح للطلاب أنّ حركة المقذوفات هي حركة مركبة من حركتين متعامدتين، وأنّ المسار الذي يسلكه الجسم يُمثّل المنحنى الذي يصل بين جميع نقاط المماسّ للسرعات المتّجهة اللحظية عند كلّ نقطة. فإذا قُذِف الجسم بسرعة ابتدائية مقدارها v_0 وبزاوية قذف θ ، فيمكننا تحليل السرعة الابتدائية للمقذوف إلى مركبتين، الأولى أفقية والثانية رأسية.

إلفت انتباه الطلاب إلى أنّ المركبتين الأفقية والرأسية لا تؤثران الواحدة على الأخرى. وللتأكّد من استيعابهم لفكرة استقلال مركبتَي حركة الجسم، اسأل:

✓ أيّهما قد يصل الأرض أولاً: جسم تُرك من سكون ليسقط أم جسم قُذِف بسرعة أفقية في اللحظة نفسها؟

ناقش آراء الطلاب وصوّب النقاش باستخدام الصورة الستروبوسكوبية (شكل 26) للكرتين اللتين قُذِبتا بطريقتين مختلفتين باللحظة نفسها: الأولى أفقياً والثانية رأسياً. دع الطلاب يلاحظون أنّ الكرتين قد تصلان الأرض في اللحظة نفسها لأنّ مركبتَي الحركة مستقلّتين الواحدة عن الأخرى.

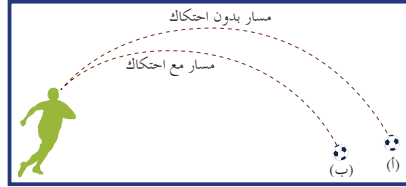
دع الطلاب يلاحظون أنّ حركتي الكرتين أثناء سقوطهما متماثلتان، أمّا الحركة الجانبية للكرة التي تمّ قذفها، فتقطع مسافات أفقية متساوية خلال أزمنة متساوية. وهذا يعود لعدم وجود أيّ قوّة مؤثّرة في الاتجاه الأفقي، أي أنّ حركتها حركة بسرعة منتظمة.

دعهم يستنتجون من ما سبق أنّ حركة القذيفة هي حركة مركبة من حركتين: الأولى حركة بسرعة منتظمة على المحور الأفقي، ويمكن استخدام معادلات الحركة بسرعة منتظمة لوصفها. والثانية حركة بعجلة منتظمة تساوي عجلة السقوط الحرّ على المحور الرأسي، ويمكن استخدام معادلات السقوط الحرّ لوصفها.

1. مسار حركة القذيفة

The Projectile Motion Trajectory

الأجسام التي تُقذف أو تُطلق في الهواء وتتعرّض لقوّة جاذبية الأرض تُسمّى المقذوفات. وتنبع المقذوفات مساراً منحنياً بالقرب من سطح الأرض. وإن بدا للوهلة الأولى أنّ دراستها صعبة، إلّا أنّ النظر إليها بمركبتها الأفقية والرأسية كلّ على حدة يسهّل دراستها. في غياب الاحتكاك مع الهواء يكون مسار القذيفة على شكل منحنى قطع مكافئ. لكن في حال وجود مقاومة للهواء على القذيفة، تُبطّأ سرعتها نتيجة الاحتكاك مع الهواء، ويتغيّر شكل المسار كما في الشكل (23).



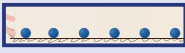
(شكل 23)

يختلف شكل المسار بوجود الاحتكاك: (أ) بدون احتكاك، (ب) مع احتكاك

2. مركبتا حركة القذيفة

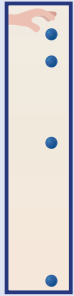
The Components of the Projectile Motion

المركبة الأفقية لحركة القذيفة تماثل الحركة الأفقية لكرة تتدحرج على سطح منبسط. وعند إهمال الاحتكاك، تكون سرعة تدحرج الكرة منتظمة وتقطع مسافات متساوية في أزمنة متساوية كما يوضّح (شكل 24). فعدم وجود قوّة تؤثر على الكرة يعني عدم وجود عجلة أفقية، وهذا هو الحال في حركة القذيفة حيث لا وجود لقوّة أفقية، ما يقيي سرعتها الأفقية ثابتة وحركتها على المحور الأفقي بسرعة منتظمة. أمّا المركبة الرأسية للقذيفة فتشبه تماماً السقوط الحرّ للأجسام، حيث تعمل قوّة الجاذبية في الاتجاه الرأسي، ما يؤدي إلى حركة متعجلة تؤدي إلى زيادة المسافة المقطوعة كلّ فترة زمنية تالية (شكل 25). من المهم معرفة أنّ الحركة الأفقية للقذيفة والحركة الرأسية غير مترابطتين (أيتين)، غير أنّ تأثيرهما معاً ينتج المسار المنحني الذي تتبعه المقذوفات.



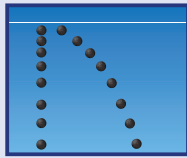
(شكل 24)

عند دحرجة كرة على سطح أفقي عديم الاحتكاك تبقى سرعتها ثابتة لعدم وجود مركبة لقوّة الجاذبية تؤثر عليها أفقياً.



(شكل 25)

عند إسقاط الكرة، إنها تصارع لأسفل فاعجلة مسافة رأسية أكبر كلّ ثانية.



(شكل 26)

صورة لكرتين انطلقا معاً من الة تسمح لإحدى الكرتين بالسقوط الحر بينما تقذف الأخرى أفقياً.

فقرة إثرائية

القذبة في المنحدر

المقذوفات والسقوط الحر



ضع عملة معدنية على حافة منضدة ملساء بحيث تكاد تقع عنها.

ضع قطعة ثانية على حافة المنضدة وعلى مسافة ما من القطعة الأولى.

دحرج العملة الثانية عبر المنضدة (بدفعها بإصبعك مثلاً) شرط أن تصطدم بالعملة الأولى، وتقع

العملتان على الأرض. راقب أيّ العملتين تصطدم بالأرض أولاً (بفرض حدوث ذلك لأحدهما).

هل تعتمد إجابتك على سرعة دحرجة العملة الثانية على المنضدة؟

مثال (1)

زُمي جسم من ارتفاع 20m عن سطح الأرض وبسرعة أفقية مقدارها v . احسب مقدار v علماً أنّ إزاحة الكرة الأفقية تساوي 25m.

أهمل مقاومة الهواء.

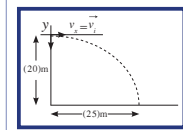
طريقة التفكير في الحل

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: $\Delta y = (20\text{m})$

$\Delta x = (25\text{m})$

غير المعلوم: $v = ?$



2.2 نشاط إضافي توضيحي

الفيزياء في المختبر: «القذائف والسقوط الحر»

الأدوات المستخدمة: قطعنا نقود ، مسطرة ومنضدة

الهدف من النشاط:

يجب أن يسمع الطلاب القطعتين النقديتين تضربان الأرض في اللحظة نفسها، ويستنتجوا أن السرعة الأفقية للعملة المنزلقة لا تؤثر على وقت السقوط.

خطوات النشاط:

ضع مسطرة على حافة منضدة ملساء. ضَع قطعتين نقديتين، واحدة على طرف المسطرة والأخرى إلى جانبها. ثَبَّتْ المسطرة من منتصفها بإصبعك وحرك طرفها بشكل سريع، بحيث يدفع حرف المسطرة القطعة النقدية الموجودة إلى جانبه وتسقط القطعة النقدية الأخرى سقوطاً حرّاً. دع الطلاب يلاحظون سقوط القطعتين النقديتين.

اطلب إليهم الإصغاء إلى صوت ارتطام القطعتين بالأرض، واسأل: هل نستطيع أن نستنتج أن القطعتين النقديتين تصلان إلى الأرض في اللحظة نفسها؟ (يسمع الطلاب صوت ارتطام واحد، وهذا يعني وصول القطعتين إلى الأرض في الوقت نفسه.)

استنتج استقلالية الحركتين الأفقية والرأسية. (سوف يستنتج الطلاب أن حركة القذيفة مركبة من حركتين مستقلتين.)

للتحقق من إمكانية استعمال معادلات الحركة بسرعة منتظمة على المحور الأفقي والحركة بعجلة منتظمة على المحور الرأسي، امنح الطلاب وقتاً يكفي للاطلاع على المثال المحلول (1) ص 31 و32. دعهم يناقشون الطريقة المتبعة للحل في ما بينهم للتوصل إلى الإجابات الصحيحة والتحقق من إمكانية استخدام معادلات الحركة بسرعة منتظمة والحركة بعجلة منتظمة في مسائل حركة القذيفة.

وزّع الطلاب في مجموعات لتنفيذ نشاط «سرعة المقذوفات» في كتاب الأنشطة ص 11.

وزّع المهام داخل المجموعات، وتأكد من أن كل مجموعة تنفذ النشاط وفقاً للخطوات الموضحة. أجر مناقشة حول ما توصلت إليه كل مجموعة، ثم لخص النتائج الصحيحة واكتب العلاقات التي توصل إليها الطلاب.

مثال (1) (تابع)

2. احسب غير المعلوم:

في غياب مقاومة الهواء تكون السرعة الأفقية منتظمة:

$$\Delta x = v_x \Delta t = vt$$

$$v_y = (0) \text{ m/s}$$

والحركة على المحور الرأسي منتظمة العجلة $a = g = (10) \text{ m/s}^2$. باستخدام المعادلة:

$$\Delta y = \frac{1}{2} gt^2 \Rightarrow 20 = 5t^2 \Rightarrow t = (2) \text{ s}$$

وبالتعويض عن t في $\Delta x = vt$ نحصل على:

$$v = \frac{25}{2} = (12.5) \text{ m/s}$$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

النتيجة مقبولة ويمكن اختبارها عملياً والتحقق من مقدار زمن الوصول إذا كان يحقق النتيجة في المسألة.

3. حركة قذيفة أطلقت بزاوية

Motion of a Projectile Launched with an Angle

لنأخذ الجسم m الذي قُذِفَ من النقطة O بزاوية قذف θ بسرعة ابتدائية

مقدارها v_0 مع المحور الأفقي، كما في الشكل (27).

إن تحليل متجه السرعة الابتدائية الموضح في الشكل (28) يعطي:

$$v_{0x} = v_0 \cos \theta$$

$$v_{0y} = v_0 \sin \theta$$

أما بالنسبة إلى كتلة المقذوف m ، فإن القوة الوحيدة المؤثرة عليها بغياب

الاحتكاك هي قوة الجاذبية (الوزن) $\vec{W}$ واتجاهها نحو مركز الأرض.

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن:

$$\Sigma \vec{F} = m\vec{a}$$

$$m\vec{g} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{a} = \vec{g}$$

وبما أن العجلة $\vec{a}$ هي كمية متجهة لها مركبتان $\vec{a}_x$ و $\vec{a}_y$ وأن متجه العجلة

هو باتجاه عجلة الجاذبية، يمكننا أن نستنتج أن:

$$a_x = -g \text{ و } a_y = 0$$

وأن الحركة على المحور الأفقي هي منتظمة السرعة وتمثل بالمعادلة:

$$\Delta x = v_{0x} t = v_0 \cos \theta t$$

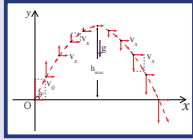
$$v_x = v_{0x} = v_0 \cos \theta$$

وأن الحركة على المحور الرأسي هي منتظمة العجلة وتمثل بالمعادلة:

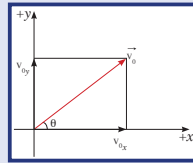
$$\Delta y = -\frac{1}{2} gt^2 + v_{0y} t = -\frac{1}{2} gt^2 + v_0 \sin \theta t$$

$$v_y = -gt + v_{0y} = -gt + v_0 \sin \theta$$

32



(شكل 27)
جسم قذف بزاوية θ



(شكل 28)
مركبات السرعة المتجهة الابتدائية

3.2 مناقشة

وضّح للطلاب أننا في هذا القسم سنناقش حركة قذيفة أُطلقت بزاوية θ بالنسبة إلى المحور الأفقي. دعهم يلاحظون الفرق بين مسار القذيفة التي أُطلقت من ارتفاع بزاوية تساوي صفراً وبين مسار القذيفة التي أُطلقت بزاوية θ .

وضّح لهم أن إطلاق القذيفة بزاوية تساوي صفراً يعني أن سرعتها الابتدائية هي أفقية فقط، وليس لها مركبة رأسية. في حين أن إطلاق القذيفة بزاوية يعني أن لسرعة القذيفة الابتدائية مركبتين أفقية ورأسية. ثم اسأل:

ما هي القوى المؤثرة على القذيفة بعد إطلاقها؟ (القوة الوحيدة هي وزنها بغياب الاحتكاك مع الهواء.)

هل توجد قوة أفقية تؤثر على حركة القذيفة؟ (لا يوجد أي مركبة قوة أفقية، وهذا يعني أن حركتها هي حركة منتظمة.)

دع الطلاب يستنتجون أن عدم وجود أي قوة أفقية على القذيفة، يعني أن السرعة الأفقية ثابتة المقدار، لأن الحركة على المحور الأفقي بسرعة منتظمة.

حلّل السرعة الابتدائية إلى مركبتها على نقطة الإطلاق. أرسم على المسار سرعات لحظية مختلفة، وقم بتحليلها إلى مركبتها. شدّد على أن المركبة الأفقية ثابتة المقدار، ودع الطلاب يلاحظون تغيير مقدار المركبة الرأسية التي تتناقص أثناء صعود القذيفة إلى أعلى لتساوي صفراً عند أقصى ارتفاع.

دعهم يلاحظون أيضاً أن سرعة القذيفة هي سرعة المركبة الأفقية عند النقطة التي تُمثّل أقصى ارتفاع. اسأل الطلاب:

ما هو اتجاه المركبة الرأسية بعد مرور القذيفة عن النقطة التي تُمثّل أقصى ارتفاع؟ (يصبح اتجاهها إلى أسفل.)

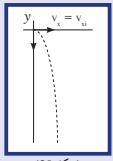
كيف يتغير مقدارها بعد المرور بالنقطة التي تُمثّل أقصى ارتفاع؟ (يزداد مقدار مركبة السرعة الرأسية.)

دع الطلاب يستنتجون من تغيير مقدار مركبة السرعة الرأسية ما إذا كانت حركة القذيفة على المحور الرأسي حركة بعجلة منتظمة.

خذ كتلة المقذوف وطبّق القانون الثاني لنيوتن. دع الطلاب يستنتجون رياضياً أن مقدار العجلة الأفقية يساوي صفراً، وأن الحركة هي حركة منتظمة، ثم اكتب معادلات الحركة المنتظمة.

دع الطلاب أيضاً يستنتجون رياضياً أن مقدار العجلة الرأسية ثابت، واكتب معادلات الحركة بعجلة منتظمة. اشرح لهم أن معادلة المسار هي معادلة رياضية بين مركبتي الحركة الأفقية والرأسية.

ورّع الطلاب في مجموعات، ودعهم يتناقشون في ما بينهم ويستخدمون معادلات الحركة على المحور الأفقي والرأسي لاستنتاج معادلة المسار. ساعدهم إذا دعت الحاجة أو إذا لاحظت أنهم يعانون صعوبة في استنتاج معادلة المسار. اشرح لهم أن معادلة المسار هي معادلة قطع مكافئ.



(شكل 29)
نصف قطع مكافئ

فقرة إثباتية
إثبات الفيزياء بالرياضة



زمن التحليق هو الوقت الذي يقضيه شخص خلال قفزه وأثناء حمل الهواء له، وهو لا يعتمد على السرعة الأفقية. وسنوضح الآن لماذا يحدث ذلك. من المعروف أن المركبتين الأفقية والرأسية للحركة لا تعتمدان الواحدة على الأخرى. ففي لحظة ابتعاد القدمين عن الأرض، وبإهمال مقاومة الهواء، تكون القوة الوحيدة المؤثرة على القافز هي الجاذبية. ويعتمد زمن التحليق على المركبة الرأسية للسرعة الصعود فقط التي تجعله يصعد لأعلى. والنتيجة أن قوة القفزة يمكن أن تزداد بعض الشيء، بتأثير الجري. لذلك، فزمن التحليق للقفزة أثناء الجري أكبر من زمن القفزة في المكان. وعلى كل حال، في اللحظة التي تترك فيها القدمان الأرض، نجد أن المركبة الرأسية للسرعة التي ترفع لأعلى هي التي تحدد زمن التحليق. والقواعد المستخدمة في حركة القذيفة تطبق على الشخص أثناء القفز.

لاحظ أن المركبة الأفقية للسرعة على مسار القطع المكافئ (شكل 27) لها القيمة نفسها، بينما المركبة الرأسية للسرعة هي التي تتغير وتؤدي إلى تغيير محصلة السرعة التي يمثلها قطر المستطيل.

1.3 معادلة المسار Trajectory Equation

معادلة المسار Trajectory Equation هي علاقة بين مركبة الحركة الأفقية ومركبة الحركة الرأسية عالية من متغير الزمن t ، ويمكن استنتاجها كما يلي:

$$\Delta x = v_{0x} t = v_0 \cos \theta t$$

$$t = \frac{\Delta x}{v_0 \cos \theta}$$

وبتعويض مقدار t في المعادلة وباعتبار أن نقطة الإطلاق هي $O(0,0)$

$$\Delta y = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \theta t$$

$$y = \tan \theta x - \frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \theta} x^2$$

والتي تمثل المسار المنحني ويُسمى القطع المكافئ Parabola الذي لاحظناه في التجربة السابقة.

يتغير مسار القذيفة بتغيير زاوية الإطلاق بالنسبة إلى المحور الأفقي. فإذا كانت هذه الزاوية تساوي 90° ، يصبح مسار القذيفة خطاً رأسياً. أما إذا كانت زاوية الإطلاق تساوي صفراً، فيكون شكل المسار نصف قطع مكافئ (شكل 29).

2.3 أقصى ارتفاع Maximum Height

إن مركبة سرعة القذيفة الرأسية v_y عند أعلى نقطة تساوي صفراً، أي أن: $0 = -gt + v_0 \sin \theta$

بالتالي، إن الزمن للوصول إلى أعلى نقطة $t = \frac{v_0 \sin \theta}{g}$ ، وبالتعويض في y نحصل على أقصى ارتفاع:

$$h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$$

3.3 المدى Range

المدى Range هو المسافة الأفقية التي تقطعها القذيفة بين نقطة الإطلاق ونقطة الوصول على الخط الأفقي المار بنقطة الإطلاق.

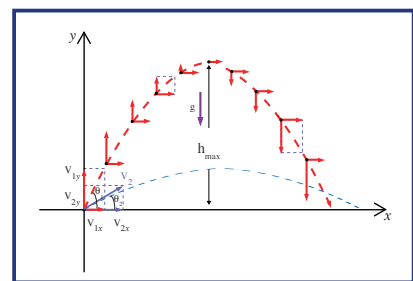
عندما تصل القذيفة إلى أقصى ارتفاع، تكون قد قطعت نصف المدى. أما الزمن الكلي لقطع المدى كاملاً على اعتبار أن القذيفة انطلقت من المستوى الأفقي ووصلت إلى المستوى نفسه، فيساوي ضعف الزمن للوصول إلى أقصى ارتفاع، أي أن: $t' = 2 \frac{v_0 \sin \theta}{g}$

وبالتعويض في معادلة الحركة على المحور الأفقي نحصل على المدى الأفقي:

$$R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g}$$

4. العلاقة بين زاوية الإطلاق والمدى الأفقي وأقصى ارتفاع Relation Between Angle, Range and Maximum Height

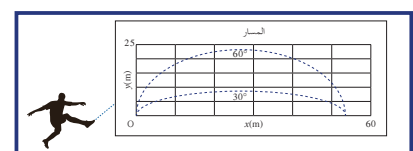
عند إطلاق قذيفتين بسرعة ابتدائية متساوية لكن بزاويتي إطلاق مختلفتين، يحدث ما يوضحه الشكل (30).



(شكل 30)

القذيفة التي أُطلقت بزاوية إطلاق أكبر (θ_1) لها مركبة سرعة رأسية أكبر من تلك التي أُطلقت بزاوية أقل (θ_2)، وهذا يؤدي إلى ارتفاع أكبر.

أما مركبة السرعة الأفقية للقذيفة التي أُطلقت بزاوية إطلاق أكبر (θ_1)، فتكون أصغر من تلك التي أُطلقت بزاوية أقل (θ_2)، ما يؤدي إلى مدى أصغر. أي كلما كانت المركبة الأفقية أقل كان المدى أقل، أما الشكل (31) فيوضح وصول قذيفتين مختلفتين للمدى نفسه عند إطلاقهما بزاويتين مجموعتهما 90° في ظل غياب مقاومة الهواء. على سبيل المثال، إذا قُذِف جسم بزاوية 60° ، سوف يصل إلى المدى نفسه الذي يصل إليه إذا تم إطلاقه بالسرعة نفسها لكن بزاوية 30° (شكل 32)، لكن سيستمر مساره في الهواء لفترة أقصر عندما تكون الزاوية أصغر.



(شكل 32)

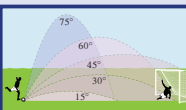
مسار قذيفتين تم إطلاقهما بالسرعة نفسها بزاويتي 30° و 60° بإهمال مقاومة الهواء.

مسألة مع إجابة

قُذِفَ جسم من سطح الأرض بسرعة ابتدائية (25 m/s) وبزاوية 53° مع المحور الأفقي ليعود إلى الأرض. افترض أن عجلة الجاذبية $g = (10 \text{ m/s}^2)$. احسب:

(أ) أقصى ارتفاع
(ب) المدى
(ج) موقع الجسم بعد ثانية
(د) سرعته بعد ثانية.

الإجابات: (أ) (19.93 m)
(ب) (60 m)
(ج) $y = 14.96$ ، $x = 15.04$
(د) $v = (18.042 \text{ m/s})$ ، $\theta = 33.5^\circ$



(شكل 31)

مسارات مقذوفات تم إطلاقها بالسرعة نفسها، لكن بزاوية مختلفة. خذت المسارات بإهمال مقاومة الهواء.

مسألة

احسب زاوية الإطلاق θ بالنسبة إلى المحور الأفقي ليصل الجسم المقذوف إلى أعلى مدى.

وضّح للطلّاب أنّ التعويض بمعادلة المسار بزواوية $\theta = 0$ يعطينا مسارًا لنصف قطع مكافئ، وهذا يفسّر شكل المسار عند إطلاق القذيفة بزواوية تساوي صفرًا في الأمثلة السابقة.

ذكّرهم بما توصّلوا إليه سابقًا حول أنّ مركبة سرعة القذيفة الرأسية عند أقصى ارتفاع تساوي صفرًا. بتعويض مقدار السرعة الرأسية في معادلة السرعة الرأسية بدلالة الزمن، دع الطّلاب يستنتجون مقدار الزمن للوصول إلى أقصى ارتفاع.

شدّد على أهميّة مقدار الزمن للوصول إلى أقصى ارتفاع، لأنّنا باستخدامه في المعادلة $y = f(t)$ نحصل على أقصى ارتفاع.

ساعد الطّلاب للتوصّل إلى استنتاج معادلة أقصى ارتفاع بالتعويض عن الزمن في المعادلة $y = f(t)$.

4.2 نشاط إضافي توضيحي

الفيزياء في الرياضة: «زمن التحليق»

إسأل الطّلاب: هل يستطيع شخص أن يقفز عاليًا عندما يتحرّك فوق لوح «ترحلق» أو في حافلة متحرّكة؟ ستكون الإجابة بالنفي القاطع. لكن عادة ما يتمكّن الشخص من القفز عاليًا إذا ركض قبل أن يقفز. من الخطأ الافتراض بأنّ الحركة الأفقية هي السبب في القفزة العالية وطول زمن التحليق، لأنّ فعل الجري يولّد قوّة أكبر بين القدم والأرض، حيث تعطي المركبة الرأسية للسرعة رفعًا بعيدًا بقوّة أكبر. والقوّة الكبيرة هي التي تعمل ضدّ الأرض، لكنّها لا تُنقص تأثير الجاذبية على جسم يتحرّك أفقيًا. شدّد على أنّ المركبة الرأسية للسرعة وحدها هي التي تحدّد الارتفاع الرأسي وزمن التحليق.

إشرح للطلّاب أنّ المدى هو المسافة الأفقية التي تقطعها القذيفة بين نقطة الإطلاق ونقطة الوصول إلى الخطّ الأفقي المارّ بنقطة الإطلاق. ألّفت انتباههم إلى أنّه عند وصول القذيفة إلى أقصى ارتفاع، تكون قد قطعت نصف المدى.

إسأل الطّلاب: عمّ يعبر المقدار الذي يمكن الحصول عليه بتعويض زمن الوصول إلى أقصى ارتفاع في معادلة الحركة $x = f(t)$ ؟

(نصف المدى)

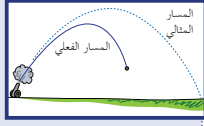
ساعد الطّلاب على تعويض زمن الوصول إلى أقصى ارتفاع في معادلة $x = f(t)$.

إسأل: كيف يمكن الحصول على كامل المدى؟ (بضرب نصف المدى

بالعدد 2)

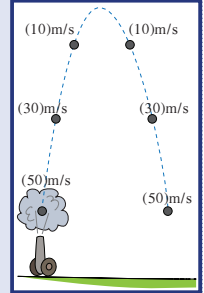
$$R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g}$$

لتأكّد من استيعاب الطّلاب لمفهوم المدى وأقصى ارتفاع، ورّعهم في مجموعات لحلّ "المسائل مع إجابات". دعهم يتناقشون في ما بينهم للتوصّل إلى الإجابات المعطاة، ثمّ تحقّق من إجاباتهم.



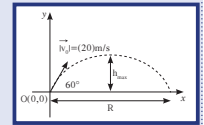
(شكل 33)

في وجود مقاومة الهواء، يسقط مسار القذيفة بسرعة جدًا أسفل القطع المكافئ المثالي ويصع المسار المنحني الممثل بالخط المتصل.



(شكل 34)

بإهمال مقاومة الهواء، يكون مقدار النقص في سرعة القذيفة فيما هي متعلقة لأعلى مساويًا لمقدار تزايد سرعتها فيما هي ساقطة إلى أسفل. ونلاحظ أنّ زمن الوصول لأقصى ارتفاع يساوي زمن الهبوط إلى الأرض.



(شكل 35)

عندما تكون مقاومة الهواء غير مهملة، يتناقص مدى القذيفة ويصبح المسار قطعًا مكافئ غير حقيقي (شكل 33). وإنّ إهمال الاحتكاك يجعل القذيفة تصل إلى أقصى ارتفاع في الزمن نفسه الذي تستغرقه للوصول إلى الأرض من هذا الارتفاع، وبما أنّ عجلة التباطؤ عند الصعود لأعلى تساوي عجلة التسارع عند الهبوط لأسفل، فالسرعة التي تفقدها القذيفة أثناء الصعود هي نفسها التي تكتسبها أثناء الهبوط. وسرعة اصطدام القذيفة بالأرض هي السرعة نفسها التي أطلقت بها القذيفة من الأرض لأعلى (شكل 34). أما في حال عدم إهمال الاحتكاك، فستصل الكرة إلى ارتفاع أقلّ وتختلف سرعتها لحظة الاصطدام عن سرعة الإطلاق.

ملاحظة: إنّنا نفترض أنّ سطح الأرض مستوٍ أثناء دراسة حركة المقذوفات قصيرة المدى والتي تناولناها في هذا الدرس. أما لدراسة المقذوفات بعيدة المدى، فإنّ انحناء سطح الأرض يجب أن يدخل في الاعتبار، لأنّ إطلاق جسم بسرعة مناسبة سيُجعله يسقط حول الأرض ويصبح قمرًا صناعيًا، وهذا ما سندرسه في وحدة أخرى.

مثال (2)

أطلقت قذيفة بزواوية 60° مع المحور الأفقي من النقطة $O(0,0)$ وبسرعة ابتدائية $v_0 = (20 \text{ m/s})$. (شكل 35). أهمل مقاومة الهواء.

- أكتب معادلة المسار للقذيفة.
- أحسب الزمن الذي تحتاجه للوصول إلى أقصى ارتفاع.
- أستنتج مقدار أقصى ارتفاع القذيفة.
- أحسب المدى الأفقي الذي تبلغه القذيفة علمًا أنّها اصطدمت بالأرض عند نقطة تقع على الخطّ المارّ بنقطة القذف.
- أحسب متجه السرعة لحظة اصطدام القذيفة بالأرض.

طريقة التفكير في الحلّ

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: $v_0 = (20 \text{ m/s})$

$\theta = 60^\circ$

غير المعلوم:

(أ) معادلة المسار $y = f(x)$

(ب) الزمن للوصول إلى أقصى ارتفاع

(ج) أقصى ارتفاع $h_{\max}$

(د) المدى الأفقي R

الهدف من النشاط:

استنتاج العلاقة بين زاوية الإطلاق والمدى والارتفاع الأقصى .
الأدوات المستخدمة: رباط مطاطي، ورقة ملفوفة على شكل كرة لتمثل القذيفة.

خطوات النشاط:

ضع الورقة الملفوفة أمام الرباط المطاطي وشد مسافة 7cm بحيث يمكن أن تنطلق الورقة بسرعة ابتدائية. إحن يدك لتحديد زاوية الإطلاق، ثم اطلق الورقة. كرر الخطوة السابقة بزاوية إطلاق مختلفة تكون أكبر من الأولى.

دع الطلاب يلاحظون اختلاف المدى باختلاف زاوية الإطلاق، ويستنتجون أنه كلما كانت زاوية الإطلاق أكبر، كانت المركبة الأفقية للسرعة أصغر، وكان المدى أصغر.

دع الطلاب يستنتجون أيضًا أنه كلما كانت زاوية الإطلاق أكبر، كانت المركبة الرأسية للسرعة أكبر، وكان الارتفاع التي تبلغه القذيفة أكبر (شكل 30).

ألفت انتباه الطلاب إلى أنه بإطلاق القذائف بالسرعة نفسها، إنما بزاوية متماثلة، يكون المدى الذي ستقطعه كل قذيفة متساويًا. وتفسير ذلك يتطلب معرفة بدوال الجيب وجيب التمام، ولا ضرورة للتعقّد في برهان ذلك.

ذكر الطلاب أنهم درسوا حركة القذيفة بغياب الاحتكاك مع الهواء، لذلك كان مسارها قطعًا مكافئًا مثاليًا. لكن في حال وجود تأثير للهواء على حركة القذيفة، يصبح هناك قوة أفقية تؤثر على حركة القذيفة، وبالتالي يتغير شكل مسارها ومقدار المدى والارتفاع.

فعلى سبيل المثال، عند ضرب كرة البيسبول بالمضرب، تتحرك الكرة في الهواء لبعد يصل إلى حوالي 60% من بعدها إذا تحركت في الفراغ، ويصبح شكل المنحنى كما في الشكل (23).

أطلب إلى الطلاب الاطلاع على المثال المحلول 2 ص 35، والإجابة عن الأسئلة للتوصل إلى الإجابات الصحيحة المعطاة.

تحقق من أن الطلاب قد توصلوا إلى الإجابات الصحيحة، وناقش معهم الأجزاء التي ترى أن القسم الأكبر منهم لا يزال غير قادر على تحليلها. ركّز على الجزء الرياضي لحساب متجه السرعة لحظة اصطدام القذيفة بالأرض.

مثال (2) (تابع)

2. احسب غير المعلوم

(أ) باستخدام المعادلات،

$$\Delta x = v_{0x} \Delta t = v_0 \cos \theta t$$

$$\Delta y = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \theta t$$

بالتعويض عن $t = \frac{x}{v_0 \cos \theta}$ في المعادلة Δy ، نحصل على معادلة المسار التالية:

$$y = \left(\frac{v_0^2 \sin 2\theta}{2g} \right) x^2 + \tan \theta x$$

$$y = -0.05x^2 + 1.73x$$

(ب) عند أقصى ارتفاع، تكون المركبة الرأسية للسرعة v_y تساوي صفرًا. ونستخدم المعادلة التالية:

$$v_y = -gt + v_0 \sin \theta$$

وبالتعويض عن المقادير المعروفة نحصل على: $t = \frac{v_0 \sin \theta}{g} = \frac{20 \sin 60}{10} = (1.73)s$ والذي يمثل الزمن للوصول إلى أقصى ارتفاع.

(ج) باستخدام المعادلة $h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$ وبالتعويض عن المقادير المعروفة نحصل على:

$$h_{\max} = \frac{20^2 \sin^2 60}{2 \times 10} = (15)m$$

(د) باستخدام معادلة المدى الأفقي وبالتعويض عن المقادير المعروفة نحصل على:

$$R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g}$$

$$R = \frac{20^2 \sin(2 \times 60)}{10} = (34.64)m$$

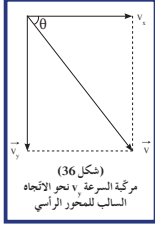
(هـ) إن الزمن الذي تحتاجه القذيفة للوصول إلى الأرض:

$$t = 2 \times 1.73 = (3.46)s$$

وبما أن متجه السرعة $\vec{v}$ يكتب: $\vec{v} = \vec{v}_x + \vec{v}_y$

بالتعويض عن المقادير المعروفة نحصل على مركبتا السرعة:

$$v_x = v_0 \cos \theta = 20 \cos 60 = (10)m/s$$



$v_y = -gt + v_0 \sin \theta = -10(3.46) + 20 \sin 60 = (-17.27)m/s$ الإشارة السالبة تعني أن اتجاه مركبة السرعة $\vec{v}_y$ (شكل 36) هي بالاتجاه السالب للمحور الرأسي.

باستخدام الشكل نجد أن مقدار $\vec{v}$:

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{10^2 + 298.58} = (19.96)m/s$$

أما اتجاه سرعة الاصطدام مع الأرض، فنحسب بالتعويض عن المقادير المعروفة في المعادلة:

$$\tan \theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{-17.27}{10} = -1.727$$

$$\theta = -59.92^\circ$$

والإشارة السالبة تعني أن متجه السرعة يصنع زاوية 60° تحت المحور الأفقي.

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

لتقييم استيعاب الطلاب للدرس، أطلب إليهم المقارنة بين مركبة الحركة الرأسية للقذيفة وحركة السقوط الحر. (لا تختلفان، فكلتاها من تأثير الجاذبية.)

أطلب إلى الطلاب كتابة معادلات الزمن لحركة قذيفة أُطلقت بزاوية. دعهم ينفذون بعض «المسائل مع إجابات» التي لم يستخدموها أثناء الشرح. ويُمكنهم أن يحلّوا المثال المحلول 2 أو أعطهم مسألة مماثلة له.

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أيّ التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركّز على السبب الذي أدّى إلى سوء الفهم، مشدّدًا على ضرورة الاستخدام الصحيح للوحدات الصحيحة أثناء حلّ المسائل، والتوصّل إلى إجابات منطقية.

إجابات أسئلة الدرس 3-1

أولاً - المسافة الأفقية التي تقطعها القذيفة من نقطة الإطلاق إلى نقطة الوصول على المستوى نفسه.

ثانيًا - السرعة الرأسية تساوي صفرًا.

ثالثًا - في معادلتَي المدى والارتفاع الأقصى، لا وجود لمقدار الكتلة. وهذا يعني أنّ المدى والارتفاع الأقصى للقذيفتين هما نفسيهما، على الرغم من اختلاف الكتلتين.

رابعًا - (أ) الهدف موجود على 80 m:

$$R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g} = (80)\text{m}$$

$$\sin 2\theta = \frac{80 \times 10}{50^2} = 0.32$$

$$\theta = 9.33^\circ$$

$$x = \frac{50^2 \sin (2 \times 9)}{10} = (77.25)\text{m}$$

(ب) المسافة الأفقية: (77.25)m

$$d = 80 - 77.25 = (2.75)\text{m}$$

مثال (2) (تابع)

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟
النتائج مقبولة وسرعة الاصطدام بالأرض تساوي سرعة الإطلاق، وأخذنا ذلك في حال إهمال الاحتكاك، والاختلاف البسيط يعود إلى التقريب.

مراجعة الدرس 3-1

يُعتبر تأثير الهواء مهملاً في الأسئلة التالية.

أولاً - ماذا يمثل مدى مسار القذيفة؟

ثانيًا - بم تميّز النقطة الأعلى في مسار قذيفة أُطلقت بزاوية θ بالنسبة إلى المحور الأفقي؟

ثالثًا - أُطلقت قذيفتان لهما كتلتان مختلفتان m_1 و m_2 ، إذا علمت أنّ $(m_1 < m_2)$ ، بالسرعة الابتدائية نفسها v_0 وبزاوية θ بالنسبة إلى المحور الأفقي نفسه. قارن بين مدى المسار والارتفاع الأعلى الذي تبلغه كلّ قذيفة من القذيفتين.

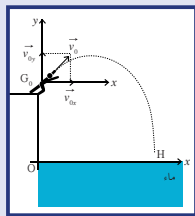
رابعًا - في إطار مباراة إطلاق السهم، أرسل أحد المتبارين السهم بسرعة ابتدائية v_0 قيمتها (50) m/s، وذلك لكي يصل إلى هدفه الموجود على مسافة (80) m. علماً بأنّ مركز الهدف هو على المستوى الأفقي نفسه مع يد المتباري، وبإهمال تأثير الهواء:

(أ) حدّد قيمة زاوية θ بالنسبة إلى المحور الأفقي لكي يتمكّن المتباري من إصابة مركز الهدف الموجود على بعد (80) m.

(ب) إذا تمّ الإطلاق بزاوية 9° (دائماً بالنسبة إلى المحور الأفقي).
أحسب قيمة المسافة الأفقية التي تقطعها السهم. هل يصل السهم إلى الهدف؟ قيم إجابتك.

خامساً - لدراسة حركة مركز النقل لغطاس خلال قفزه إلى الماء عن خشبة (شكل 37)، نفترض أنّ الغطاس ترك الخشبة في اللحظة صفر ($t = 0$) بسرعة ابتدائية v_0 ، وبزاوية قدرها 40° بالنسبة إلى المحور الأفقي. في لحظة الإطلاق، كان الغطاس في النقطة G_0 ، التي ترتفع (6) m عن سطح الماء ($x_0 = 0, y_0 = (6)\text{m}$).

(أ) إذا كانت أعلى نقطة يصل إليها الغطاس هي على مسافة (1) m من مستوى الإطلاق، احسب سرعة الغطاس الابتدائية v_0 .
(ب) أكتب معادلة المسار لحركة مركز نقل الغطاس.



(شكل 37)

خامساً - (أ) عند أعلى نقطة تكون السرعة الرأسية $v_y = (0)\text{m/s}$

والزمن للوصول إلى أقصى ارتفاع:

$$t = \frac{v_0 \sin \theta}{g}$$

بالتعويض في:

$$\Delta y = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \theta$$

نحصل على:

$$y_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g} \Rightarrow v_0^2 = \frac{20 \times 1}{\sin^2 40}$$

$$v_0 = (7)\text{m/s}$$

(ب) يُحدّد المسار بمعادلة المسار:

$$y = J \frac{-g}{2v_0^2 \cos^2 \theta} \{ x^2 + \tan \theta x$$

$$= -0.173x^2 + 0.839x$$

مراجعة الفصل الأول

الأفكار الرئيسية في الفصل

وجّه الأسئلة التالية لتلخيص محتويات الفصل:

◀ قارن بين الكميات العددية والكميات المتجهة. (لتحديد الكميات المتجهة تحتاج إلى الاتجاه، بالإضافة إلى المقدار ووحدته القياس التي تميزها.)

◀ هل نستطيع إيجاد محصلة متجهين بطريقة جبرية بسيطة؟ (فقط عندما يكون المتجهان بالاتجاه نفسه أو متعاكسين.)

◀ كيف تُسهّل عملية تحليل المتجهات إيجاد المحصلة؟ (تحول المتجهات إلى متجهات متعامدة، فيسهل حساب محصلتها باستخدام نظرية فيثاغورث.)

◀ قارن بين الضرب القياسي لمتجهين والضرب الاتجاهي؟ (إنّ حاصل الضرب القياسي للمتجهين هو كمية قياسية بينما حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين هو متجه.)

◀ ماذا يمثل مقدار الضرب الاتجاهي لمتجهين يصنعان متوازي أضلاع؟ (إنّ مقدار حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين يمثل مساحة متوازي الأضلاع الناشئ عن المتجهين.)

◀ عرّف القذيفة. (هي جسم قذف بسرعة ابتدائية يتحرّك على مسار منحني تحت تأثير قوة الجاذبية فقط.)

◀ عرّف المدى. (هو المسافة الأفقية التي تجتازها القذيفة بين نقطة الإطلاق ونقطة الوصول على الخط الأفقي المارّ بنقطة الإطلاق.)

خريطة المفاهيم

أطلب من الطلاب تنظيم خريطة مفاهيم مستعينين بالمصطلحات الواردة ويناقشونها في ما بينهم بإشرافك.

مراجعة الفصل الأول

المفاهيم

Range	مدى	Maximum Height	أقصى ارتفاع
Velocity Components	مركبات السرعة المتجهة	Parabola	قطع مكافئ
Trajectory Equation	معادلة المسار	Scalar Quantity	كمية عددية
Magnitude	مقدار	Vector Quantity	كمية متجهة
		Resultant of Vectors	محصلة المتجهات

الأبعاد الرئيسة في الفصل

- الكميات العددية تُسمى أيضًا الكميات القياسية، وهي الكميات التي يكفي لتحديد عدد مقدارها ووحدة فيزيائية تميز هذا المقدار.
- الكميات المتجهة هي الكميات التي تحتاج في تحديداتها إلى الاتجاه الذي تتخذه، بالإضافة إلى العدد الذي يحدّد مقدارها ووحدة القياس التي تميزها.
- يحتاج جمع المتجهات إلى عملية جبر المتجهات التي تُسمى عملية تركيب، حيث تتم الاستعاضة عن متجهين أو أكثر بمتجه واحد.
- تحليل المتجه هو استبدال متجه ما بمتجهين متعامدين يُسميان مركبتَي المتجه، بحيث يمثل المتجه المراد تحليله المحصلة لهذين المتجهين ويكون متّحدًا معهما في نقطة البداية.
- القذيفة جسم متحرّك بسرعة ابتدائية تحت تأثير وزنه فقط، وبغياب الاحتكاك مع الهواء.
- مسار القذيفة هو مسار منحني يُسمى قطعًا مكافئًا.
- حركة القذيفة هي حركة مركبة بسرعة منتظمة على المحور الأفقي وبسرعة منتظمة على المحور الرأسي.
- المدى الأفقي هو المسافة الأفقية التي تقطعها القذيفة بين نقطة الإطلاق ونقطة الوصول على الخط الأفقي المارّ بنقطة الإطلاق.
- إنّ حاصل الضرب القياسي لمتجهين هو كمية قياسية تحدّد بالعلاقة $v = v_1 v_2 \cos \alpha$.
- إنّ حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين هو متجه مقداره يحدّد بالعلاقة التالية: $v = v_1 v_2 \sin \alpha$ أما اتجاهه فهو رأسي على المستوى المكوّن من المتجهين، ويحدّد بتطبيق قاعدة اليد اليمنى وذلك بتدوير أصابع اليد اليمنى من المتجه الأول إلى الثاني عبر الزاوية الأصغر بين المتجهين ليشير الإبهام إلى اتجاه المتجه v .
- إنّ مقدار حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين يمثل مساحة متوازي الأضلاع الناشئ عن المتجهين.

خريطة مفاهيم الفصل

استخدم المصطلحات الموضّحة في الشكل التالي لرسم خريطة مفاهيم تُنظّم معظم الأفكار التي احتواها الفصل.



إجابات أسئلة الفصل

تحقق من فهمك

1. اتجاه ومقدار ووحدة قياس
2. مقدار ووحدة قياس
3. (4.333)N
4. (4.333)N
5. يكون المدى أقل.

تحقق من معلوماتك

1. السرعة العددية هي مقدار فقط ولا تدلّ على اتجاه الحركة، في حين أنّ السرعة المتجهة تدلّ على اتجاه الحركة.
2. (20)km/h
3. الرياح العمودية ستزيد من سرعة الطائرة وتجعلها تبعد عن مسارها.
4. إنّ مساحة متوازي الأضلاع الناشئ عن المتجهين تساوي مقدار حاصل الضرب الاتجاهي للمتجهين حيث أنّ المساحة تحسب بالعلاقة:

$$s = D_1 \times D_2 = D_1 D_2 \sin 150 = 4 \times 6 \times \sin 150 = (16.97) \text{ m}^2$$

تحقق من مهارتك

1. (أ) باختيار مقياس رسم $1 \text{ cm} = 1 \text{ m/s}$ ، ارسم $\vec{v}_1$ و $\vec{v}_2$ يحصران بينهما الزاوية $\theta = 120^\circ$. أكمل متوازي الأضلاع، علماً أنّ المحصلة تساوي قطر متوازي الأضلاع. باستخدام المسطرة، نجد أنّ طول القطر يساوي 5 cm ، أي أنّ السرعة المحصلة تساوي 5 m/s . وباستخدام المنقلة، نجد أنّ اتجاه المحصلة يساوي 60° .
- (ب) نحسب طول الوتر الذي يُمثل المحصلة بالعلاقة الرياضية التالية:

$$v_r = \sqrt{v_1^2 + v_2^2 - 2v_1v_2 \cos \theta} = \sqrt{25 + 25 - 2 \times 5 \times 5 \cos 60} = (5) \text{ m/s}$$

ولتحديد اتجاه المحصلة نستخدم العلاقة التالية:

$$\frac{\sin \theta}{v_2} = \frac{\sin (60)}{v_r} = 60^\circ$$

$$v = ((5) \text{ m/s}, 60^\circ) \text{ (ج)}$$

(د) تعطي الطريقتان النتائج نفسها.

2. على المحور الأفقي، محصلة القوى تساوي صفراً. أمّا على المحور الرأسي، فمقدار المحصلة يساوي ما سيقراه الميزان الزنبركي:

$$F = 2 (75 \times \cos 27) + 150 = (283.6) \text{ N}$$

3. باستخدام المعادلات الرياضية:

$$F_x = F \cos \theta$$

$$F_y = F \sin \theta$$

تحقق من فهمك

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام العبارة الصحيحة في كلّ مما يلي:

1. تحدد الكمية المتجهة:
 - ☐ مقدار ووحدة قياس
 - ☐ اتجاه ووحدة قياس
2. تحدد الكمية العددية:
 - ☐ مقدار ووحدة قياس
 - ☐ اتجاه ووحدة قياس
3. المركبة الأفقية لمُتجه قوّة مقداره (5)N يميل بزاوية 60° مع المحور الرأسي بوحدة (N) تساوي:
 - ☐ (4.333)
 - ☐ (2.5)
 - ☐ (3)
 - ☐ (4)
4. المركبة الرأسية لمُتجه قوّة مقداره (5)N يميل بزاوية 60° مع المحور الأفقي بوحدة (N) تساوي:
 - ☐ (4.333)
 - ☐ (2.5)
 - ☐ (3)
 - ☐ (4)
5. عندما تكون المركبة الأفقية لقذيفة أقل بالمقارنة مع مركبة الأفقية لقذيفة أخرى أطلقت بالسرعة الابتدائية نفسها:
 - ☐ يكون المدى الأفقي الذي تقطعه أكبر.
 - ☐ يصل إلى ارتفاع أقل.
 - ☐ يكون المدى الأفقي الذي تقطعه أقل.
 - ☐ يكون لهما المدى الأفقي نفسه.

تحقق من معلوماتك

أجب عن الأسئلة التالية:

1. ما الفرق بين السرعة العددية والسرعة المتجهة؟
2. متجه طوله 1cm يمثل سرعة مقدارها (10)km/h، فكم تكون السرعة التي يمثلها متجه طوله 2cm (2)رسم بمقياس الرسم نفسه؟
3. تحلق طائرة بسرعة (80)km/h، هل تتوقع أن تصبح سرعتها أكبر أو أقل من (80)km/h إذا هبّت عليها رياح اتجاهها عمودي على اتجاه طيرانها؟
4. احسب مساحة متوازي الأضلاع الناشئ عن متجهين الإزاحة D_1 ومقداره (4)m والمتجه D_2 ومقداره (6)m علماً أنّهما يحصران في ما بينهما زاوية 150° .

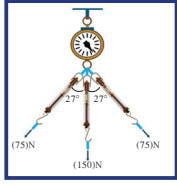
تحقق من مهارتك

حلّ المسائل التالية:

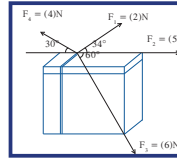
1. (أ) استخدم طريقة الرسم البياني ومقياس رسم مناسب لتجد المحصلة v_R (مقدار واتجاه) لمتجهي السرعة المتلاقيين في النقطة O، علماً أنّ مقدار $v_1 = (5) \text{ m/s}$ ومقدار $v_2 = (5) \text{ m/s}$ ، ويحصران بينهما زاوية مقدارها 120° .
- (ب) أوجد المحصلة v_R (مقدار واتجاه) مستخدماً الطريقة الحسابية.
- (ج) مثل هذه السرعة رياضياً.
- (د) قارن بين نتائج الطريقتين.

نجد مركبة كلّ من القوى:

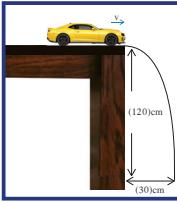
F _y	F _x	F
$2 \sin 34 = (1.118) \text{ N}$	$2 \cos 34 = (1.65) \text{ N}$	F_1
0	(5)N	F_2
$-6 \sin 60 = (-5.196) \text{ N}$	$6 \cos 60 = (3) \text{ N}$	F_3
$4 \sin 30 = (2) \text{ N}$	$-4 \cos 30 = (-3.464) \text{ N}$	F_4
$(-2.07) \text{ N}$	$(6.186) \text{ N}$	F_R



2. حلقة جهاز ميزان زنبركي يتم شدّها بواسطة ثلاثة حبال بقوى مختلفة، كما يوضح الشكل المقابل. أوجد مقدار المحصلة التي سيقراها الميزان الزنبركي.



3. أحسب مستخدماً تحليل المتجهات مقدار واتجاه محصلة القوى الأربعة الموجودة في مستوي واحد و التي تؤثر على الصندوق في الشكل المقابل.



4. دفع ولد سيارته عن حافة طاولة ارتفاعها 120cm لتسقط وتصلبم بالأرض عند نقطة تبعد أفقياً 30cm عن الطاولة. كما هو موضح في الشكل المقابل. (أ) أحسب الزمن الذي تحتاجه السيارة لتصلبم بالأرض. (ب) أحسب سرعة السيارة لحظة انطلاقها مبتعدة عن سطح الطاولة. (ج) أحسب مقدار سرعتها واتجاهها لحظة اصطدامها بالأرض. (علماً أنّ $g = 10\text{m/s}^2$)

5. أطلقت قذيفة بزاوية 30° مع المحور الأفقي من النقطة $O(0,0)$ بسرعة ابتدائية $v_0 = 30\text{m/s}$. أهمل مقاومة الهواء. (أ) أكتب معادلة المسار للقذيفة. (ب) أحسب الزمن الذي تحتاجه للوصول إلى أقصى ارتفاع. (ج) أحسب مقدار أقصى ارتفاع تبلغه القذيفة. (د) أحسب المدى الأفقي الذي تبلغه القذيفة علماً أنّها اصطدمت مع الأرض بنقطة تقع على الخط المار بنقطة القذف. (هـ) أحسب متجه السرعة لحظة اصطدامها بالأرض.

$$F_R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{6.186^2 + 2.07^2} = (6.52)\text{N}$$

$$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x} = \frac{-2.07}{6.186} = -0.334$$

$\theta = 18.5^\circ$ مع محور x السالب

$$y = \frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow 1.2 = 5t^2 \Rightarrow t = (0.489)\text{s} \quad (\text{أ})$$

$$x = vt \Rightarrow v = \frac{x}{t} = \frac{0.3}{0.489} = (0.61)\text{m/s} \quad (\text{ب})$$

$$v_x = 0.61 \quad (\text{ج})$$

$$v_y = gt = 10 \times 0.489 = 4.89$$

$$v = \sqrt{0.61^2 + 4.89^2} = (4.92)\text{m/s}$$

$$\tan \theta = \frac{4.89}{0.61} = (8.01)$$

$$\theta = 82.8^\circ$$

مع المحور الموجب x .

5. (أ) باستخدام المعادلات:

$$\Delta x = v_{0x} \Delta t = v_0 \cos \theta t$$

$$\Delta y = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \theta t$$

بالتعويض عن:

$$t = \frac{x}{v_0 \cos \theta} \quad \text{في المعادلة } \Delta y, \text{ نحصل على معادلة}$$

المسار التالية:

$$y = \left(\frac{-g}{2v_0^2 \cos^2 \theta} \right) x^2 + \tan \theta x$$

$$y = -7.4 \times 10^{-3} x^2 + 0.577x$$

(ب) عند أقصى ارتفاع، المركبة الرأسية للسرعة $\vec{v}_y$ تساوي صفراً. وباستخدام المعادلة التالية:

$$v_y = -gt + v_0 \sin \theta$$

وبالتعويض عن المقادير المعروفة، نحصل على:

$$t = \frac{v_0 \sin \theta}{g} = 30 \sin \frac{30}{10} = (1.5)\text{s}$$

والذي يُمثّل الزمن للوصول إلى أقصى ارتفاع.

(ج) باستخدام المعادلة $y_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$ ، وتعويض

المقادير المعروفة نحصل على:

$$h_{\max} = \frac{30^2 \sin^2 30}{2 \times 10} = (11.25)\text{m}$$

(د) باستخدام معادلة المدى وتعويض المقادير المعروفة،

$$R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g}$$

$$R = \frac{30^2 \sin(60)}{10} = (77.94)\text{m}$$

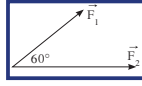
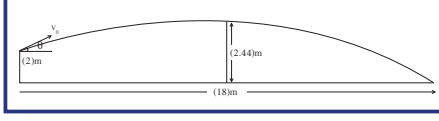
الزمن الذي تحتاج إليه القذيفة للوصول إلى الأرض هو:

$$t = 2 \times 1.5 = (3)\text{s}$$

(هـ) وبما أنّ متجه السرعة $\vec{v}$ يُكتب كما يلي:

$$\vec{v} = \vec{v}_x + \vec{v}_y$$

6. يقف لاعب كرة الطائرة عند نقطة الإطلاق التي تبعد (18)m عن الخط الذي يحدّد طول الملعب. رفع اللاعب الكرة (2)m بيده اليسرى عن سطح الأرض، وأطلقها بيده اليمنى بسرعة v_0 وبزاوية θ . فطارت فوق شبكة ارتفاعها (2.44)m بشكل يلامس حافة الشبكة العليا الموضوعة في وسط الملعب تماماً، واصطدمت بالأرض آخر الملعب. أحسب السرعة والزوايا اللتان أطلقت بهما الكرة.



7. المتجهان $\vec{F}_1$ ومقداره (3)N و $\vec{F}_2$ مقداره (4)N، يحصران بينهما زاوية 60° وموجودان في المستوى نفسه كما في الشكل المقابل.
(أ) احسب حاصل الضرب القياسي للمتجهين $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$.
(ب) احسب حاصل الضرب الاتجاهي $\vec{F}_1 \times \vec{F}_2$ وحدّد عناصر متجه المحصلة $\vec{F}^3$ ومثله بيانياً.
(ج) احسب حاصل الضرب الاتجاهي $\vec{F}_2 \times \vec{F}_1$ وحدّد عناصر متجه المحصلة $\vec{F}^4$ ، ومثله بيانياً.
(د) ما العلاقة بين المتجهين $\vec{F}^3$ و $\vec{F}^4$ ؟

مشروع الفصل

التواصل

أكتب مقالاً لا يزيد عن عشرة أسطر تبين فيه دور الجاذبية في حركة قذيفة أطلقت بسرعة ابتدائية في غياب الاحتكاك، مبيّناً في مقالك شكل المسار الذي ستتخذه القذيفة في غياب الجاذبية، ومعلّلاً السبب علمياً.

نشاط بحثي

يمكن تصنيف دراسة المقذوفات إلى نوعين: دراسة المقذوفات العادية التي درسناها في هذا الفصل ودراسة المقذوفات السريعة. أجر بحثاً توضح فيه الفرق بين هذين النوعين من المقذوفات، واعط مثالاً على مقذوفات سريعة تُستخدم في الحياة اليومية.

$F'' = F_2 F_1 \sin 60 = 3 \times 4 \sin 60 = (10.39) N$
واتجاهه يحدّد بقاعدة اليد اليمنى، رأسي على المستوى الناشئ من المتجهين، بتدوير الأصابع باتجاه الزاوية الأصغر ليشير الإبهام إلى الأسفل.

(د) $\vec{F}'$ و $\vec{F}''$ متساويان في المقدار ومتعاكسان في الاتجاه أي أن $\vec{F}' = -\vec{F}''$

التواصل: الكتابة في الفيزياء

يجب أن يناقش الطلاب آراءهم وما توصّلوا إليه من أبحاث حول تأثير الجاذبية على مسار القذيفة، وأنّ المسار كان ليكون خطأً مستقيماً.

نشاط بحثي

قسّم الطلاب إلى مجموعات ووجّههم لإجراء بحث ليتعرّفوا القذائف السريعة، ويتوصّلوا لمعرفة أنّ الأقمار الصناعية هي قذائف تقع حول الأرض.

إطرح على الطلاب أسئلة حول موضوع الدرس أثناء مناقشتهم لأبحاثهم، وإذا وجدت لديهم أيّ التباس أو سوء فهم أو خطأ، وجّههم وصوّب الخطأ.

6. باعتبار نقطة إطلاق الكرة نقطة المرجع (0, 0)، تمرّ الكرة في النقطة $A(9, 0.44)$ وتصطدم في النقطة $B(18, -2)$. وبالتعويض بإحداثيات النقطتين في معادلة المسار نحصل على:

$$y = \frac{-g}{2v_0^2 \cos^2 \theta} x + \tan \theta x$$

$$0.44 = \left(\frac{-10}{2v_0^2 \cos^2 \theta} \right) (9)^2 + 9 \tan \theta$$

$$2v_0^2 \cos^2 \theta = \frac{-810}{0.44 - 9 \tan \theta} \quad (1)$$

$$-2 = \left(\frac{-10}{2v_0^2 \cos^2 \theta} \right) (18)^2 + 18 \tan \theta$$

$$2v_0^2 \cos^2 \theta = \frac{-3240}{18 \tan \theta + 2} \quad (2)$$

ومن المعادلتين (1) و (2) نحصل على:

$$\frac{-810}{0.44 - 9 \tan \theta} = \frac{-3240}{18 \tan \theta + 2}$$

$$\frac{1}{9 \tan \theta - 0.44} = \frac{4}{18 \tan \theta + 2}$$

$$36 \tan \theta - 1.76 = 18 \tan \theta + 2$$

$$18 \tan \theta = 3.76 \Rightarrow \tan \theta = \frac{3.76}{18} = 0.208$$

$$\theta = (12^\circ)$$

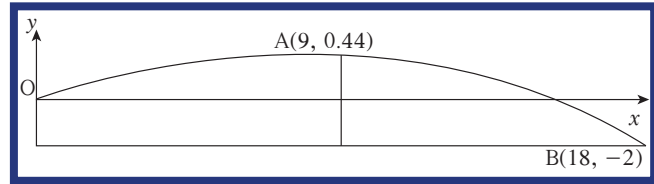
وبالتعويض عن قيمة الزاوية θ في المعادلة (1) نحصل على:

$$2v_0^2 \cos^2 \theta = \frac{-810}{0.44 - 9 \tan \theta}$$

$$2v_0^2 \cos^2(12) = \frac{-810}{0.44 - 9 \tan(12)}$$

$$v_0^2 = \frac{-810}{-1.473 \times 1.913} = (287.4) \text{m}^2/\text{s}^2$$

$$v_0 = \sqrt{287.4} = (17.95) \text{m/s}$$



$$\vec{F}_1 \cdot \vec{F}_2 = F_1 F_2 \cos 60 \quad (أ) \quad 7.$$

$$= 3 \times 4 \times \cos 60 = (6)N$$

(ب) إنّ حاصل الضرب الاتجاهي هو المتّجه $\vec{F}'$ وله مقدار يحسب بالعلاقة:

$F' = F_1 F_2 \sin 60 = 3 \times 4 \sin 60 = (10.39)N$
واتجاهه يحدّد بقاعدة اليد اليمنى، رأسي على المستوى الناشئ من المتجهين، بتدوير الأصابع باتجاه الزاوية الأصغر ليشير الإبهام إلى الأعلى.

(ج) إنّ حاصل الضرب الاتجاهي هو المتّجه $\vec{F}''$ وله مقدار يحسب بالعلاقة:

دروس الفصل

- الدرس الأول
- وصف الحركة الدائرية
- الدرس الثاني
- القوة الجاذبة المركزية
- الدرس الثالث
- القوة الطاردة المركزية



لماذا لا يسقط ركب عربة المدينة الترفيهية منها؟

في مقدمة الوحدة حدّدنا هدفنا بدراسة نوعين من الحركة في مستوى، فعرضنا في الفصل السابق حركة القذيفة كمثال على الحركة في مستوى. أمّا في هذا الفصل، فسنتناول الحركة الدائرية كمثال آخر على الحركة في مستوى. الحركة الدائرية موجودة في حركة الكثير من الأجسام من حولنا، بدءاً من حركة الإلكترونات حول النواة وصولاً إلى حركة المجرات. فنحن نلاحظها يومياً في حركة عجلات السيارات وعربات المدينة الترفيهية، وندرس نتائجها في تعاقب الليل والنهار من خلال دوران الأرض حول محورها.

دراسة الحركة الدائرية تتطلب منا إلماماً ببعض المقادير الفيزيائية التي تساعدنا على فهم خصائص هذه الحركة، مثل قياس الزاوية ووحدات قياسها، والإزاحة الزاوية، والسرعة الزاوية، والعجلة الزاوية وغيرها سنتناولها تفصيلاً في دروس هذا الفصل.

وملاحظتنا للحركة الدائرية لبعض الأجسام مثل حركة الأحصنة في لعبة دوار الخيل أو لعبة الساقية الدوّارة ستدفعنا إلى طرح الكثير من الأسئلة التي نحتاج إلى إجابة علمية عليها، ومنها: أيهما أسرع، الحصان القريب من الحاجر الداخلي أو الحصان القريب من الحاجر الخارجي؟ لماذا لا يسقط ركب عربة المدينة الترفيهية منها عندما يرتفع السطح الدوّار إلى أعلى؟ وأي قوة تثبت الركاب بمقاعدهم؟ إذا ثبت جسمًا في نهاية خيط وجعلته يدور في دائرة فوق رأسك، ثم انقطع الخيط، فهل سيطير الجسم خارج الدائرة أم سيكمل حركته؟ الإجابات على هذه الأسئلة والكثير غيرها هي محور دروس هذا الفصل.

42

استخدام الصورة الافتتاحية للفصل

دع الطلاب يتفحصون صورة افتتاحية الفصل ويقرأون التعليق المصاحب لها. ثم استهلّ موضوع الفصل من خلال دعوتهم إلى توقّع لماذا لا يسقط ركب عربة المدينة الترفيهية منها. تطرّق إلى شكل المسار الدائري وإلى وجود قوّة تمنع سقوط الركاب على الرغم من أنّ رؤوسهم تتّجه إلى أسفل. أخبرهم أنّه ستتم مناقشة هذا الموضوع تفصيلياً في دروس هذا الفصل.

تصحيح مفهوم خاطئ

من الخطأ اعتبار السرعة العددية الخطيّة والسرعة العددية الدائرية شيئاً واحداً.

الأجسام المتحرّكة في مسار دائري تكون تحت تأثير قوّة واحدة تجذبها ناحية المركز، على عكس ما يعتقد الكثيرون بأنّ الجسم مدفوع بقوّة إلى الخارج.

الحركة الدائرية

دروس الفصل

الدرس الأول: وصف الحركة الدائرية

الدرس الثاني: القوّة الجاذبة المركزية

الدرس الثالث: القوّة الطاردة المركزية

قبل البدء بدراسة الحركة الدائرية، ذكّر الطلاب بأنّ هدفنا هو دراسة الحركة في مستوى، وأنّ الحركة الدائرية هي مثال آخر على الحركة في مستوى.

أطلب إلى الطلاب اعطائك أمثلة على الحركة الدائرية التي يلاحظونها في حياتهم اليومية.

لفت انتباه الطلاب إلى أنّ دراسة الحركة الدائرية تحتاج إلى بعض المقادير الفيزيائية اللازمة لوصفها، مثل الإزاحة الزاوية والسرعة الزاوية والعجلة الزاوية، وأنّ بعض هذه المقادير كالإزاحة والسرعة والعجلة، استُخدِم في الحركة الخطيّة في السنوات السابقة.

وضّح للطلاب أنّنا في دروس هذا الفصل سنجد علاقة بين المقادير الفيزيائية التي استُعمِلت في وصف الحركة الخطيّة، وتلك التي تُستعمل في وصف الحركة الدائرية. كما أنّنا سنجد على الكثير من التساؤلات التي تراودنا لدى ملاحظة الحركة الدائرية، مثل عدم سقوط ركاب عربة المدينة الترفيهية على الرغم من ارتفاع السطح الدوّار إلى أعلى، أو حركة جسم بعد أن ينقطع الخيط الذي يثبت على مساره الدائري.

اختبار المعلومات السابقة لدى الطلاب

تمهيداً للفصل، وجّه إلى الطلاب أسئلة حول المسار وأهميته في تحديد نوع الحركة.

شدّد على أنّ الحركة الدائرية هي مثال على الحركة في مستوى.

ذكّر الطلاب بتعريف الإزاحة، السرعة والعجلة، الحركة الخطيّة المنتظمة والمعادلات المُستخدمة في وصفها.

ذكّر الطلاب بمفهوم الحركة الخطيّة المنتظمة والمعادلات المُستخدمة في وصفها لمقارنتها بالحركة الدائرية.

صفحات الطالب: من ص 43 إلى ص 53

عدد الحصص: 4

صفحات الأنشطة: من ص 13 إلى ص 15

الأهداف

- ✓ يتعرّف الحركة الدائرية.
- ✓ يميّز بين الدوران المحوري والدوران المداري.
- ✓ يصف السرعة الدائرية.
- ✓ يميّز بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية.
- ✓ يعرّف العجلة المركزية والعجلة الزاوية.
- ✓ يذكر معادلات الحركة الدائرية منتظمة العجلة.

الأدوات المستعملة: السيّورة، أقلام ملوّنة، أقراص مُدمّجة، شبكة الإنترنت.

1. قدّم وحفّز

1.1 تنشيط المعرفة السابقة

قدّم الدرس للطلّاب وعرّفهم بالحركة الدائرية، وحفّزهم على ذكر التفاصيل التي سيهتمّ الدرس بمعالجتها. أخبرهم أنّه في هذا الدرس سيتمّ التركيز على دراسة الحركة الدائرية بشكل عامّ والحركة الدائرية المنتظمة بشكل خاصّ، بعد أن درسوا في وقت سابق الحركة الخطية وأنواعها وقوانينها.

سيتناول الدرس أيضًا بعض التعريفات الخاصة بالحركة الدائرية، كالإزاحة الزاوية والسرعة الزاوية والعجلة الزاوية والعجلة المركزية، وارتباطها بالقوّة الجاذبة المركزية. وسيتمّ العمل على استخدام المعادلات الرياضية التي تربط الحركة الخطية بالحركة الدائرية.

2.1 استخدام الصورة الافتتاحية للدرس

دع الطّلاب يتفحصون الصورة الافتتاحية للدرس واشرح عليهم الأسئلة الواردة في المقدمة لتحفيزهم ولتأثير انتباههم إلى مواضيع الدرس، وذلك باستخدام إجاباتهم ومناقشاتهم كمدخل للدرس.

2. علّم وطبّق

1.2 مناقشة

ذكر الطّلاب بأهميّة التمييز بين الدوران المحوري (حول محور ذاتي) والدوران المداري (حول محور خارجي)، واعط أمثلة توضّح الفرق بينهما. فعلى سبيل المثال، تدور الأرض حول محورها دورانيًا محوريًا، فينتج الليل والنهار، وتدور دورانيًا مداريًا حول الشمس، فنتج الفصول.

2.2 مناقشة

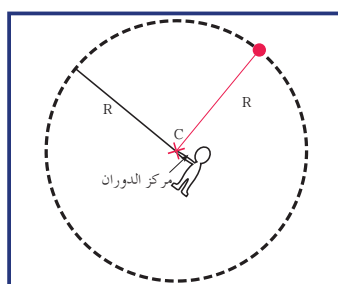
أرسم للطلّاب نقطة M على مسار دائري وأشر إلى متّجه الموقع $\vec{CM}$.

وصف الحركة الدائرية Describing Circular Motion

الدرس 1-2

الأهداف العامة

- ✓ يعرّف الحركة الدائرية.
- ✓ يميّز بين الدوران المحوري والدوران المداري.
- ✓ يصف السرعة الدائرية.
- ✓ يميّز بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية.
- ✓ يعرّف العجلة المركزية والعجلة الزاوية.
- ✓ يذكر معادلات الحركة الدائرية منتظمة العجلة.



(شكل 38)
كوكب تدور حول مركز الدوران C.

لنأخذ جسمًا ونربطه بطرف خيط، ثم نجعله يدور (شكل 38). ما شكل المسار الذي يحدّته دوران الجسم؟ هل تتغيّر المسافة بين مركز ثقل الجسم ومركز الدوران؟ حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران، مع المحافظة على مسافة ثابتة منه تُسمّى الحركة الدائرية. وتكون الحركة الدائرية منتظمة عندما يتحرّك الجسم في مسار دائري بسرعة ثابتة القيمة. سندرس الحركة الدائرية المنتظمة تفصيليًا في سياق الدرس بعد أن نميّز الفرق بين الدوران المحوري والدوران المداري، وبعد أن نتعرّف بعض الكميّات الفيزيائية الضرورية لدراسة الحركة الدائرية.

ثم اطلب منهم تحديد موقع النقطة M بالنسبة إلى C، نقطة التقاء المحورين الأفقي والرأسي. ناقش إجابات الطلاب بتحديد موقع M باستخدامهم المركبتين x و y.

ناقش مع الطلاب أنهم يستطيعون تحديد موقع M باستخدام التمثيل الرياضي للمتجه $\vec{CM}$ الذي درسه في الفصل السابق. دعهم يلاحظون أن استخدام التمثيل الرياضي للمتجه $\vec{CM}$ الذي يعتمد على مقدار نصف القطر والزوايا التي تحدّد الاتجاه يُعتبر أسهل من استخدام مركبتَي المتجه $\vec{CM}$ على المحورين الأفقي والرأسي.

وبما أن النقطة تتحرك على مسار دائري، فإن مقدار نصف القطر CM هو ثابت، وهذا يعني أنهم يستطيعون التعبير عن حركة النقطة M على المسار الدائري باستخدام مقدار متغير الزاوية، وهذا أسهل بكثير من استخدام متغير x و y بدالة الزمن. عرّف الإزاحة الزاوية على أنها الزاوية التي يقطعها الجسم بالنسبة إلى خط مرجعي، وأن وحدة قياسها هي الراديان (rad). ووضّح للطلاب علاقة الراديان بالدرجة.

أعط الطلاب مثالاً على كيفية التحويل بين الراديان والدرجة، وأطلب إليهم الاطلاع على الجدول في كتاب الطالب (صفحة 45) والذي يحتوي على بعض الزوايا بوحدتي الدرجة والراديان. أطلب إليهم استنتاج علاقة رياضية تساعدهم في التحويل بين الوحدتين المُستخدَمتين. ثم أعطهم بعض الأمثلة للتأكد من قدرتهم على استخدام العلاقة الرياضية التي توصّلوا إليها. أذكر أنه بإمكانهم وصف الحركة الخطية أيضاً باستخدام طول القوس الذي يقطعه الجسم المتحرك على المسار الدائري بالنسبة إلى نقطة المرجع. استخدم العلاقة الرياضية $s = r\theta$ لتوضّح للطلاب ارتباط الإزاحة الزاوية بطول القوس.

شارك الطلاب في حلّ المثال المحلول (1) ص 45 مستخدماً العلاقة الرياضية بين طول القوس والإزاحة الزاوية. وشدّد على أنه عندما يكون المسار دائرة كاملة، يساوي طوله محيط الدائرة الذي يتحرك عليها الجسم المتحرك.

وزّع الطلاب على مجموعات لتنفيذ نشاط «العلاقة بين الإزاحة الزاوية والإزاحة الخطية» في كتاب الأنشطة ص 13.

3.2 نشاط إضافي توضيحي

الفيزياء في المختبر: «مقارنة بين المتدحرجات»

دع الطلاب يستنتجون أن الجزء المتسع من الكوب يتحرك بسرعة أكبر من الجزء الضيق من كوب آخر. دعهم يستنتجون أيضاً أن عجلات القطار ذات الجدار الخارجي تحافظ على استقراره فوق القضبان.

4.2 مناقشة

استخدم الأسئلة الموضّحة في الكتاب ونتائج النشاط لتساعد الطلاب في التمييز بين السرعة الخطية والسرعة الدائرية. دعهم يلاحظون أن السرعة العددية الخطية تكون دائماً مماسة لمسار المنحنى، فيمكننا أن نقول أن هذه السرعة هي سرعة مماسية.

1. الدوران المحوري والدوران المداري

Rotation and Revolution

الحركة الدائرية لمسّطح لعبة الساقية الدوّارة في المدينة الترفيهية الموضّحة في الشكل (39)، والحركة الدائرية للمنتزّج على الجليد، كلتاهما تدوران حول محور. والمحور هو الخطّ المستقيم الذي تحدثت حوله الحركة الدائرية. فعندما يدور جسم حول محور داخلي (يعني أن المحور يستقرّ داخل هذا الجسم)، يُسمّى ذلك الحركة الدائرية المحورية أو المغزلية. وعلى ذلك، كل من لعبة الساقية الدوّارة في المدينة الترفيهية والمنتزّج على الجليد يدوران حول محور داخلي.

أمّا عندما يدور جسم حول محور خارجي، فهذه الحركة تُسمّى الحركة المدارية (شكل 40). وعلى الرغم من أن مسّطح الساقية الدوّارة يدور حول محورها، فإن الركّاب على طول الحافة الخارجية لهذا المسّطح يدورون حول محور الساقية.

تخضع الأرض لنوعي الحركة الدائرية. فهي تدور حول الشمس مرة كل 365.25 يوماً، وتدور حول محورها مرة كل 24 ساعة.

2. الإزاحة الزاوية

Angular Displacement

الحركة هي تغيّر الموقع بالنسبة إلى الزمن، ولكي نصف حركة جسم على مساره الدائري، يمكننا أن نستعين بالزاوية التي تحرك بها.

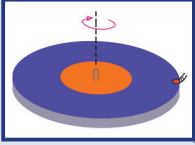
لنأخذ النقطة M التي تتحرك على المسار الدائري كما في الشكل (41). إن موقع M في أي لحظة يمكن أن يُمثّل باستخدام المركبتين x و y لمتجه الموقع $\vec{CM}$.

ويمكننا أن نشير إلى موقع النقطة M باستخدام التمثيل الرياضي للمتجه CM حيث $|\vec{CM}| = (r\theta)$ ، حيث r هي نصف قطر المسار الدائري، والزاوية θ هي الاتجاه الذي يقاس من المحور الأفقي باتجاه الدوران الموجب إلى r. وبما أن المسافة بين النقطة M ومركز الدائرة ثابت، فإن استخدام الزاوية يكفي لتحديد موقع الجسم على المسار الدائري. وهذا يسهّل عملياً تحديد موقع الجسم المتحرك على المسار الدائري أكثر من استخدام x و y اللتين تتغيران بغير الزمن.

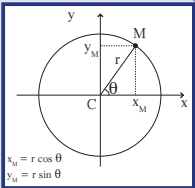
وبناء على إن استخدام الإزاحة الزاوية $\Delta\theta$ (شكل 42) التي تقاس بين الخطّين (الخط المرجعي والخط المارّ بالنقطة والمركز)، تكفي لوصف الحركة الدائرية للنقطة M خلال فترة زمنية على المسار الدائري، حيث أن المسافة r بين الجسم ونقطة المركز ثابتة. ببساطة يمكن أن نقول إن الإزاحة هي θ عندما نختار $\theta_0 = 0$ rad (شكل 43).



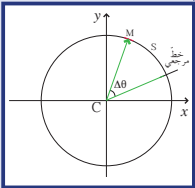
(شكل 39)
الساقية الدوّارة



(شكل 40)
تدور المسطحة الدوّارة حول محورها (دوران محوري) بينما تدور الحشرة الموجودة عند حافتها بشكل مداري حول محور الساقية.

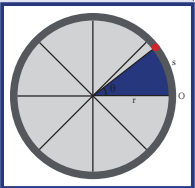


(شكل 41)
المركبتان x و y للغة الدوّارة M.



(شكل 42)
الإزاحة الزاوية للنقطة M عندما تكون $\theta_0 = 0$.

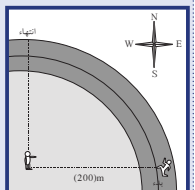
44



(شكل 43)
الإزاحة الزاوية وطول القوس عندما تكون $\theta_0 = 0$.

الزاوية بالدرجة (°)	الزاوية بالراديان
360	2π
180	π
90	$\pi/2$
60	$\pi/3$
45	$\pi/4$
30	$\pi/6$

(جدول 1)
بعض الزوايا بوحدتي الراديان (rad) والدرجة.



(شكل 44)
لاعب يركض على مسار دائري

تُقاس الزوايا عادة بوحدة الدرجة Degree (°) حيث تساوي الدورة الكاملة 360° ، وتتألف كل درجة من 60 دقيقة وكل دقيقة من 60 ثانية.

ويمكن وصف الحركة الدائرية أيضاً بالمسافة المقطوعة على القوس. من هنا أهمية الربط بين الإزاحة الزاوية θ وطول القوس s.

يمثّل طول القوس s المسافة التي قطعها الجسم على المسار الدائري عند تحركه بزاوية θ . ولإيجاد علاقة بين s و θ نستخدم المعادلة الرياضية: $s = r\theta$ حيث تقاس θ بوحدة الراديان (rad) بحسب النظام الدولي للوحدات.

ولإيجاد علاقة بين الدرجة والراديان يمكننا أن نستخدم المعادلة الرياضية: $2\pi \text{ rad} = 360^\circ$

يظهر الجدول (1) بعض الزوايا بوحدتي الراديان (rad) والدرجة (°).

مثال (1)

يقف حكم مباراة الركض في مركز المسار الدائري المخصص للسياق على بعد 200m من لاعب يقف على الخط المرجعي باتجاه الشرق يستعد للركض بالاتجاه الدائري الموجب (شكل 44).

ركض اللاعب على المسار حتى نقطة النهاية التي تقع شمال الحكم على المحور الرأسي.

(أ) احسب المسافة التي قطعها اللاعب.

(ب) كم تكون مسافة السباق لو كان على اللاعب إكمال دورة كاملة؟ طريقة التفكير في الحل

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: $r = (200)\text{m}$

غير المعلوم: $\theta = 90^\circ = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$

(أ) طول القوس الذي يمثّل المسافة التي قطعها اللاعب على المسار، $s = ?$

(ب) طول المسار لدورة كاملة

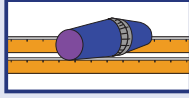
2. احسب غير المعلوم

(أ) باستخدام العلاقة الرياضية بين زاوية التحرك وطول القوس، $s = r\theta$

وبالتعويض عن المقادير المعلومه نحصل على، $s = 200 \times \frac{3.14}{2} = (314)\text{m}$

45

فقرة إثرائية الفيزياء في المختبر تدرج العجلات المدرجة



الصق كوين من الورق أو القوم مع بعضهما كما هو موضح في الشكل. درج الكوين مرة على المنضدة ومرة أخرى على قضيبين. ستجد أن الكوين لن يتدحرجا بطريقة جيدة على المنضدة، ولكنهما سيتحركان بطريقة جيدة جداً على القضيبين. ضع مترين ملزجين بحيث يكونان على شكل قضيبين سكة الحديد، وضعهما متوازيين وعلى بعد مسافة طول كوب واحد. بعض الكوينين على القضيبين عندما يكون الكوينان متمركزين بحيث تلامس الفوهتان المتماثلتان القضيبين. نتج عن ذلك الحركة في خط مستقيم، ويكون جانبي الكوينين لهما السرعة الخطية نفسها. درج الكوينين أبعد قليلاً عن المركز، ولاحظ كيفية التصحيح الذاتي لهما. هل يمكنك أن ترى الجزء ذا الفوهة الواسعة من الكوب الواحد يتحرك أسرع على القضيب من الجزء الضيق الذي يتحرك على القضيب المقابل؟ توجه هذه الحركة الكوينين باتجاه وسط القضيبين. إذا تجاوز الكوينان المتدحرجان الجزء الأوسط، هل يحدث الشيء نفسه على الجانب الآخر إذا قمت بتوجيه الكوينين للخلف باتجاه الوسط؟ باعتبارك، هل عجلات عربات السكك الحديدية التي تسير على القضبان أسطوانية أم مغزلية؟

مثال (1) (تابع)

(ب) عندما يدور اللاعب دورة كاملة، يكون قد تحرك بالنسبة إلى المحور المرجعي بزاوية $\theta = 2\pi$ وعليه فإن مسافة السباق لدورة كاملة تساوي،
 $L = r(2\pi)$
 $L = 200 \times 2 \times 3.14 = (1256)\text{m}$
 3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟
 مسار السباق أثناء دورة كاملة يمثل محيط الدائرة، ونحن نعلم أن محيط الدائرة يُحسب بالعلاقة التالية:
 المحيط $= 2\pi r$ ، والذي يساوي طول المسار المحسوب. وهذا يؤكد صحة الإجابات.

3. السرعة في الحركة الدائرية

Speed in Rotational Motion

أيهما يتحرك أسرع في لعبة دوارة الخيل الخشبية، الحصان القريب من الحاجر الخارجي أم القريب من الحاجر الداخلي؟ وأي جزء من المنضدة الدوارة يتحرك أسرع؟ وفي أسطوانة التسجيل، أي جزء من أجزائها يتحرك أسرع تحت إبرة التسجيل، الفتحة الموجودة في الجزء الخارجي من الأسطوانة أم الفتحة التي تقع بالقرب من المركز؟ إذا طرحت مثل هذه الأسئلة على مجموعة من الأشخاص، قد تحصل على أكثر من إجابة. ذلك لأن بعض الناس سيفكر في السرعة الخطية في حين يفكر آخرون في السرعة الدائرية.

Linear Speed

1.3 السرعة الخطية (v)

تُسمى أيضاً السرعة العددية ويُرمز إليها بالحرف v ، وهي طول القوس المقطوع في وحدة الزمن. تتحرك النقطة الموجودة على الحافة الخارجية في لعبة دوارة الخيل الخشبية أو المنضدة الدوارة في دورة كاملة مسافة أكبر من النقطة القريبة من المركز. السرعة الخطية Linear Speed لجسم يدور عند الحافة الخارجية أكبر من السرعة الخطية لجسم يدور بالقرب من المركز. ويمكن أن تُسمى سرعة الجسم الذي يتحرك على طول مسار دائري بالسرعة المماسية Tangential Speed، ذلك لأن اتجاه الحركة يكون دائماً مماساً للدائرة. ويمكن أن يُستخدم مصطلح السرعة الخطية أو السرعة المماسية بالتبادل لوصف الحركة الدائرية.

46

أشير إلى أن مقدار السرعة الخطية يعتمد على بعد الجسم الذي يدور عن محور الدوران. فالسرعة الخطية لجسم يدور عند الحافة الخارجية أكبر من السرعة الخطية لجسم يدور بالقرب من محور الدوران.

وضّح للطلاب أن السرعة الدائرية هي عدد الدورات في وحدة الزمن وتُقاس بوحدة rad/s، وأن السرعة الدائرية لجسم يدور على الحافة الخارجية تساوي السرعة الدائرية لجسم يدور بالقرب من المحور، فالاثنتان لهما معدل الدوران نفسه. أشر إلى إمكانية التعبير عن السرعة الدائرية بالدورة المدارية في الدقيقة.

5.2 نشاط إضافي توضيحي

الفيزياء في المختبر: «تدرج العجلات المدرجة»

استخدم هذا النشاط لتحفيز الطلاب على التمييز بين السرعة الدائرية والسرعة الخطية. دعهم يلاحظون اختلاف مسار الجسم واختلاف سرعة أجزاء الجسم المتحرك باختلاف قطره. فيكون تدرج العجلة منتظمة الشكل على مسار مستقيم، في حين يأخذ تدرج الكوب الورقي مساراً منحنياً لأن الجانب الأوسع من الكوب يتحرك بسرعة أكبر لأن له سرعة أكبر. ساعد الطلاب على استنتاج مفهوم السرعة المماسية التي تعتمد على نصف القطر.

6.2 مناقشة

وضّح للطلاب التناسب الطردي بين السرعة المماسية والسرعة الدائرية، فكلما زادت السرعة الدائرية زادت السرعة المماسية.

وضّح لهم أيضاً أن السرعة الزاوية ω ترتبط بالسرعة المماسية في القاعدة الرياضية $v = r\omega$ ، حيث r هي نصف قطر المسار الدائري. اشرح لهم أن سرعة دوران الأولاد، على سبيل المثال، في لعبة الخيل الدوارة هي نفسها أينما جلسوا. لكن الولد الذي يجلس على خيل يبعد ثلاث مرات عن محور الدوران تكون له سرعة مماسية أكبر بثلاث مرات، ذلك لأن السرعة المماسية تتناسب طردياً مع المسافة بين الجسم ومحور الدوران.

إطرح السؤال التالي للتأكيد على استيعاب الطلاب العلاقة بين السرعة الخطية والدائرية:

مسطرة مترية معلقة من الطرف المقابل للصفر، تهتز كأنها بندول بسيط. كم تكون السرعة الخطية التي يتحرك بها طرف المسطرة الآخر بالقياس مع السرعة الخطية التي تتحرك بها النقطة المقابلة للرقم 50؟ (يبعد طرف المسطرة عن مركز الدوران ضعف بعد النقطة 50 عن المركز نفسه، وبذلك تكون سرعة الطرف ضعف السرعة التي تتحرك بها النقطة 50.)

أعط الطلاب أمثلة ومسابئلة تعمق معرفتهم بالعلاقة بين السرعة المماسية والسرعة الدائرية، وكيفية احتساب أي واحدة منهما بمعرفة الأخرى.

2.3 السرعة الدائرية (الزاوية) (ω)

Rotational Angular Speed

تُسمى السرعة الدائرية Rotational Speed أحياناً السرعة الزاوية ويُرمز إليها بـ ω ، وحدتها هي $\frac{\text{rad}}{\text{s}}$ ، وهي عدد الدورات في وحدة الزمن. كما نعرف السرعة الزاوية بأنها مقدار الزاوية بالراديان التي يمسه نصف القطر في وحدة الزمن. تدور كل الأجزاء الصلبة للعبة دوارة الخيل الخشبية والمنضدة الدوارة حول محورها في الفترة الزمنية نفسها. وعلى ذلك، فإن لكل الأجزاء معدل الدوران نفسه، أو عدد الدورات نفسه في وحدة الزمن. ومن الشائع التعبير عن السرعة الدائرية بالدورة المدارية في الدقيقة Revolution Per Minute.

فعلى سبيل المثال، أسطوانة التسجيل الفونوغرافي التي كانت شائعة في الماضي، كانت تدور 33.33 دورة في الدقيقة. لذلك، تدور النقطة الحمراء الموجودة في أي مكان على سطح أسطوانة التسجيل، حول المحور 33.33 دورة في الدقيقة (شكل 45).

ويمكن حساب السرعة الدائرية ω باستخدام المعادلة الرياضية:

$$\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} = \frac{\theta}{t}$$

باعتبار أن $\theta_0 = 0$ و $t_0 = 0$ s

وهي تشبه معدل السرعة $\vec{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ في الحركة المستقيمة المنتظمة.

4. العلاقة بين السرعة المماسية والسرعة الدائرية

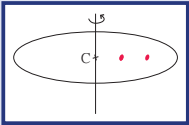
Relation Between Rotational and Tangential Speed

تتعلق السرعة المماسية والسرعة الدائرية الواحدة بالأخرى. هل سبق أن ركبت المسطح الدائري العملاق في لعبة الساقية الدوارة في المدينة الترفيهية؟ كلما زادت سرعة دورانها زادت سرعتك المماسية، فالسرعة المماسية تتناسب طردياً مع السرعة الدائرية والمسافة نصف القطرية من محور الدوران. وعلى ذلك فإن:

السرعة المماسية = المسافة نصف القطرية $\times$ السرعة الدائرية (الزاوية)

باستخدام الوحدات المناسبة لكل من السرعة المماسية v ، السرعة الدائرية (الزاوية) ω والمسافة نصف القطرية r ، فإن التناسب الطردي بين v وكل من ω و r يصبح تاماً بالمعادلة: $v = r\omega$.

تطبق هذه العلاقة على النظام الدوار فحسب، حيث إن أجزاء هذا النظام كلها لها السرعة الدائرية (الزاوية) ω نفسها في الوقت نفسه وتُطبق على نظام الكواكب، فكل كوكب مثلاً له سرعة دائرية (الزاوية) ω مختلفة عن الكواكب الأخرى.



(شكل 45)
النقطة الحمراء الموجودة في أي مكان لها السرعة الدائرية نفسها.

فقرة إثرائية الفيزياء في المختبر مقارنة بين المتدحرجات



درج عجلة أسطوانية على المنضدة (كما في الشكل أعلاه) ثم لاحظ أن مسافة التدرج في كل دورة كاملة تساوي محيط العجلة. ولاحظ أيضاً أن التدرج يتم في مسار مستقيم. بعدها، درج كوب شراب عادياً على المنضدة (كوب من الورق أو كوب من القوم). لاحظ أن الفتحة الواسعة للكوب لها نصف قطر أكبر من القاعدة الضيقة. هل يتدحرج الكوب في مسار مستقيم أم في مسار منحن؟ هل تقطع فوهة الكوب الواسعة مسافة أكبر أثناء دورانه؟ هل السرعة الخطية للفوهة الواسعة أكبر؟ هل لاحظت أن السرعة الخطية تعتمد على نصف القطر؟

47

7.2 نشاط إضافي

الربط بالتكنولوجيا: «عجلات السكك الحديدية»

إشرح للطلاب أن انزياح القطار قليلاً من جانب إلى آخر هو ما يجعله قادراً على السير في المنعطفات، بحيث تقطع إحدى العجلتين المتقابلتين مسافة أطول من التي تقطعها الأخرى، مع أن لهما السرعة الدائرية ذاتها.

شارك الطلاب في حلّ المثال المحلول (2) ص 48 مستخدماً العلاقة الرياضية بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية. دعهم يستنتجون التناسب الطردي بين السرعة الخطية والبعد عن محور الدوران عند ثبات السرعة الدائرية.

أعط الطلاب الوقت الكافي للاطلاع على «المسائل مع الإجابات». وزّع الطلاب في مجموعات لحلّ المسائل، ودعهم يتناقشون في ما بينهم للتوصل إلى الإجابات الصحيحة المعطاة. تحقق من استطاعتهم التوصل إلى الإجابات الصحيحة المعطاة في كتابهم.

8.2 مناقشة

ذكر الطلاب بتعريف العجلة على أنها تغير السرعة بالنسبة إلى الزمن، وأنها كمية متجهة. أشر إلى إمكانية التعبير عن عجلة الجسم على المسار الدائري باستخدام العجلة الخطية والعجلة الزاوية.

العجلة الخطية: ذكر الطلاب بأنهم درسوا عن العجلة الخطية

في السنوات السابقة، وأنها كمية متجهة يمكن تحليلها إلى مركبتين متعامدتين: مركبة مماسية على المسار لها اتجاه السرعة المماسية، ومركبة عمودية تُسمى العجلة المركزية سيتم التركيز عليها لاحقاً.

العجلة الزاوية: عرّف للطلاب بالعجلة الزاوية على أنها تغير

السرعة الزاوية بالنسبة إلى الزمن (معدل تغير السرعة الزاوية)،

$$\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

واكتب المعادلة الرياضية التي تمثلها: $\theta = \omega t$

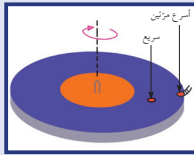
9.2 مناقشة

ذكر الطلاب بتعريف الحركة الدائرية المنتظمة، والتي يقطع فيها الجسم المتحرك زوايا متساوية حول مركز الدوران في أزمنة متساوية، وحيث تكون السرعة المماسية للجسم في أي نقطة ثابتة المقدار، وحيث تساوي العجلة المماسية صفراً.

إلفت انتباه الطلاب إلى أن التغير باتجاه السرعة يعني وجود عجلة. وبما أن العجلة المماسية تساوي صفراً، فإن المركبة العمودية للعجلة هي العجلة الموجودة في الحركة الدائرية المنتظمة، وتُسمى العجلة المركزية وتساوي $a_c = \frac{v^2}{r}$.

دع الطلاب يستنتجون أن مقدار العجلة الزاوية يساوي صفراً في الحركة الدائرية المنتظمة لأن السرعة الزاوية ثابتة.

شدّد على أن يميّز الطلاب بين العجلة الزاوية والعجلة المركزية.

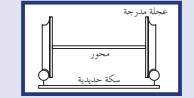


(شكل 46)
تدور أجزاء المضخة الدوّارة كلها بالسرعة الدائرية نفسها، لكنّ الحشرات الصغيرة الموجودة عند مسافات مختلفة من المركز لها سرعات خطية مختلفة. فالحشرة التي تبعد مسافة الضعف عن المركز تحرك بضعف السرعة.

فقرة إثرائية

ارتباط الفيزياء بالتكنولوجيا

عجلات السكك الحديدية



لكي يتمكّن القطار من الالتفاف على مسار منحني، يجب أن تسير عجلاته الخارجية الأبعد عن مركز المنحنى بسرعة أكبر من تلك الداخلية الأقرب إلى مركز المنحنى. إن عجلات القطار مدوّجة الشكل والشكل الدائري الخفيف لسكة الحديد الذي يحملها يجعل جزءاً صغيراً من العجلة يركب على المسار في أي وقت أثناء حركة القطار. وعندما يلتفّ القطار إلى اليسار مثلاً، فإنّ قصوره الذاتي، وليتيه على مساره المستقيم الذي كان عليه قبل الالتفاف، يجعل الجزء ذات القطر الأكبر من عجلة اليمين المدوّجة على قضيب عجلة اليمين للمسار، والجزء ذات القطر الأصغر من عجلة اليسار المدوّجة على قضيب اليسار للمسار. وبما أن العجلتين متصلتين بالمحور نفسه ولهما السرعة نفسها، تكون لسرعة اليمين سرعة خطية أكبر من عجلة اليسار والتي تمكّن القطار من الالتفاف نحو اليسار.

مثال (2)

في لعبة دوّارة الخيل التي تدور بسرعة دائرية منتظمة تساوي دورة واحدة كاملة كلّ 45 ثانية، يجلس ولدان على حصانين، الأول يبعد 2m عن محور الدوران والثاني يبعد 4m عن محور الدوران.



(أ) احسب السرعة الدائرية لكل ولد.

(ب) احسب السرعة الخطية لكل ولد.

طريقة التفكير في الحل

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: $\theta = 2\pi$ $t = (45)s$

$r_1 = (2)m$ $r_2 = (4)m$

غير المعلوم:

(أ) السرعة الدائرية (السرعة الزاوية) لكل ولد، ω_1 و ω_2 ؟

(ب) السرعة الخطية لكل ولد، v_1 و v_2 ؟

2. احسب غير المعلوم

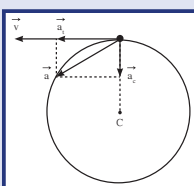
(أ) باستخدام العلاقة الرياضية $\omega = \frac{\theta}{t}$

$\omega = \frac{2\pi}{45} = (0.14)\text{rad/s}$

48

مسائل مع إجابات

1. يدور قرص مدمج في جهاز الاستريو بسرعة دورانية ثابتة تساوي 200 دورة في الدقيقة. (أ) احسب الزمن الذي يحتاجه ليقوم بدورة واحدة. (ب) احسب السرعة الخطية لنقطة موجودة على القرص تبعد 5cm عن مركز الدوران. (ج) احسب مقدار السرعة الزاوية لأي نقطة موجودة على حافة الإطار. (د) احسب السرعة الخطية لنقطة موجودة على بعد 10cm من محور الدوران. (هـ) احسب السرعة الخطية للنقطة M. (الإجابات: (أ) $(10\pi)\text{rad/s}$ (ب) $(10\pi)\text{rad/s}$ (ج) $(3.14)\text{m/s}$ (د) $(10\pi)\text{rad/s}$ (هـ) $(3.14)\text{m/s}$)



(شكل 47)
للعجلة مركبتين خطية مماسية باتجاه السرعة وعمودية على الحركة المماسية باتجاه مركز الدائرة.

مثال (2) (تابع)

وبما أن الولدين يدوران حول محور الدوران نفسه، فإنّ السرعة الزاوية تساوي:

$$\omega_1 = \omega_2 = (0.14)\text{rad/s}$$

(ب) لإيجاد السرعة الخطية لكل ولد، يمكننا استخدام المعادلة الرياضية التالية:

$$v = r\omega$$

وبالتعويض عن المقادير المعلوم نحصل على:

$$v = (1.047)\text{m/s}$$

(ب) $v = (1.047)\text{m/s}$

2. إطار دراجة نصف قطره

50cm يدور بسرعة 300 دورة في الدقيقة.

(أ) احسب مقدار السرعة الزاوية لأي نقطة موجودة على حافة الإطار.

(ب) احسب السرعة الخطية لنقطة موجودة على بعد 10cm من محور الدوران.

(ج) احسب السرعة الخطية للنقطة M.

(الإجابات: (أ) $(10\pi)\text{rad/s}$ (ب) $(10\pi)\text{rad/s}$ (ج) $(3.14)\text{m/s}$)

5. العجلة الخطية والعجلة الزاوية

Linear and Rotational Acceleration

نحن نعلم أن العجلة هي تغير السرعة خلال الزمن. وبما أن السرعة هي كمية متجهة، فإن العجلة هي أيضاً كمية متجهة. ونعلم أيضاً أنه للتعبير عن سرعة الجسم على المسار الدائري يمكننا أن نستخدم السرعة الخطية أو السرعة الزاوية. ويمكننا التعبير عن العجلة لجسم على المسار الدائري باستخدام العجلة الخطية أو العجلة الزاوية.

1.5 العجلة الخطية

سبق أن ذكرنا أن العجلة الخطية هي كمية متجهة، وتساوي تغير السرعة المتجهة بالنسبة إلى الزمن $\vec{a} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$.

يمكن تحليل العجلة الخطية كأي متجه إلى مركبتين متعامدتين (شكل 47)،

1. مركبة مماسية تُسمى العجلة المماسية $\vec{a}_t$ لها اتجاه السرعة نفسها.

والتي تكون دائماً مماسة للمسار وتغير قيمتها بتغير السرعة المماسية.

2. مركبة عمودية على المركبة المماسية تُسمى العجلة المركزية $\vec{a}_c$.

10.2 مناقشة

أطلب إلى الطلاب تعريف الزمن الدوري والتردد، ثم ذكرهم بالعلاقة بين الزمن الدوري والتردد. ذكرهم أيضًا بأنه يمكن حساب السرعة المنتظمة من العلاقة $v = \frac{s}{t}$. وبما أن المسافة التي يجتازها الجسم خلال زمن دوري T تساوي $s = 2\pi r$ ، فيمكننا أن نكتب الزمن الدوري T في العلاقة التالية: $T = \frac{2\pi r}{v}$.

دع الطلاب يستنتجون أيضًا أن الزمن الدوري T يُحتسب أيضًا بالعلاقة الرياضية: $T = \frac{2\pi}{\omega}$.

أعط الطلاب أمثلة تطبيقية على حساب الزمن الدوري بمعرفة السرعة المماسية والسرعة الزاوية في الحركة الدائرية المنتظمة.

شارك الطلاب في حلّ المثال المحلول (3) ص 51 مستخدمًا العلاقة الرياضية بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية لاستنتاج مقدار العجلة المركزية.

أعط الطلاب وقتًا كافيًا للاطلاع على «المسائل مع الإجابات». وزّعهم في مجموعات لحلّ المسائل، ودعهم يتناقشون في ما بينهم للتوصل إلى الإجابات الصحيحة المعطاة. تحقق من تمكّنهم من معرفة الإجابات الصحيحة المعطاة في كتابهم.

11.2 مناقشة

عرّف الحركة الدائرية منتظمة العجلة حيث يدور الجسم بسرعة زاوية متغيرة بانتظام. قارن بين الحركة الخطية منتظمة العجلة التي درسوها في السنوات السابقة، وبين الحركة الدائرية منتظمة العجلة. اصنع جدولًا من عمودين. أكتب في العمود الأول معادلات الحركة الخطية منتظمة العجلة واملأ العمود الثاني باستبدال السرعة الخطية بالسرعة الزاوية، والعجلة الخطية بالعجلة الزاوية، والإزاحة الخطية بالإزاحة الزاوية، لتحصل على معادلات الحركة الدائرية منتظمة العجلة.

ذكر الطلاب بأن انطلاق الجسم من نقطة المرجع على المسار الدائري يعني أن $\theta_0 = (0)\text{rad}$ ، تمامًا مثل الانطلاق من نقطة المرجع في الحركة الخطية حيث تكون $x_0 = 0$. والانطلاق من سكون بدون سرعة ابتدائية يعني أن السرعة الزاوية الابتدائية $\omega_0 = (0)\text{rad/s}$ ، كما هو الحال في الحركة الخطية حيث تكون السرعة الابتدائية $v_0 = (0)\text{m/s}$ عندما ينطلق الجسم من سكون.

اشترك مع الطلاب في حلّ المثال المحلول (4) ص 52 مستخدمًا معادلات الحركة الدائرية منتظمة العجلة. شدّد على كيفية احتساب عدد الدورات التي يدورها الجسم خلال فترة زمنية معلومة.

3. قيم وتوسّع

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

أطلب إلى الطلاب ذكر الفرق بين الإزاحة الزاوية والإزاحة على قوس. أطلب إليهم المقارنة بين السرعة الخطية والسرعة الدائرية، وإعطاء صيغة رياضية تربط بين المقدارين.

2.5 العجلة الزاوية Rotational Acceleration

أما العجلة الزاوية فهي تغيّر السرعة الزاوية ω خلال الزمن وتُمثّل بالعلاقة:

$$\alpha = \frac{\Delta\omega}{\Delta t}$$

وتُقاس بحسب النظام الدولي للوحدات بوحدة rad/s^2 .

6. العجلة والحركة الدائرية المنتظمة

Acceleration and Uniform Circular Motion

عندما يتحرك جسم على مسار دائري بسرعة ثابتة المقدار، نصف حركته بالحركة الدائرية المنتظمة.

عندما نصف حركة جسم ما بالحركة الدائرية المنتظمة هذا لا يعني إطلاقًا أن عجلته تساوي صفرًا. ففي الحركة الدائرية المنتظمة تكون السرعة الخطية ثابتة المقدار، أما اتجاهها فيتغيّر. وهذا يعني أن العجلة المماسية هي التي تساوي صفرًا، بينما العجلة المركزية التي تكون دائمًا باتجاه مركز المسار الدائري يكون لها مقدار ثابت يُحسب من العلاقة $a_c = \frac{v^2}{r}$. أما تساوي مقدار السرعة الخطية v هي نصف قطر المسار. أما بالنسبة إلى العجلة الزاوية فتساوي صفرًا لأن السرعة الزاوية ω في الحركة الدائرية المنتظمة ثابتة المقدار، لا تتغيّر بالنسبة إلى الزمن.

7. التردد والزمن الدوري في الحركة الدائرية المنتظمة

Frequency and Period in Uniform Circular Motion

إنّ تردد الجسم الذي يدور بحركة دائرية منتظمة يساوي عدد الدورات الكاملة التي يدورها في الثانية الواحدة ويُرمز إليه بالحرف f . أما الزمن الدوري فهو الزمن الذي يستغرقه الجسم ليدور دورة كاملة على محيط دائرة الحركة. والعلاقة بين الزمن الدوري والتردد هي: $f = \frac{1}{T}$. يمكننا كتابة الزمن الدوري بالنسبة إلى السرعة الخطية كما يلي: في الحركة الدائرية المنتظمة $v = \frac{s}{T}$ ، وبما أنه خلال زمن يساوي الزمن الدوري T ، فإن المسافة $s = 2\pi r$ ، وبهذا تكون $T = \frac{2\pi r}{v}$. كذلك يمكننا أن نكتب T بالنسبة إلى السرعة الزاوية ω كما يلي:

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

50

مثال (3)

كرة كتلتها 150g مربوطة بطرف خيط تدور بحركة دائرية منتظمة على مسار دائري نصف قطره يساوي 60cm . تصنع الكرة دورتين كاملتين في الثانية الواحدة.

(أ) احسب مقدار السرعة الخطية للكرة.

(ب) احسب العجلة المركزية.

طريقة التفكير في الحل

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: $m = (150)\text{g}$

$r = (0.6)\text{m}$

غير المعلوم:

(أ) السرعة الخطية: $v = ?$

(ب) العجلة المركزية: $a_c = ?$

2. احسب غير المعلوم

(أ) باستخدام العلاقة الرياضية $\omega = \frac{v}{r}$

$\omega = \frac{2 \times 2\pi}{1} = \frac{2 \times 2\pi}{1} = (12.56)\text{rad/s}$

لإيجاد السرعة الخطية يمكننا استخدام المعادلة الرياضية التالية:

$v = r \omega$

وبالتعويض عن المقادير المعلومه نحصل على:

$v_1 = r \omega = 0.6 \times 12.56 = (7.54)\text{m/s}$

(ب) لإيجاد العجلة المركزية، نعوض المقادير المعلومه في العلاقة:

$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{7.54^2}{0.6} = (94.7)\text{m/s}^2$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

إنّ مقدار العجلة المركزية كبير بالمقارنة مع مقدار العجلة الخطية في الحركة الخطية.

8. الحركة الدائرية منتظمة العجلة

Uniformly Accelerated Circular Motion

عندما يدور جسم بسرعة زاوية تغيّر بانتظام تكون العجلة الزاوية α ، والتي تساوي معدل تغيّر السرعة الزاوية، ثابتة القيمة. هذا يعني أن الحركة هي حركة دائرية منتظمة العجلة. هناك تشابه كبير بين الحركة الخطية منتظمة العجلة التي درسناها في السنوات السابقة والحركة الدائرية منتظمة العجلة. وبسبب لنا هذا التشابه بوضع معادلات الحركة الدائرية منتظمة العجلة على شكل معادلات الحركة الخطية منتظمة العجلة، وذلك باستبدال السرعة الخطية v بالسرعة الزاوية ω ، والعجلة الخطية a بالعجلة الزاوية α .

51

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أيّ التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركز على السبب الذي أدى إلى سوء الفهم، مشدداً على ضرورة الاستخدام الصحيح للوحدات الصحيحة أثناء حلّ المسائل، والتوصل إلى إجابات منطقية.

اطلب إلى الطلاب تنفيذ «المسائل مع إجابات» التي لم يستخدموها أثناء الشرح. يمكنهم أن يحلوا الأمثلة المحولة إذا لم تنطبق إلى حلها أثناء الشرح أو أعطهم مسائل مشابهة.

إجابات أسئلة الدرس 1-2

أولاً - الإزاحة الزاوية هي الزاوية التي تُقاس بين الخط المرجعي والخط المارّ بالنقطة المتحركة ومحور الدوران، وهي تصف حركة النقطة على المسار الدائري، وتُقاس بحسب النظام الدولي للوحدات بوحدة الرديان.

ثانياً - السرعة الخطية هي سرعة مماسية للمسار الدائري تُقاس بوحدة m/s، ويختلف مقدارها بحسب بعد الجسم عن محور الدوران. بينما السرعة الدائرية (الزاوية) هي عدد الدورات في وحدة الزمن وتُقاس بوحدة rad/s، ولا يختلف مقدارها بحسب قربها عن محور الدوران أو بعدها عنه.

ثالثاً - تزيد السرعة المماسية بزيادة السرعة الدائرية (الزاوية).

رابعاً - باستخدام العلاقة $s = r\theta$ نستنتج أن $\theta = \frac{s}{r}$ ، وبالتعويض عن المقادير المعروفة نحصل على $\theta = \frac{2}{10} = (0.2)\text{rad}$

$$\omega = \frac{\theta}{t} = \frac{0.2}{2} = (0.1)\text{rad/s}$$

$$\omega = \frac{2\pi \cdot 600}{60} = (20)\pi \text{ rad/s}$$

$$v = r\omega = 0.4 \times 20\pi = (25.13)\text{m/s}$$

$$v = r\omega = 1 \times 5 = (5)\text{m/s}$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{5^2}{1} = (25)\text{m/s}^2$$

$$v = r\omega = 2.4 \times 0.5 = (1.2)\text{m/s}$$

$$\theta = \omega t = 0.5 \times 120 = (60)\text{rad}$$

$$N = \frac{\theta}{2\pi} = \frac{60}{6.28} = (9.55)\text{rev}$$

(ج) العجلة المماسية: يساوي صفراً

$$\theta'' = (0)\text{rad/s}^2$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{1.2^2}{2.4} = (0.6)\text{m/s}^2$$

$$\omega = \theta''t + \omega_0 = 2 \times 5 = (10)\text{rad/s}$$

$$\Delta\theta = \frac{1}{2} \theta'' t^2 = \frac{1}{2} \times 10 \times 25 = (125)\text{rad}$$

$$N = \frac{\theta}{2\pi} = \frac{125}{6.28} = 19.9 \text{ rev}$$

والإزاحة الخطية x ، بالإزاحة الزاوية θ نحصل على المعادلات على الشكل التالي:

$$\Delta\theta = \frac{1}{2} \theta'' t^2 + \omega_0 t$$

$$\omega = \theta'' t + \omega_0$$

أما إذا انطلق الجسم من نقطة المرجع فتكون $\theta_0 = 0 \text{ rad}$ ، وإذا انطلق من السكون تكون $\omega_0 = 0 \text{ rad/s}$.

مثال (4)

تدور النقطة M حول محور عجلة نصف قطرها 50cm من السكون وبمعجلة زاوية منتظمة $\theta'' = (10)\text{rad/s}^2$ (شكل 48).

(أ) احسب سرعتها الزاوية بعد 10 ثوانٍ.

(ب) احسب عدد الدورات التي تدورها النقطة M خلال 10 ثوانٍ.

طريقة التفكير في الحل

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: المعجلة: $\theta'' = 10 \text{ rad/s}^2$

انطلاق من السكون: $\omega_0 = (0)\text{rad/s}$

الزمن: $\Delta t = (10)\text{s}$

غير المعلوم:

(أ) السرعة الزاوية: $\omega = ?$

(ب) عدد الدورات التي تدورها النقطة M خلال 10 ثوانٍ: $N = ?$

2. احسب غير المعلوم

(أ) باستخدام العلاقة الرياضية $\omega = \theta'' t$ ، حيث الحركة هي حركة دائرية منتظمة المعجلة، وبالتعويض عن المقادير المعروفة نحصل على:

$$\omega = 10 (10) = (100)\text{rad/s}$$

(ب) باستخدام العلاقة الرياضية $\Delta\theta = \frac{1}{2} \theta'' t^2$ ، وبالتعويض عن المقادير المعروفة نحصل على:

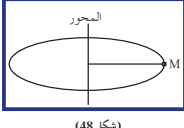
$$\theta = \frac{1}{2} (10) (100) = (500)\text{rad}$$

ولحساب عدد الدورات،

$$\theta = 2\pi N \Rightarrow N = \frac{\theta}{2\pi} = \frac{500}{2 \times 3.14} = (79.61)\text{rev}$$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

إن عدد الدورات لعجلة تدور بسرعة زاوية $(100)\text{rad/s}$ ولفترة زمنية مقدارها 10 ثوانٍ يُعتبر منطقياً.



(شكل 48)

مراجعة الدرس 1-2

أولاً - عرّف الإزاحة الزاوية.

ثانياً - ما الفرق بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية؟

ثالثاً - عند مسافة معينة من محور الدوران، كيف تتغير السرعة الخطية (أو المماسية) بتغير السرعة الزاوية؟

رابعاً - جسم يتحرك بسرعة منتظمة على مسار دائري نصف قطره

(10)m. إذا رسم قوساً كما في الشكل (49)، احسب:

(أ) الإزاحة الزاوية للجسم.

(ب) السرعة الزاوية لحركة الجسم إذا استغرقت الإزاحة ثابنتين.

خامساً - قرص يدور حول مركزه بسرعة (600) دورة في الدقيقة.

(أ) احسب السرعة الزاوية لأيّ نقطة على حافة القرص.

(ب) احسب السرعة الخطية v لهذه النقطة إذا كان نصف قطر القرص

(40)cm.

سادساً - كتلة مقدارها (2)kg تدور بسرعة دائرية (زاوية) قدرها

(5)rad/s على مسار دائري نصف قطره (1)m.

(أ) احسب سرعتها الخطية.

(ب) احسب العجلة المركزية.

سابعاً - يدور جسم مربوط بخيط في دائرة قطرها (240)cm بسرعة

زاوية بحيث تعمل 30 دورة في الدقيقة (شكل 50).

(أ) احسب سرعته الخطية.

(ب) احسب عدد الدورات التي يصنعها الجسم خلال دقيقتين.

(ج) احسب مقدار العجلة المماسية والعجلة الزاوية والعجلة المركزية.

ثامناً - تتحرك كتلة نقطية على مسار دائري بمعجلة زاوية منتظمة

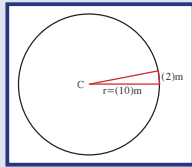
$\theta'' = (2)\text{rad/s}^2$.

(أ) احسب سرعتها الزاوية ω بعد 5 ثوانٍ علماً بأنّ النقطة انطلقت من

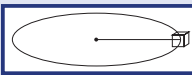
السكون من نقطة مرجعية $\theta_0 = 0$.

(ب) احسب إزاحتها الزاوية خلال المدة نفسها.

(ج) احسب عدد الدورات التي تدورها خلال المدة نفسها.



(شكل 49)



(شكل 50)

الأهداف

- ✓ يعرف القوة الجاذبة المركزية.
- ✓ يعدّد تطبيقات حول القوة الجاذبة المركزية في الحياة العملية.

الأدوات المستعملة: السيّورة، أقلام ملوّنة، أقراص مُدمّجة، شبكة الإنترنت.

صفحات الطالب: من ص 54 إلى ص 60

عدد الحصص: 3

صفحات الأنشطة: من ص 16 إلى ص 20

1. قدّم وحفّز

1.1 تنشيط المعرفة السابقة

لتقدير مدى معرفة الطلاب عن القوة الجاذبة المركزية، اطرح عليهم الأسئلة التالية:

- ✓ ما مقدار العجلة الخطيّة في الحركة الدائرية المنتظمة؟
- ✓ ما سبب وجود عجلة على الرغم من أنّ الحركة منتظمة السرعة؟
- ✓ ماذا نسمّي هذه العجلة؟ وما هو اتجاهها؟

أطلب إلى الطلاب ذكر القانون الثاني لنيوتن، وتناقش معهم وادفعهم للتوصّل إلى ضرورة توفر قوة لكي يتحرّك الجسم بعجلة. أخبرهم أنّ هذه القوة المسبّبة للعجلة المركزية هي محور الدرس.

2.1 استخدام الصورة الافتتاحية للدرس

دع الطلاب يتفحصون الصورة الافتتاحية للدرس ويلاحظون اتجاه القوة الجاذبة المركزية التي تسحب الخيط نحو المركز. اسألهم عن اتجاه القوة الجاذبة المركزية، ودعهم يقارنون اتجاهها باتجاه العجلة المركزية المتّجهة نحو مركز الدوران. استخدم مناقشات الطلاب كمدخل لتعريف القوة الجاذبة المركزية.

2. علّم وطبّق

1.2 مناقشة

استخدم المثال المعطى في الدرس أو غيره من الأمثلة من الحياة اليومية لتلفت انتباه الطلاب إلى وجود القوة الجاذبة المركزية.

أطلب إلى أحد الطلاب على سبيل المثال أن يقوم بتدوير جسم مربوط بخيط فوق رأسه، وأطلب إلى الطلاب توقع القوى المؤثّرة على الجسم. إلفت انتباههم إلى أنّ زميلهم يضطرّ إلى سحب الخيط باستمرار إلى الداخل ليحافظ على دوران الكتلة، وإلى أنّ هذه القوة هي التي تحافظ على حركة الجسم على مساره الدائري وتسبّب العجلة المركزية، وتُسمّى القوة الجاذبة المركزية.

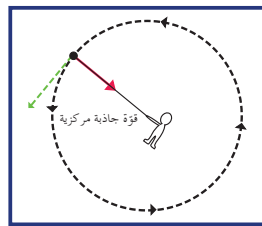
عرّف القوة الجاذبة المركزية على أنّها «القوة التي تسبّب حركة الجسم على المسار الدائري».

القوة الجاذبة المركزية
Centripetal Force

الدرس 2-2

الأهداف العامة

- ✓ يعرف القوة الجاذبة المركزية.
- ✓ يعدّد تطبيقات القوة الجاذبة المركزية في الحياة العملية.



(شكل 51)

إذا أفلت البعيط، ستخرج الكتلة عن المسار الدائري.

تعلّمنا في الدرس السابق عن الحركة الدائرية المنتظمة واستنتجنا أنّها لا تعني إطلاقاً أنّ العجلة تساوي صفراً، لأنّ مقدار السرعة الخطيّة للجسم يكون ثابتاً، أمّا اتجاه السرعة فيتغيّر على المسار الدائري، ما يكسب الجسم عجلة مركزية لها اتجاه نحو مركز الدائرة. لكن وفقاً للقانون الثاني لنيوتن، يجب أن يكون هناك قوة تؤثر على الجسم لكي يتحرّك بعجلة. فما هي القوة المسبّبة للعجلة المركزية؟ وما أنواعها؟ هذا ما سنستقصي عنه في سياق الدرس.

1. القوة الجاذبة المركزية

Definition of the Centripetal Force

عندما تجعل كتلة مميّنة في نهاية خيط تدور فوق رأسك (شكل 51)، تلاحظ أنّك يجب أن تسحب الخيط باستمرار إلى الداخل لتحافظ على دوران الكتلة فوق رأسك في مسار دائري، لأنّك إذا أفلت الخيط ستلاحظ خروجه عن المسار الدائري. فالقوة التي تسبّب الحركة الدائرية للكتلة ويكون اتجاهها دائماً نحو مركز الدائرة تُسمّى القوة الجاذبة المركزية.

دع مجموعة من الطلاب تتحقق عملياً من القوة الجاذبة المركزية من خلال تكرار النشاط الذي قام به زميلهم. ونبههم إلى الخطأ الشائع الذي يعتقد بأن الأجسام المتحركة على مسار دائري تكون مدفوعة بقوة نحو الخارج. فالصحيح هو أن الأجسام المتحركة في مسار دائري تكون تحت تأثير القوة الجاذبة المركزية التي تجذبها نحو مركز المسار الدائري.

2.2 مناقشة

لفت انتباه الطلاب إلى أن القوة الجاذبة المركزية ليست نوعاً جديداً من القوى، فهي أي قوة متجهة تصنع زاوية عمودية على المسار الدائري. فقوة الجاذبية الأرضية التي تجعل القمر يدور حول الأرض هي قوة جاذبة مركزية، والقوة الكهربائية بين النواة والإلكترونات والتي تجعل الإلكترونات تدور حول النواة هي قوة جاذبة مركزية. وضح للطلاب أن قوة الاحتكاك بين عجلة السيارة والمسار الدائري هي قوة مركزية، وأن غيابها يجعل السيارة تخرج عن مسارها الدائري وتنزل على الطريق، تماماً مثل غياب قوة الشد على الخيط التي جعلت الكتلة تخرج عن مسارها الدائري.

3.2 مناقشة

ذكر الطلاب بنص القانون الأول لنيوتن الذي ينص على أن الجسم لا يحتاج إلى قوة ليحافظ على حركته الخطية المنتظمة. اعتمد على القانون الأول لنيوتن لتشرح ضرورة توفر قوة خارجية لكي يستطيع الجسم أن يغير اتجاهه ويكتسب عجلة مركزية.

استخدم الشكل (53) في كتاب الطالب ص 55. طبق القانون الثاني لنيوتن على كتلة الجسم الذي يدور بحركة منتظمة لتستنتج مقدار القوة الجاذبة المركزية.

لخص للطلاب أن مقدار القوة الجاذبة المركزية يتناسب طردياً مع مربع السرعة وعكسياً مع نصف قطر المسار. وضح دور القوة الجاذبة المركزية في عمليات الطرد المركزي واعط الطلاب المثال عن الحوض المغزلي في الغسالة الأتوماتيكية. أسأل: هل القوة المؤثرة على الملابس أثناء دورانها المغزلي في الغسالة الأتوماتيكية في الاتجاه إلى الداخل أم في الاتجاه إلى الخارج؟ (إلى الداخل) وضح للطلاب أن جدار الحوض يذل قوة جاذبة مركزية على الملابس المبللة التي تتحرك بمسار دائري، في حين أن قطرات المياه تخرج في خط مستقيم من فتحات الحوض وفق القانون الأول لنيوتن، حيث لا توجد أي قوة مؤثرة عليها.

2. أنواع القوة الجاذبة المركزية

Types of Centripetal Force

القوة الجاذبة المركزية ليست نوعاً جديداً من القوى، وهي الاسم المعطى لأي قوة عمودية على المسار الدائري للجسم المتحرك. فقوة الجاذبية الأرضية التي تعمل على جذب القمر وتجعله يدور حولها بحركة شبه دائرية هي قوة جاذبة مركزية. وقوة الجذب الكهربائية بين النواة والإلكترونات التي تسبب دوران الإلكترونات حول نواة الذرة هي قوة جاذبة مركزية. وقوة الاحتكاك بين إطارات السيارة والمسار الدائري هي أيضاً قوة جاذبة مركزية تمنع السيارة من الانزلاق على المسار الدائري (شكل 52).

3. مقدار القوة الجاذبة المركزية

Magnitude of the Centripetal Force

تعلّمنا في الصف العاشر، ووفقاً للقانون الأول لنيوتن، أن الجسم الذي يسير بسرعة منتظمة في خط مستقيم لا يحتاج إلى أي قوى ليحافظ على حركته الخطية المنتظمة. أما لتغيير اتجاه الحركة، فلا بد من وجود قوة خارجية تعمل على ذلك. وهذا ما يحدث خلال الحركة الدائرية المنتظمة. القوة الجاذبة المركزية تؤثر على حركة الجسم في كل نقطة على مساره الدائري، وتجعله يغير مساره باستمرار ويكتسب عجلة مركزية. لنأخذ الكتلة المثبتة بطرف الخيط والتي تتحرك حركة دائرية منتظمة. القوى المؤثرة على الكتلة هي ثقل الكتلة والقوة $\vec{F}$ المبذولة على الخيط (شكل 53)، لكن للقوة $\vec{F}$ مركبات أفقية ورأسية.

$$\vec{F} = \vec{F}_v + \vec{F}_h$$

تتساوى المركبة الرأسية $\vec{F}_v$ في المقدار وتتعاكس في الاتجاه مع ثقل الجسم. هذا يعني أن محصلة القوى التي تؤثر على الكتلة هي المركبة الأفقية $\vec{F}_h$ واتجاهها نحو مركز الدائرة، أي أنها القوة الجاذبة المركزية $\vec{F}_c$.

تطبيق القانون الثاني لنيوتن:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\vec{F}_c = m\vec{a}_c$$

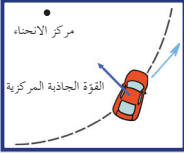
وبما أن العجلة a هي عجلة مركزية مقدارها $a_c = \frac{v^2}{r}$

فإن مقدار القوة الجاذبة المركزية هو:

$$\vec{F}_c = \frac{mv^2}{r}$$

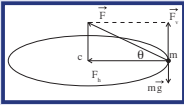
ولنلخص ما سبق نقول:

إن القوة الجاذبة المركزية هي ببساطة تسمية تطلق على قوة أو محصلة لعدة قوى مؤثرة على جسم يتحرك حركة دائرية منتظمة تكسبه تسارعاً مركزياً يتناسب مقداره طردياً مع مربع السرعة الخطية، ويتناسب عكسياً مع نصف قطر المسار.



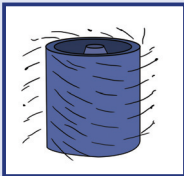
(شكل 52)

(الصورة إلى أعلى) من أجل أن تدور السيارة في منحنى، يجب أن يكون هناك احتكاك كافٍ لكي تنشأ القوة الجاذبة المركزية المطلوبة. (الصورة إلى أسفل) إذا كانت قوة الاحتكاك غير كافية، سوف يحدث انزلاق جانبي بعيداً عن مركز الانحناء.



(شكل 53)

محصلة القوى على الخيط هي القوة الجاذبة المركزية نحو مركز الدائرة.



(شكل 54)

تتحرك الملابس في مسار دائري ولا يحدث ذلك للماء.

وتؤدي القوة الجاذبة المركزية الدور الأساسي في عمليات الطرد المركزي. وهناك مثال مألوف لنا وهو الحوض المغزلي في الغسالة الأتوماتيكية (شكل 54)، حيث نجد أن الحوض يدور بسرعة كبيرة أثناء دورته المغزلية، ويبدأ الجدار الداخلي للحوض قوة جاذبة مركزية على الملابس المبللة التي تُجبر على التحرك في مسار دائري. يذل الحوض قوة كبيرة على الملابس، لكن الفتحات الموجودة في الحوض تمنع من بذل القوة نفسها على الماء الموجود في الملابس، فيخرج الماء من خلال فتحات الحوض. ومن المهم ملاحظة أن القوة تؤثر على الملابس لا على الماء. وليست القوة هي التي تجعل الماء يخرج، بل إنه يخرج لأنه يميل إلى التحرك بالقصور الذاتي في مسار خط مستقيم (القانون الأول لنيوتن) ما لم تؤثر عليه قوة جذب مركزية أو أي قوة أخرى.

مثال (1)

سيارة كتلتها 1.5 tons تتحرك بسرعة منتظمة على طريق دائرية نصف قطرها 50m. أحسب القوة المركزية المؤثرة على السيارة إذا أكملت خمس دورات في 314s.

علماً بأن 1 ton = 1000 kg

طريقة التفكير في الحل

1. حل: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: كتلة السيارة: $m = (1500) \text{ kg}$

نصف قطر المسار: $r = (50) \text{ m}$

عدد الدورات $N = 5$

المدة الزمنية لإتمام الدورات الخمس: $\Delta t = t = (314) \text{ s}$

غير المعلوم:

القوة المركزية: $F_c = ?$

2. احسب غير المعلوم

بما أن الحركة الدائرية هي حركة منتظمة، فيمكن حساب السرعة الزاوية ω باستخدام العلاقة الرياضية التالية:

$$\omega = \frac{\theta}{t} = \frac{2\pi N}{t}$$

$$\omega = \frac{2 \times 3.14 \times 5}{314} = (0.1) \text{ rad/s}$$

وباستخدام العلاقة الرياضية بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية: $v = r \omega$

وبالتعويض عن المقادير المعلوم نحصل على: $v = 50 \times 0.1 = (5) \text{ m/s}$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

$$F_c = \frac{mv^2}{r} = \frac{1500 \times 25}{50} = (750) \text{ N}$$

يُعتبر مقدار القوة المركزية مقبولاً لتحفظ سيارة كتلتها 1500 kg على مسارها الدائري.

اشترك مع الطلاب في حلّ المثال المحلول (1) ص 56 مستخدماً العلاقات الرياضية بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية لإيجاد العجلة المركزية ولاستنتاج القوة الجاذبة المركزية.

وزّع الطلاب في مجموعات واعطهم الوقت الكافي للاطلاع على المثال المحلول (2) ص 57 ومناقشة الطريقة التي اعتمدت في تحليله للتوصل إلى الإجابات الصحيحة، ودعهم يناقشون النتائج. شجع الطلاب على تقييم النتيجة ليتحققوا من صحة إجاباتهم. إذا ارتأيت حاجتهم إلى المزيد من تدريبات نتيجة النقاشات بينهم، اعطهم الوقت الكافي للاطلاع على «المسائل مع الإجابات».

وزّع الطلاب في مجموعات لحلّ المسائل. دعهم يناقشون في ما بينهم للتوصل إلى الإجابات الصحيحة المعطاة. تحقق من تمكّنهم من التوصل إلى الإجابات الصحيحة المعطاة في كتابهم.

4.2 مناقشة

أعد تدوير الجسم المربوط بخيط واطلب إلى الطلاب توقع ما سيحدث للجسم لو أفلت الخيط من يدك؟ وبأي اتجاه سيتحرّك؟ ناقش توقعات الطلاب قبل أن تفلت الخيط من يدك. قد تلاحظ أنّ أحدهم يتوقع أنّه عند انقطاع الخيط أو تركه، يندفع الجسم للخارج باتجاه نصف القطر وهذا خطأ شائع.

أفلت الخيط ودع الطلاب يلاحظون أنّه عند انقطاع الخيط الذي يربط الجسم المتحرّك على مساره الدائري، يندفع الجسم للخارج باتجاه المماس.

استخدم القانون الأول لنيوتن لتفسّر حركة الجسم باتجاه المماس عند قطع الخيط أو افلاته، حيث أصبحت محصلة القوى المؤثرة على الجسم بغياب الاحتكاك تساوي صفراً، وبالتالي سيتابع الجسم حركة خطية منتظمة.

5.2 نشاط إضافي

وزّع الطلاب في مجموعات لتنفيذ نشاط «الحركة الدائرية» في كتاب الأنشطة ص 16. تأكد من أنّ المجموعات تنفّذ النشاط وفقاً للخطوات المطلوبة. اطلب إلى كلّ مجموعة أن تعرض ما توصّلت إليه من نتائج. لخّص النتائج الصحيحة واكتب العلاقات التي توصّلت إليها الطلاب.

6.2 مناقشة

ذكر الطلاب بأنّ قوة الاحتكاك بين عجلات السيارة والمسار الدائري هي قوة جاذبة مركزية تحفظ السيارة عند الالتفاف على المسار الدائري، وعندما لا تكون كافية، تنزلق السيارة باتجاه المماس.

عرّف معامل الاحتكاك الذي يؤثر على مقدار قوة الاحتكاك حيث أنّ قوة الاحتكاك $f = \mu N$.

مثال (2)

يطير الطائر بطائرته الصغيرة بسرعة (56.6 m/s) في مسار دائري نصف قطره يساوي (188.5 m) . احسب كتلة الطائفة إذا علمت أنّ القوة الجاذبة المركزية اللازمة لإبقائها على مسارها الدائري تساوي $(1.89 \times 10^4 \text{ N})$.



طريقة التفكير في الحل

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: نصف قطر المسار، $r = (188.5 \text{ m})$

السرعة المماسية، $v = (56.6 \text{ m/s})$

القوة المركزية، $F_c = (1.89 \times 10^4 \text{ N})$

غير المعلوم:

كتلة الطائفة، $m = ?$

2. احسب غير المعلوم

بالتعويض عن المقادير المعلوم في المعادلة: $F_c = \frac{mv^2}{r}$

نحصل على: $m = \frac{F_c r}{v^2} = \frac{1.89 \times 10^4 \times 188.5}{(56.6)^2} = (1112.09 \text{ kg})$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

يُعتبر مقدار الكتلة منطقياً لطائرة صغيرة وهذا يشير إلى صحة النتيجة.

4. زوال القوة الجاذبة المركزية

Omission of the Centripetal Force

خذ جسماً واربطه بخيط واجعله يدور فوق رأسك بسرعة ثابتة. في لحظة معينة، أقطع الخيط أو افلته. ماذا تلاحظ؟

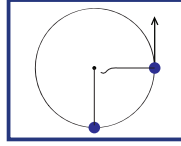
لا شك أنّك لاحظت، لحظة أفلت الخيط، أنّ الجسم انطلق بخط مستقيم وباتجاه المماس عند موقعه لحظة افلات الخيط.

لتفسير ذلك، نستخدم القانون الأول لنيوتن. فعند إزالة القوة الجاذبة

المركزية، يصبح مقدار محصلة القوى المؤثرة على الجسم صفراً في غياب

الاحتكاك، أي أنّه لا توجد أيّ قوة تغير اتجاه سرعته وتبقيه على المسار

الدائري، وبالتالي يتابع الجسم حركته بحركة خطية منتظمة (شكل 55).



(شكل 55)

عندما يقطع الخيط تكمل الكرة بخط مستقيم.

مسائل مع إجابات

1. عندما تستدير الطائرة أثناء

تحليقها بسرعة (50 m/s) على

مسار دائري قطره (360 m) ،

تحتاج لكي تحافظ على حركتها

الدائرية، إلى قوة جاذبة مركزية

مقدارها (20000 N) .

احسب مقدار كتلة الطائرة.

الإجابة: (1440 kg)

2. يتحرك ولد على دراجة بسرعة

خطية $v = (10 \text{ m/s})$ على مسار

دائري. علماً أنّ كتلة الدراجة

والولد تساوي (80 kg) والقوة

الجاذبة المركزية المسببة للدوران

تساوي (350 N) ، احسب نصف

قطر المسار.

الإجابة: $r = (22.85 \text{ m})$

للتأكد من استيعاب الطلاب لمفهوم قوة الاحتكاك ومعامل الاحتكاك السكوني، وزّعهم في مجموعات لتنفيذ نشاط «قياس قوة الاحتكاك» في كتاب الأنشطة ص 19. تأكد من أنّ المجموعات تنفّذ النشاط وفقاً للخطوات المطلوبة. اطلب إلى كلّ مجموعة أن تعرض ما توصّلت إليه من نتائج، ولخّص النتائج الصحيحة وما توصّلتوا إليه.

ناقش مع الطلاب المسألة الموجودة في كتاب الطالب ص 58، والتي تقارن بين تأثير قوتي احتكاك على التفاف السيارة.

دع الطلاب يستنتجون أنه عندما تكون قوة الاحتكاك أكبر من القوة الأفقية اللازمة لإبقاء السيارة على مسارها، لن تنزلق السيارة، بينما يحدث العكس عندما تكون قوة الاحتكاك أقل من القوة اللازمة لإبقاء السيارة على مسارها.

دع الطلاب يلاحظون تأثير الأمطار على تقليل معامل الاحتكاك، وبالتالي تقليل قوة الاحتكاك. اشرح لهم دور إمالة المنعطفات بزاوية مناسبة لإلغاء الاعتماد على الاحتكاك أثناء التفاف السيارة على المسار الدائري.

اشرح أن المركبة الأفقية لقوة رد فعل الطريق لها اتجاه نحو مركز تقوس المنعطف، وأن هذا يعني وجود سرعة محدّدة تستطيع أن تلتفّ بها السيارة بدون انزلاق وبدون الحاجة إلى الاحتكاك.

أخبر الطلاب أن هذه السرعة تُسمّى سرعة التصميم.

استخدم القانون الثاني لنيوتن لإيجاد العلاقة الرياضية بين المركبة الأفقية لقوة رد الفعل وسرعة التصميم.

ورّع الطلاب في مجموعات واعطهم الوقت الكافي للاطلاع على المثال المحلول (3) ص 59 ومناقشة الطريقة التي اعتمدت في تحليله للتوصل إلى الإجابات الصحيحة. دعهم يناقشون النتائج ويقدرّون ما إذا كانت الإجابة مقبولة.

3. قِيم وتوسّع

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

أطلب إلى الطلاب تعريف القوة الجاذبة المركزية. اسأل: هل هي نوع جديد من القوى؟

أطلب إليهم ذكر بعض الأمثلة على استخدام القوة الجاذبة المركزية في حياتهم اليومية، وحلّ بعض المسائل التطبيقية التي لم تتطرّق إليها أثناء الدرس.

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أيّ التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركّز على السبب الذي أدّى إلى سوء الفهم، مشدّدًا على ضرورة الاستخدام الصحيح للوحدات الصحيحة أثناء حلّ المسائل، والتوصل إلى إجابات منطقية.

اطلب إليهم تنفيذ بعض «المسائل مع إجابات» التي لم يستخدموها أثناء الشرح. يمكنهم أن يحلّوا الأمثلة المحولة إذا لم تتطرّق إلى حلّها أثناء الشرح أو أعطهم مسائل مشابهة.

5. تطبيقات حول القوة الجاذبة المركزية في الحياة العملية Applications of Centripetal Force in Practical Life

1.5 الانزلاق على المنعطفات الأفقية

سبق أن وضحنا أن انعطاف السيارة على طريق أفقية يحتاج إلى قوة مركزية كافية لإبقاء السيارة على مسارها الدائري، وهذا ما يجب أن توفره قوة الاحتكاك بين عجلات السيارة والطريق. فعندما لا تكون هذه القوة كافية، كما يحدث في الأيام الممطرة أو الجليد، أو إذا كانت العجلات بحالة سيئة، ستنزلق السيارة عن مسارها بسبب استمرار الحركة باتجاه المماس. ولفهم تأثير مقدار قوة الاحتكاك على التفاف السيارة، سنناقش المسألة التالية: سيارة كتلتها 1000 kg تنعطف على مسار دائري قطره 100 m على طريق أفقية بسرعة 14 m/s. هل تستطيع السيارة الالتفاف أم أنها ستنزلق في الحالتين التاليتين؟

الحالة الأولى: معامل الاحتكاك بين العجلات والطريق يساوي $\mu = 0.66$ عندما تكون الطريق جافة.

الحالة الثانية: معامل الاحتكاك بين العجلات والطريق يساوي $\mu = 0.25$ عندما تكون الطريق مبلّلة.

علّمنا أن معامل الاحتكاك μ يساوي نسبة قوة الاحتكاك $\vec{F}$ على قوة رد الفعل $\vec{N}$ ، أي $\mu = \frac{F}{N}$.

إن مجموع القوى المؤثرة على السيارة هي وزن السيارة إلى أسفل، رد الفعل من الطريق على السيارة رأسياً لأعلى ويساوي في المقدار وزن السيارة، وقوة الاحتكاك بين العجلات والطريق الأفقية $\vec{F}$ (شكلا 57 و 58).

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن لحساب مقدار القوة الجاذبة المركزية:

$$F = \frac{mv^2}{r}$$

نجد أن القوة الأفقية اللازمة لإبقاء السيارة على مسارها تساوي:

$$F = \frac{1000 \times 14^2}{50} = (3920) \text{ N}$$

ولو قارنا مقدار هذه القوة بمقدار قوة الاحتكاك الذي يمثل القوة الجاذبة المركزية لوجدنا ما يلي:

في الحالة الأولى، مقدار قوة الاحتكاك $\vec{F}_1$ تساوي:

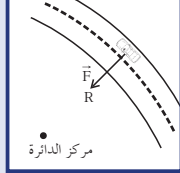
$$F_1 = \mu_1 \times mg = 0.6 \times 1000 \times 10 = (6000) \text{ N}$$

وهي أكبر من القوة اللازمة، وهذا يعني أن السيارة لن تنزلق أثناء الالتفاف. أمّا في الحالة الثانية عندما تكون الطريق مبلّلة، فمقدار قوة الاحتكاك $\vec{F}_2$ يساوي:

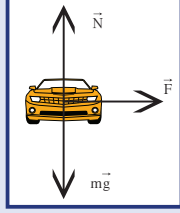
$$F_2 = \mu_2 \times mg = 0.25 \times 1000 \times 10 = (2500) \text{ N}$$

وهو أقل من القوة اللازمة للالتفاف، وهذا يعني بالتأكد انزلاق السيارة عن مسارها.

58

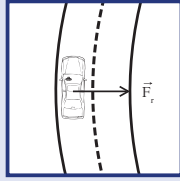


(شكل 56)



(شكل 57)

القوى المؤثرة على سيارة تنعطف على طريق أفقية



(شكل 58)

السيارة تدور من أعلى

2.5 المنعطفات المائلة

إن إمالة المنعطفات عن المستوى الأفقي بزاوية مناسبة، بشكل يجعل حافة الطريق الخارجية أعلى من الحافة الداخلية، يقلّل من احتمال الانزلاق لأنه يساعد السيارة على الالتفاف من غير الاعتماد على قوة الاحتكاك. فـقوة رد فعل الطريق تكون عمودية على الطريق، وبهذا يكون لها مركبة أفقية باتجاه مركز تقوس المنعطف (شكل 59).

هذا يعني أن هناك سرعة محدّدة تستطيع أن تنعطف بها السيارة بدون الحاجة إلى الاحتكاك على الإطلاق بين العجلات والطريق. وهذا يتحقّق عندما تكون المركبة الأفقية لرد الفعل مساوية للقوة المركزية اللازمة لجعل السيارة تنعطف على المسار الدائري.

$$N \sin \theta = \frac{mv^2}{r}$$

يتم اختيار زاوية إمالة الطريق بحسب هذا الشرط على سرعة معينة تُسمّى سرعة التصميم Design Speed.

(3) مثال

أحسب الزاوية التي يجب إمالة منعطف نصف قطره 50 m ليسمح للسيارة بالانعطاف عليه بسرعة 50 km/h بدون الحاجة إلى قوة الاحتكاك بين العجلات والطريق.

طريقة التفكير في الحلّ

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: نصف قطر المسار، $r = (50) \text{ m}$

سرعة التصميم: $v = (50) \text{ km/h} = (13.88) \text{ m/s}$

غير المعلوم:

زاوية الإمالة: $\theta = ?$

2. احسب غير المعلوم

القوى المؤثرة على السيارة هي وزن السيارة و رد فعل الطريق $\vec{N}$.

القوة الوحيدة التي تعمل بالاتجاه الأفقي نحو مركز الالتفاف هي

المركبة الأفقية لقوة رد الفعل وبالتالي، $N \sin \theta = \frac{mv^2}{r}$

لكن المركبة العمودية لرد الفعل تساوي وزن السيارة أي:

$$N \cos \theta = mg \text{ وهذا يعني أن } N = \frac{mg}{\cos \theta}$$

وبالتعويض عن المقادير في المعادلة $N \sin \theta = \frac{mv^2}{r}$ نحصل على:

$$\tan \theta = \frac{v^2}{rg} = \frac{(13.88)^2}{50 \times 10} = 0.385$$

$$\theta = 21.07^\circ$$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

يُعتبر مقدار زاوية الإمالة للمنعطف مناسباً أو مقبولة منطقياً للسرعة

(50) km/h.

(شكل 59)

إمالة الطريق عند المنعطفات وتحليل قوة رد الفعل إلى مركبتين

أولاً - سيكون اتجاه القوة إلى الداخل نحو المركز.

$$F = \frac{mv^2}{r} \Rightarrow v^2 = \frac{Fr}{m} = \frac{2500 \times 32.5}{1000} \quad \text{ثانياً -}$$

$$= (81.25)m^2/s^2$$

$$v = (9)m/s$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{(1.25)^2}{1.1} = (1.42)m/s^2 \quad \text{ثالثاً - (أ)}$$

$$F = \frac{mv^2}{r} = 25 \times 1.42 = (35.5)N \quad \text{(ب)}$$

رابعاً - إن القوة الجاذبة المركزية هي قوة الاحتكاك بين العجلات والطريق الأفقية، وتُحتسب بالعلاقة التالية:

$$f = \mu N = 0.8 \times 15000 = (12000)N$$

$$12000 = \frac{1500v^2}{70} \Rightarrow v = (23.66)m/s$$

$$F = \frac{mv^2}{r} = \frac{4000 \times 2500}{180} = (55555.5)N \quad \text{خامساً -}$$

$$N \sin \theta = \frac{mv^2}{r} \quad \text{سادساً - باستخدام المعادلة الرياضية التالية:}$$

$$\text{لكن } N = \frac{mg}{\cos \theta} \quad \text{وبالتعويض عن مقدار } N \text{ في المعادلة}$$

$$mg \tan \theta = \frac{mv^2}{r} \quad \text{السابقة نحصل على:}$$

$$v^2 = rg \tan \theta = 50 \times 10 \tan 25 = 233$$

$$v = (15.27)m/s$$

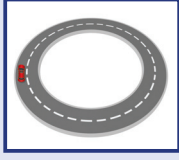
$$v = (13.88)m/s \quad \text{سابعاً - السرعة}$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{(13.88)^2}{200} = (0.96)m/s^2 \quad \text{(أ) العجلة المركزية:}$$

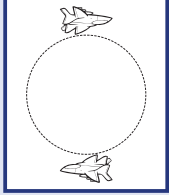
$$F = 1350 \times 0.96 = (1296)N \quad \text{(ب) القوة:}$$

$$\mu = \frac{f}{mg} = \frac{1296}{13500} = 0.096 \quad \text{(ج)}$$

مراجعة الدرس 2-2



(شكل 60)



(شكل 61)

أولاً - عند جعل كتلة مثبتة في نهاية خيط تدور في مسار دائري، ما اتجاه القوة المؤثرة على الكتلة؟

ثانياً - سيارة كتلتها 1000kg تتحرك على مسار دائري نصف قطره يساوي 32.5m (شكل 60). إذا كان مقدار القوة الجاذبة المركزية على السيارة 2500N، أحسب السرعة المماسية للسيارة.

ثالثاً - يجلس ولد كتلته 25kg على بعد 1.1m من محور دوران الأرجوحة الدوارة التي تتحرك بسرعة 1.25m/s.

(أ) أحسب العجلة المركزية للولد.

(ب) أحسب محصلة القوى الأفقية التي تؤثر على الولد.

رابعاً - ما هي السرعة القصوى التي يمكن أن يقود بها سائق سيارته التي كتلتها 1500kg بحيث يستطيع أن يتعطف على مسار دائري نصف قطره 70m على طريق أفقية، علماً أن معامل الاحتكاك السكوني بين العجلات والطريق يساوي 0.8؟

خامساً - أحسب مقدار القوة الجاذبة المركزية التي تحتاجها طائرة كتلتها 4000kg أثناء تحليقها بسرعة 50m/s على مسار دائري قطره 360m لتحافظ على حركتها الدائرية على هذا المسار (شكل 61).

سادساً - أحسب السرعة القصوى التي يمكن لسائق سيارة كتلتها 1500kg أن يتعطف بها على منحنى مائل بزاوية 25° ونصف قطره 50m، بدون الحاجة إلى قوة الاحتكاك بين العجلات والطريق.

سابعاً - سيارة كتلتها 1350kg تتعطف بسرعة 50km/h على مسار دائري أفقي قطره 400m.

(أ) أحسب العجلة المركزية للسيارة.

(ب) أحسب مقدار القوة الجاذبة المركزية.

(ج) ما هو مقدار أصغر معامل الاحتكاك بين العجلات والطريق، والذي يسمح للسيارة بالالتفاف بدون انزلاق؟

صفحات الطالب: من ص 61 إلى ص 65

عدد الحصص: 3

الأهداف

- ✓ يعرف القوة الطاردة المركزية .
- ✓ يفسر وجود القوة الطاردة المركزية داخل الأنظمة الدوارة .
- ✓ يستنتج أن القوة الطاردة المركزية هي قوة خيالية زائفة .

الأدوات المستعملة: السبورة ، أقلام ملونة ، أقراص مُدمجة ، أفلام فيديو ، شبكة الإنترنت .

1. قَدِّم وَحَفِّزْ

1.1 تنشيط المعرفة السابقة

- لتقدير مدى معرفة الطلاب عن القوة الطاردة المركزية ، اطرح عليهم الأسئلة التالية:
- هل اندفاع قطرات الماء خارج حوض الغسالة الأتوماتيكية كان نتيجة قوة طاردة؟
- هل انقطاع الخيط الذي يربط الجسم الذي يدور ، وابتعاد هذا الجسم عن مركز الدوران هو نتيجة قوة طاردة مركزية؟
- هل توجد قوة طرد مركزي؟ هل هي قوة وهمية؟
- ما هي شروط وجودها أو الإحساس بها؟
- أخبر الطلاب بأن الإجابة عن هذه الأسئلة هي محور الدرس .

2.1 استخدام الصورة الافتتاحية للدرس

- دع الطلاب يتفحصون الصورة الافتتاحية للدرس ويلاحظون اتجاه حركة الجسم بعد انقطاع الخيط ، إسأل:
- لماذا لم يتحرك الجسم بعيداً عن مركز الدوران؟
- ذكّرهم بما تعلّموه في الدرس السابق عن حركة الجسم وفقاً للقانون الأول لنيوتن . واستخدم مناقشاتهم كمدخل لتعريف موضوع الدرس .

2. علِّم وَطَبِّقْ

1.2 مناقشة

- وضّح للطلاب أن لا وجود لقوة تسحب الجسم الذي يدور إلى الخارج كما يعتقد الكثير من الناس . ولو كانت هناك قوة طاردة مركزية ، لاندفع الجسم بعيداً باتجاه نصف القطر ولما كان اندفع في خطّ مستقيم مماساً للمسار الدائري .
- تأكّد من أن الطلاب قادرين على تفسير اندفاع الجسم على خطّ المماس وفقاً للقانون الأول لنيوتن ، حيث أنّه بانقطاع الحبل لم تعد تؤثر أيّ قوة على الجسم ، فيكمل حركته بسرعة منتظمة في خطّ مستقيم .

القوة الطاردة المركزية Centrifugal Force

الدرس 2-3

الأهداف العامة

- ✓ يعرف القوة الطاردة المركزية .
- ✓ يفسر وجود القوة الطاردة المركزية داخل الأنظمة الدوارة .
- ✓ يستنتج أن القوة الطاردة المركزية هي قوة خيالية زائفة .

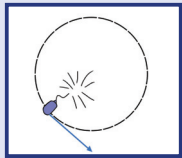
وصفنا في الدرس السابق سبب حدوث الحركة الدائرية الذي يعود إلى قوة موجهة إلى مركز الدائرة . لكن في بعض الأحيان تُنسب إلى الحركة الدائرية قوة إلى الخارج تُسمّى القوة الطاردة المركزية Centrifugal Force . وتعني كلمة طرد مركزي الهروب من المركز أو الابتعاد عن المركز . لكن هل هذه القوة هي قوة فعلية مثل القوة الكهرومغناطيسية أو القوة النووية أو قوة التجاذب المادي؟ هل هي نتيجة تفسير خاطئ لمشاهدة أثناء حركة دائرية؟ هل هذه القوة مرتبطة بشروط محدّدة في نظام معيّن؟ الإجابات على هذه التساؤلات هي محور هذا الدرس .

1. القوة الجاذبة المركزية والقوة الطاردة المركزية

Centripetal and Centrifugal Forces

هناك اعتقاد شائع وخاطئ ، عند جعل العلبة المربوطة في نهاية خيط تدور ، بأن القوة الطاردة المركزية هي التي تسحب العلبة إلى الخارج . إذا قطع الخيط الذي يمسك بالعلبة (شكل 62) ، غالباً ما نخطئ في اعتبار أن القوة الطاردة المركزية هي التي سحبت العلبة من مسارها الدائري . ففي الواقع ، عند قطع الخيط ، تندفع العلبة في مسار مماسٍ لخطّ مستقيم لأنها غير متأثرة بأيّ قوة . سوف نوضح ذلك في مثال آخر .

افترض أنك راكب سيارة توقفت فجأة ، وأنت لم تكن ترتدي حزام الأمان ، سوف تندفع إلى الأمام باتجاه زجاج السيارة الأمامي . وعندما يحدث ذلك ، لن تقول إن شيئاً دفعك إلى الأمام لأنك تعلم أن هذا الاندفاع حدث بسبب غياب قوة كان يوفرها حزام الأمان . وبالمثل ، إذا كنت في سيارة تدور في منعطف شديد باتجاه اليسار ، تميل إلى الاندفاع خارجها باتجاه الباب الأيمن ، لماذا؟ لا يحدث ذلك بفعل قوة خارجية أو قوة طاردة مركزية ، إنّما بسبب عدم وجود قوة جاذبة مركزية تحفظك في الحركة الدائرية . أمّا فكرة وجود قوة طاردة مركزية تدفعك بعنف باتجاه باب السيارة ، فهي اعتقاد خاطئ .



(شكل 62)
عندما يقطع الخيط ، تتحرك العلبة الدائرية في خطّ مستقيم مماسٍ لمسارها الدائري (وليس خارجاً عن مركزها) .

استعمل المثال الآخر لراكب السيارة الذي ينعطف باتجاه الباب عندما تلتف السيارة لتؤكد للطالب أن حدوث هذا ليس بسبب قوة خارجية أو قوة طاردة مركزية بل بسبب عدم وجود قوة جذب مركزية تحفظ راكب السيارة في الحركة الدائرية.

شدّد على عدم وجود قوة طاردة مركزية باتجاه باب السيارة. وأن اندفاع الشخص نحو باب السيارة يرجع إلى القصور الذاتي وهو ميل الأجسام إلى اتباع مسار مستقيم عند غياب القوة الجاذبة المركزية. اشرح للطالب أن القوة الجاذبة المركزية في الشكل (64) ص 62 حيث الحشرة داخل العلبه التي تدور هي نتيجة ضغط العلبه على قوائم الحشرة وأنه لا يوجد قوة طرد تؤثر في الحشرة إذا نظرنا من نقطة اسناد خارجية.

وضّح الفرق بين القوة الجاذبة المركزية كقوة حقيقية إلى داخل المسار الدائري والقوة الطاردة المركزية كقوة تخيلية تعمل إلى الخارج.

2.2 مناقشة

ذكر الطالب بأن الحركة في الفيزياء هي نسبية وتعتمد على الإطار المرجعي الذي نرى من خلاله.

فيمكن لجسم أن يبدو متحرّكًا بالنسبة إلى إطار مرجعي وأن يبدو في سكون بالنسبة إلى إطار مرجعي آخر.

استخدم المثال الموجود في كتاب الطالب ص 63 لتوضيح مفهوم نسبية حركة الشخص الموجود في القطار بالنسبة للأطر المرجعية المختلفة.

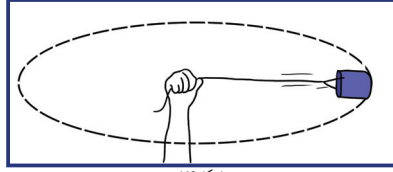
بعد أن تتأكد من استيعاب الطالب لأهمية الإطار المرجعي وتأثيره في وصف الحركة، ابدأ بطرح مفهوم القوة الطاردة المركزية تلك القوة التي تعمل في اتجاه نصف القطر إلى الخارج بالنسبة إلى إطار مرجعي محدد داخل النظام الدوار.

استعمل من جديد مثال الحشرة داخل العلبه لتوضح كيف أن القوة الوحيدة المؤثرة على الحشرة بالنسبة إلى الإطار المرجعي خارج النظام الدوار هي القوة الجاذبة المركزية المبدولة من قاع العلبه على قوائم الحشرة بينما بالنسبة إلى الإطار المرجعي الدوار داخل العلبه نجد أن هنالك قوة طاردة مركزية تؤثر بها قوائم الحشرة على قاع العلبه وكأنها قوة جاذبية تشبه قوة الجاذبية الأرضية.

أكد الفرق الكبير بين قوة الجاذبية الحقيقية والتي هي نتيجة تفاعل بين كتلتين (كتلة الجسم وكتلة الأرض) وقوة الجاذبية نتيجة الدوران وليست نتيجة التفاعل بين كتلتين.

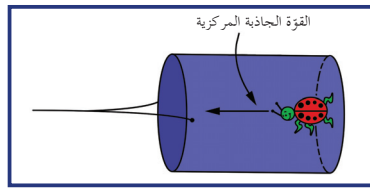
أكد للطالب أن القوة الطاردة المركزية هي قوة وهمية غير حقيقية من حيث عدم وجود فعل تبادلي في حين أن القوة الحقيقية هي فعل تبادلي بين جسم وآخر.

لذلك، عندما تجعل علبه صغيرة تدور في مسار دائري، لا توجد قوة تسحب العلبه إلى الخارج، ولكنها قوة من الخيط مؤثرة على العلبه فحسب لسحبها إلى الداخل. أما القوة الخارجية فتؤثر على الخيط وليس على العلبه (شكل 63).



(شكل 63)
قوة واحدة فقط تؤثر على العلبه الدائرية أثناء حركتها (بالإسناد الجاذبية والاحتكاك مع الهواء) ونتجه مباشرة نحو مركز الحركة الدائرية، وهذه القوة هي القوة الجاذبة المركزية. ولا توجد قوة خارجية أخرى تؤثر على العلبه.

لنفترض الآن وجود حشرة داخل علبه دائرية الشكل (شكل 64). تضغط العلبه باتجاه الحشرة، وتمدها بالقوة الجاذبة المركزية التي من شأنها أن تبقىها في مسار دائري. أما الحشرة فتتضغط بدورها على أرضية العلبه. وبإهمال الجاذبية، نجد أن القوة الوحيدة المؤثرة على الحشرة هي قوة العلبه على أقدامها. ومن نقطة إسنادنا الخارجية الثابتة، نلاحظ عدم وجود قوة طاردة مركزية تؤثر في الحشرة، تمامًا مثل عدم وجود قوة طاردة مركزية تؤثر على الشخص الذي يندفع باتجاه باب السيارة. لذلك لا يُعزى تأثير القوة الطاردة المركزية إلى أي قوة حقيقية، إنّما يرجع إلى القصور الذاتي، وهو ميل الأجسام المتحركة لاتباع مسار خط مستقيم في غياب القوى المركزية.



(شكل 64)
تردّد العلبه دائرية الشكل الحشرة بالقوة الجاذبة المركزية اللازمة لبقاء الحشرة في المسار الدائري.

62

مقدمة إرشادية

توظيف الفيزياء

مصنّم القطار الدوّار في المدينة الترفيهية

صنّم أول قطار دوّار صغير في المدينة الترفيهية في العام 1884 في الولايات المتحدة الأمريكية. وتضنّن هذا القطار العديد من الآلات الاهتزازية التي تساعد في الارتفاع إلى أكثر من 100m، وتصل سرعته إلى أكثر من 150km/h. يستخدم مصنّم القطار الدوّار ومهندسو التصميمات الميكانيكية القوانين الفيزيائية بغرض تحقيق الإثارة والأمان لركاب القطار. والجدير بالذكر هو أنّه على المصنّم فهم كيفية اجتياز قطار المدينة الترفيهية الدوّار للدوائر الطويلة بدون بذل قوة كبيرة على الركّاب. يجري مصنّم القطارات الدوّارة الحديثة اختبارًا أوليًا للمصنّم على الكمبيوتر للتعرف على أي مشكلة قد تحدث قبل البدء في تصنيع القطار. وقد صنّم العديد من الشركات الخاصة قطارات دوّارة في العديد من المدن الترفيهية في جميع أنحاء العالم.

2. القوة الطاردة المركزية في إطار مرجعي دوّار

Centrifugal Force in Rotating Reference

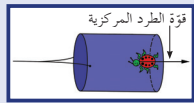
نحن نعلم أنّ نظرنا للطبيعة في الفيزياء تعتمد على الإطار المرجعي الذي نرى من خلاله. فإذا كنت جالسًا في قطار يتحرك بسرعة كبيرة، فإنّ سرعتك تساوي صفراً بالنسبة إلى القطار ومن يجلس بداخله، لكنّ سرعتك تكون كبيرة جدًا بالنسبة إلى نقطة مرجع على الأرض خارج القطار. أي يكون لك سرعة بالنسبة إلى نقاط مرجعية معينة في إطار مرجعي ولا يكون لك أي سرعة بالنسبة إلى إطار مرجعي آخر، وهذا ينطبق على القوة الطاردة المركزية.

لنأخذ من جديد الحشرة داخل العلبه التي تدور (شكل 65). نجد بالنسبة إلى نقطة مرجعية خارج العلبه الدوّارة أنّه لا توجد قوة طاردة مركزية تؤثر على الحشرة داخل العلبه، لكن نرى قوة جاذبة مركزية تؤثر على العلبه وتؤدي إلى حركة دائرية. فمن إطار مرجعي خارجي، القوة الوحيدة المؤثرة على الحشرة هي القوة الجاذبة المركزية المبدولة من قاع العلبه على أقدام الحشرة.

تختلف هذه النظرة بالنسبة إلى إطار مرجعي دوّار داخل العلبه التي تدور. فنجد أنّ القوة المركزية التي تسببها العلبه والقوة الطاردة المركزية تؤثران على الحشرة.

تظهر القوة الطاردة المركزية كقوة حقيقية مثل قوة جذب الأرض، مع العلم أنّ هناك اختلاف جوهري كبير بين قوة الجاذبية نتيجة القوة الطاردة المركزية وقوة الجاذبية الحقيقية.

فقوة الجاذبية الأرضية هي تفاعل بين كتلتين، ونشعر بها نتيجة التفاعل بين كتلتنا وكتلة الأرض. لكن في الإطار المرجعي الدوّار، قوة الجاذبية هي نتيجة الدوران وليست نتيجة تفاعل بين جسمين، وبالتالي لا يمكن للقوة الطاردة المركزية أن تكون قوة حقيقية. لذلك يعتبر الفيزيائيون أنّ القوة الطاردة المركزية هي قوة خيالية افتراضية لا تشبه قوى التجاذب المادي والقوة الكهربائية والقوة النووية. مع ذلك، بالنسبة إلى مشاهدين في النظام الدوراني، القوة الطاردة المركزية هي قوة حقيقية مثل قوة الجاذبية الأرضية على سطح الأرض، فهي موجودة دائمًا داخل الأنظمة الدوّارة.



(شكل 65)
من نقطة الإسناد للحشرة داخل العلبه دائرية الشكل، نجد أنّ الحشرة تتلقى بقاء العلبه بتأثير قوة تنحرف للخارج من مركز الحركة الدائرية. وتُسمى الحشرة في هذه الحالة بالقوة الخارجية، وتؤثر عليها القوة الطاردة المركزية التي تشبه قوة الجاذبية الأرضية على الحشرة.

مقدمة إرشادية

الفيزياء في المختبر

الحركة الدائرية لدلو الماء



إذا ملأت دلوًا إلى منتصفه بالماء وحركته في دائرة رأسية، لن يسقط الماء منه إذا حركته بسرعة كافية. ومن الملاحظ أنّه على الرغم من تساقط الماء من الدلو، إلا أنّه لا يخرج منه. فالخداعة هي جعل الدلو يدور بسرعة كافية، فيسقط الدلو بسرعة تساوي سرعة سقوط الماء الموجود في داخله. هل يحدث هذا بفعل دوران الدلو بسرعة، بحيث ينحرف الماء بطريقة مماسية أثناء سقوطه ويبقى داخل الدلو؟ سنتعلّم لاحقًا أنّ مكوك الفضاء الفلكي يشابه مع ذلك حيث ينحدر في مداره. وتكمن الخدعة في إعطاء المكوك سرعة مماسية كافية تمكنه من الانحدار حول منحنى الأرض بدون السقوط عليها.

63

3.2 نشاط إضافي توضيحي

الفيزياء في المختبر: «الحركة الدائرية لدلو الماء»

وزّع الطلاب في مجموعات لتنفيذ خطوات النشاط الاستكشافي. وضح لهم أن سبب عدم انسكاب الماء من الدلو عندما يكون في أعلى نقطة هو أن قوة الجذب المركزية مساوية لوزن الماء. ألقت انتباههم إلى أن وضع الماء في الدلو الذي تديره في مستوى رأسي يتشابه مع القمر الصناعي الذي يدور حول الأرض. فبسبب سرعتيهما المماسية، يتساقطان في مدار منحني ليبقى كل منهما في حالة سقوط دائم نحو الأرض.

3.2 مناقشة

أعط الطلاب الوقت الكافي للاطلاع على الموضوع الإثرائي الموجود في كتاب الطالب ص 64 بعنوان «الجاذبية الزائفة والعيش في الفضاء».

وزّعهم في مجموعات، ووزّع المهام عليهم، واطلب إليهم تقديم بحث عن الشكل المتوقع للحياة في محطة فضائية تدور لتؤثر على من يعيش فيها بجاذبية زائفة.

اسألهم أن يشمل بحثهم التغيرات المتوقعة لعجلة الجاذبية داخل المحطة الفضائية الدوارة، مع البعد عن محور دوران المحطة وسرعة دورانها حول هذا المحور.

أطلب إليهم تحديد التغير المتوقع في ممارسة بعض الرياضات في المحطة، وأنواع الرياضات الجديدة التي يمكن ممارستها على متنها. شدد على أن تكون إجاباتهم مبنية على مفاهيم فيزيائية.

أطلب إليهم مناقشة ما توصّلوا إليه في ما بينهم وتحت إشرافك.

للتأكد من استيعاب الطلاب للموضوع الإثرائي، اسأل ما العلاقة بين الجاذبية الظاهرة التي يشعر بها ركّاب المركبة الدوارة والسرعة الزاوية التي تدور بها. هل يشعر الركّاب بالجاذبية الظاهرية نفسها من جميع أنحاء المركبة أم أنها تختلف بحسب القرب من محور الدوران أو البعد عنه؟

ناقش الطلاب وتوصّل معهم إلى أن الجاذبية الظاهرية التي يشعر بها الموجودون في المركبة الدوارة تتناسب طردياً مع مربع السرعة الزاوية، وأن الجاذبية الظاهرية تتناسب طردياً مع نصف قطر الدوران.

فكرة إثرائية

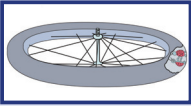
لفهم أكثر مفهوم الجاذبية الزائفة وأهميته، دعونا نعتبر أن مجموعة من الحشرات تعيش في عجلة دزاجة تحتوي على حيز واسع في داخلها (شكل 66). فإذا قمنا بذف العجلة في الهواء أو قمنا بإسقاطها من طائرة على ارتفاع عالٍ في السماء، سوف تصبح الحشرات في حالة انعدام وزن، وستبدو كما لو كانت تطفو بحرية بينما تسقط العجلة سقوطاً حراً. وإذا قمنا بجعل العجلة تدور، ستشعر الحشرات بأنها مندفعه إلى الجزء الخارجي للمسطح الداخلي من العجلة. وإذا أدبرت العجلة بسرعة مناسبة، ستأثر الحشرات بالجاذبية الأرضية الزائفة الناتجة عن القوة الطاردة المركزية، كما لو كانت هي الجاذبية الأرضية نفسها التي اعتادتها الحشرات.

يحلم الكثير من العلماء بالاستفادة من الجاذبية الزائفة ونقل الإنسان ليعيش في محطات فضائية، حيث تحاكي القوة الطاردة المركزية قوة الجاذبية الأرضية، فيتمكن الناس من التفاعل كما لو كانوا على سطح الأرض بشكل طبيعي بدون الشعور بانعدام الوزن، كما يشعر به رواد الفضاء اليوم. فمساكن الفضاء في المستقبل من المحتمل أن يدوروا مثل دوران الحشرات في عجلة الدزاجة، والتي ستقوم بقوة دافعة وبجاذبية مريحة مزيفة. فعجلة الجاذبية التي تستشأ داخل مركبة الفضاء الدوارة ناتجة عن الدوران. ويتناسب مقدار هذه العجلة مباشرة مع المسافة القطرية ومربع السرعة الدائرية. فالعجلة المعطاة لكل دورة في الدقيقة تزداد بزيادة المسافة القطرية، ومضاعفة المسافة من محور الدوران يضاعف عجلة القوة الطاردة المركزية والقوة الجاذبة المركزية. ومضاعفة المسافة ثلاث مرات تزيد العجلة ثلاث مرات، وبالمثل عند مضاعفتها أربع مرات.

وعندما تكون المسافة القطرية صفراً عند محور الدوران، لا يوجد تسارع ناتج عن الدوران. أما المنشآت صغيرة القطر، فيجب أن تدور بسرعة عالية لشعر بالجاذبية الزائفة التي تساوي تسارع جاذبية أرضية مقدارها g .

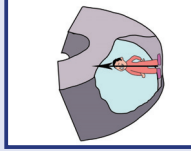
وتتطلب محاكاة الجاذبية الأرضية الطبيعية بناء منشأة كبيرة يصل طول قطرها إلى حوالي 2 km. ويُعتبر حجم هذا التركيب ضخماً إذا قارناه بحجم مكوك الفضاء الحالي.

ومن المحتمل أن يوصي الاقتصاديون بتصغير حجم أول بناء سكني في الفضاء. وفي حال لم تكن هذه المنشآت تدور، فسينظم المقيمون فيها معيشتهم في بيئة تبدو بمعنعة الوزن. وستتبع ذلك منشآت دوارة أكبر لها جاذبية مماثلة.



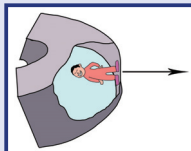
(شكل 66)

إذا أدبرت العجلة وسقط سقوطاً حراً، ستأثر الحشرات داخلها بالقوة الطاردة المركزية وهي تشبه الجاذبية الأرضية، وعند إدارة العجلة بمعدل معين، فإن الحشرات تنجح مباشرة لأعلى في الاتجاه مركز العجلة ولا تسقط في اتجاه نصف القطر للخارج.



(شكل 67)

التفاعل بين الرجل والأرض الوقوف عليها يبدو أنه مستقر خارج النظام الدائري. تضعف الأرض على الرجل (الفاعل) والقوة الوحيدة المبدولة على الأرض (رد الفعل) القوة المؤثرة بواسطة الأرض وهي في الاتجاه المركز وهي قوة مركزية جاذبية.



(شكل 68)

بالإضافة إلى التفاعل بين الرجل والأرض التي يقف عليها، توجد قوة طاردة مركزية مبدولة على الرجل واتجاهها نحو مركز كتلته. وهي تبدو حقيقية مثل الجاذبية الأرضية، ولكنها لا تشبهها لأن ليس لها نظير لرد الفعل، فلا يوجد شيء يمكن أن يعطيه للخلف. القوة الطاردة المركزية ليست جزءاً من التفاعل ولكنها ناتجة عن الدوران، لذلك تُسمى «القوة الخيالية».

3. قِيم وتوسّع

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

أطلب إلى الطلاب تعريف القوة الطاردة المركزية. اسألهم:

✓ هل هي نوع جديد من القوى؟

✓ هل هي قوة حقيقية أو وهمية؟

✓ هل توجد شروط محدّدة لوجود القوة الطاردة المركزية؟

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أيّ التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركّز على السبب الذي أدّى إلى سوء الفهم.

أولاً - قوة جاذبة مركزية تتجه نحو مركز المنعطف .

ثانياً - عندما ينقطع الخيط ، لا يوجد أيّ قوة على العلبة التي كانت تدور ، وهي تندفع بخطّ مستقيم بحسب ظاهرة القصور الذاتي .

ثالثاً - لأنها ليست جزءاً من فعل تبادلي بين كتلتين .

رابعاً - المشاهد الموجود في الإطار المرجعي داخل النظام يرى أنّ هناك قوة طاردة مركزية تسحب الكرة للخارج باتجاه نصف القطر وتسبب استطالة النابض . أمّا المشاهد في الإطار المرجعي خارج النظام الدوّار ، والذي يقف على الأرض ، فيرى قوة جذب مركزية تؤثر على الكرة من النابض وتسحبها في مسار دائري . ويمكن للمشاهد خارج النظام أن يميّز زوجاً من القوى (فعل وردّ فعل) ، حيث يؤثر فعل النابض على الكرة وردّ فعل من الكرة على النابض . أمّا المشاهد الذي يدور مع النظام ، فلا يرى أيّ ردّ فعل للقوة الطاردة المركزية .



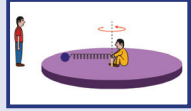
(شكل 69)
تصوير وكالة الفضاء الأمريكية لمسيرة الفضاء الدائرة .

وفي حال كانت هذه المنشآت تدور بحيث يتأثر المقيمون داخل حافتها الخارجية بجاذبية g ، فإنهم ، وفي منتصف المسافة بين المحور والحافة الخارجية ، سوف يتأثرون بجاذبية $0.5g$ فقط . وعند المحور نفسه يتأثرون بانعدام الوزن ، أي عند $0g$. والتغيرات الممكنة لجاذبية الأرض (g) داخل المركبة الفضائية كموطن ، تبيّن بإقامة في بيئة جديدة ومختلفة ولم تجرب من قبل . ويمكننا ممارسة رقصة الباليه عند موضع تكون فيه الجاذبية $0.5g$ والألعاب البهلوانية عند جاذبية $0.2g$. وعند أماكن منخفضة الجاذبية . ويمكن لعب كرة قدم ثلاثية الأبعاد ، والرياضات التي لم يتمّ تصوّرها حتّى الآن في أماكن وحالات جاذبية ضعيفة جداً .

سيكشف الناس إمكانيات لم تكن متاحة لهم من قبل . ووقت الانتقال من كوكب الأرض إلى الأفاق الجديدة سيكون وقتاً مشوّقاً ، بخاصّة للذين يستعدّون لخوض هذه المغامرات الجديدة .

مراجعة الدرس 3-2

أولاً - أنت في السيارة وتضع حزام الأمان ، وإذ بالسيارة تنعطف بك . هل يمدّك حزام الأمان بقوة جاذبة مركزية أم قوة طاردة مركزية؟
ثانياً - هل هناك أيّ تأثير للقوة الطاردة المركزية على حركة العلبة التي تدور عندما ينقطع الخيط الذي كان يحفظ حركتها الدائرية؟
ثالثاً - لماذا تُسمّى القوة الطاردة المركزية التي تشعر بها الحشرة في الإطار الذي يدور بالقوة الزائفة أو الخيالية؟
رابعاً - إذا ربطت كرة ثقيلة من الحديد بسلك نابض في مسطح دائري ، كما هو موضّح في الشكل (70) ، وكان هناك مشاهدان ، أحدهما في الإطار الدائري والآخر واقف على الأرض ، ولاحظا حركتها ، فأيّ المشاهدين يرى أنّ الكرة تشدّ النابض وتنجذب إلى الخارج؟ وأيّ المشاهدين يرى أنّ النابض يسحب الكرة في حركة دائرية؟



(شكل 70)

مراجعة الفصل الثاني

الأفكار الرئيسية في الفصل

وجّه الأسئلة التالية لتلخيص محتويات الفصل:

◀ عرّف الحركة الدائرية. (هي حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران، مع المحافظة على مسافة ثابتة منه.)

◀ ما هي الإزاحة الزاوية؟ (الإزاحة الزاوية تصف الحركة الدائرية لنقطة خلال فترة زمنية على مسار دائري.)

◀ عرّف السرعة الدائرية. (وتُسمّى أيضًا السرعة الزاوية، وهي عدد الدورات في وحدة الزمن.)

◀ هل العلاقة بين السرعة المماسية والسرعة الزاوية علاقة طردية أم عكسية؟ وبين السرعة المماسية والمسافة نصف القطرية؟ (تناسب السرعة المماسية طرديًا مع السرعة الزاوية ومع المسافة نصف القطرية من محور الدوران.)

◀ استنتج من السؤال السابق المعادلة الرياضية التي تربط بين السرعة المماسية والسرعة الزاوية. (السرعة المماسية تساوي حاصل ضرب كلٍّ من السرعة الزاوية والمسافة نصف القطرية من محور الدوران.)

◀ عرّف العجلة الزاوية. (هي معدّل تغيير السرعة الزاوية.)

◀ ما هي الحركة الدائرية منتظمة العجلة؟ (عندما تكون العجلة الزاوية ثابتة المقدار لجسم يتحرك على مسار دائري، نصف حركته بالحركة الدائرية منتظمة العجلة.)

◀ عرّف القوة الجاذبة المركزية. (القوة الجاذبة المركزية هي القوة التي تُسبب الحركة الدائرية للكُتلة ويكون اتجاهها دائمًا نحو مركز الدائرة.)

◀ أين يمكننا أن نشعر بوجود القوة الطاردة المركزية؟ (القوة الطاردة المركزية هي قوة وهمية غير موجودة إلا داخل الأنظمة الدوّارة، أي بالنسبة إلى إطار مرجعي داخل النظام الذي يدور.)

خريطة المفاهيم

أطلب من الطلاب تنظيم خريطة مفاهيم مستعينين بالمصطلحات الواردة ويناقشونها في ما بينهم بإشرافك.

مراجعة الفصل الثاني

المفاهيم

Tangential Speed	السرعة المماسية	Rotation	الدوران المحوري
Centripetal Force	قوة جاذبة مركزية	Revolution	الدوران المداري
Centrifugal Force	قوة طاردة مركزية	Rotational Speed	السرعة الدائرية (الزاوية)
Axis	محور	Linear Speed	السرعة الخطية

الأفكار الرئيسية في الفصل

- ◀ الحركة الدائرية هي حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران، مع المحافظة على مسافة ثابتة منه.
- ◀ الإزاحة الزاوية تصف الحركة الدائرية لنقطة خلال فترة زمنية على مسار دائري.
- ◀ السرعة الدائرية، وتُسمّى أيضًا السرعة الزاوية، هي عدد الدورات في وحدة الزمن وتعرّف أيضًا بمقدار الزاوية بالراديان التي يمسحها نصف القطر خلال وحدة الزمن.
- ◀ تناسب السرعة المماسية طرديًا مع السرعة الزاوية ومع المسافة نصف القطرية من محور الدوران.
- ◀ السرعة المماسية تساوي حاصل ضرب كلٍّ من السرعة الزاوية والمسافة نصف القطرية من محور الدوران.
- ◀ العجلة الزاوية هي معدّل تغيير السرعة الزاوية.
- ◀ عندما تكون العجلة الزاوية ثابتة المقدار لجسم يتحرك على مسار دائري، نصف حركته بالحركة الدائرية منتظمة العجلة.
- ◀ القوة الجاذبة المركزية هي القوة التي تسبب الحركة الدائرية للكُتلة ويكون اتجاهها دائمًا نحو مركز الدائرة.
- ◀ القوة الطاردة المركزية هي قوة وهمية غير موجودة إلا داخل الأنظمة الدوّارة، أي بالنسبة إلى إطار مرجعي داخل النظام الذي يدور.

خريطة مفاهيم الفصل

استخدم المصطلحات الموضحة في الشكل التالي لرسم خريطة مفاهيم تُنظّم معظم الأفكار التي احتواها الفصل.



إجابات أسئلة الفصل

تحقق من فهمك

1. (13)m
2. 90°
3. (37.68)s
4. (4166.6)N
5. تناسب طردياً مع مربع السرعة الزاوية.

تحقق من معلوماتك

1. يدور الطفل دوراناً مدارياً لأنه يدور حول محور خارجي لا يمرّ بنقطة في جسمه.
2. يكون القضيب الخارجي أطول، لأنّ الدائرة التي لها نصف قطر أكبر يكون محيطها أكبر.
3. للمناطق القطبية والاستوائية السرعة الدائرية نفسها.
4. السرعة الخطية للمناطق الاستوائية أكبر لأنها أبعد عن محور دوران الأرض.

تحقق من مهارتك

1. (أ) ضعف السرعة المماسية
(ب) ضعف السرعة المماسية
(ج) أربعة أضعاف السرعة المماسية
2. (أ) $F = \frac{mv^2}{r} = \frac{1 \times 4}{2} = (2)N$

$$(ب) \quad 1.8 = \frac{1 \times 4}{r}$$

$$r = \frac{4}{1.8} = (2.22)m$$

3. $F = \frac{mv^2}{r} = \frac{200 \times 1000 \times (25)^2}{2} = (6.25 \times 10^8)N$
4. عندما تدور العجلة دورة كاملة تكون قد قطعت مسافة تساوي المحيط.

$$\text{المسافة} = 2.2 = 2\pi r$$

$$\text{عدد الدورات} = \frac{22}{2.2} = 10 \text{ دورات}$$

5. (أ) بما أنّ العجلة الزاوية ثابتة المقدار، فهذا يعني أنّ الحركة هي حركة دائرية منتظمة العجلة.
باستخدام معادلات الحركة الدائرية منتظمة العجلة:

$$\omega = \theta''t = 2 \times 10 = (20)rad/s$$

- (ب) يمكن حساب الإزاحة θ خلال الزمن $t = (10)s$ باستخدام العلاقة التالية:

$$\Delta\theta = \frac{1}{2} \theta''t^2 = 0.5 \times 2 \times (10)^2 = (100)rad$$

$$N = \frac{100}{2\pi} = (15.92)rev \text{ فهو:}$$

$$(ج) \quad v = r\omega = 4 \times 20 = (80)m/s$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{(80)^2}{4} = (1600)m/s^2$$

تحقق من فهمك

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام العبارة الصحيحة في كل مما يلي:

1. تتحرك كتلة نقطية على مسار دائري نصف قطره يساوي (25)m بزاوية 30° ، فإنّ المسافة التي تقطعها الكتلة على المسار بوحدة (m) تساوي:
☐ (7.5) ☐ (13) ☐ (1.2) ☐ (750)
2. الإزاحة الزاوية التي تقطعها كتلة نقطية عندما تتحرك على مسار دائري نصف قطره (100)m مسافة (157)m تساوي:
☐ 60° ☐ 1.57° ☐ 30° ☐ 90°
3. تسير سيارة كتلتها (1000)kg على مسار دائري قطره (300)m بسرعة خطية ثابتة المقدار تساوي (25)m/s، فإنّ الزمن الذي تحتاجه السيارة لتكمل دورة كاملة بوحدة (s) يساوي:
☐ (37.68) ☐ (1.04) ☐ (18.84) ☐ (25.12)
4. القوة الجاذبة المركزية التي تحفظ السيارة على مسارها الدائري في السؤال السابق بوحدة (N) تساوي:
☐ (830) ☐ (83.3) ☐ (4166.6) ☐ (3802)
5. القوة الطاردة المركزية:
☐ تناسب طردياً مع السرعة الخطية.
☐ تناسب عكسياً مع مربع السرعة الزاوية.
☐ تناسب عكسياً مع نصف القطر عن محور الدوران.
☐ تناسب طردياً مع مربع السرعة الزاوية.

تحقق من معلوماتك

أجب عن الأسئلة التالية:

1. هل دوران الطفل الجالس على الخيل في لعبة دوارة الخيل هو دوران محوري أم دوران مداري؟ علّل إجابتك.
2. يتحرك قطار على قضيبين. أي قضيب يكون أكبر عند مسار منحني، القضيب الداخلي أم الخارجي؟ اشرح.
3. هل للمناطق القطبية على سطح الأرض سرعة دورانية حول محورها أكبر من المناطق الاستوائية؟
4. هل للمناطق القطبية على سطح الأرض سرعة خطية حول محورها أكبر من المناطق الاستوائية؟

تحقق من مهارتك

حل المسائل التالية:

1. كتلة صغيرة موجودة عند منتصف المسافة بين محور قرص مدمج وحافته. ماذا سيحدث لـ سرعة النقطة الخطية:
 (أ) إذا تضاعفت السرعة الزاوية؟
 (ب) إذا وجدت النقطة عند حافة القرص المدمج؟
 (ج) إذا تضاعفت السرعة الزاوية ووجدت النقطة عند حافة القرص المدمج؟
2. تدور كرة حديدية كتلتها (1)kg مربوطة بحبل طوله (2)m في دائرة أفقية بسرعة تساوي (2)m/s. أحسب:
 (أ) قوة الشد التي تحدثها الكرة على الحبل.
 (ب) إذا علمت أنّ الحبل قد ينقطع إذا كانت قوة الشدّ عليه تساوي (1.8)N. كم يساوي طول الحبل الأقصر الذي يمكن استخدامه؟
3. قطار سريع كتلته (200)tons يدور على منحني نصف قطره (2)m بسرعة (90)km/h. أحسب مقدار القوة الأفقية لقضبان السكة الحديدية على عجلة القطار.
4. أحسب عدد دورات عجلة دراجة قطرها (70)cm عندما تقطع الدراجة مسافة (22)m.
5. (أ) أحسب السرعة الزاوية لجسم يدور بعجلة منتظمة مقدارها $2rad/s^2$ على مسار دائري نصف قطره يساوي (4)m، بعد (10)s من انطلاقه من سكون.
 (ب) أحسب عدد الدورات التي يقوم بها خلال (10)s.
 (ج) أحسب مقدار العجلة المركزية بعد مرور زمن قدره (10)s.
6. خطط مهندسو الطرق لإزالة أحد المنعطفات ذات نصف قطر يساوي (50)m بزاوية إمالة تساوي 20° . أحسب السرعة التي تستطيع أن تتعطف بها سيارة كتلتها (1000)kg بدون الحاجة إلى قوة الاحتكاك بين عجلاتها والطريق.

مشاريع الفصل

التواصل

أكتب مقالاً لا يزيد عن عشرة أسطر تبيّن فيه تأثير استبدال عجلات السيارة بعجلات أصغر قياساً على صدق قراءة عداد السرعة بالنسبة إلى السرعة الحقيقية التي تتحرك بها السيارة، علماً أنّ عداد السرعة في السيارة يعمل بواسطة كابل متصل بعمود إدارة العجلات. ضنّ مقالك أفكاراً علمية تدعم ما كتبه.

6. القوة المؤثرة على السيارة هي وزن السيارة ورد فعل الطريق N .

القوة الوحيدة التي تعمل بالاتجاه الأفقي نحو مركز الالتفاف هي المركبة الأفقية لقوة رد الفعل وبالتالي:

$$N \sin \theta = \frac{mv^2}{r}$$

لكن المركبة العمودية لرد الفعل تساوي وزن السيارة،

$$N \cos \theta = mg \quad \text{أي أن } N = \frac{mg}{\cos \theta} \quad \text{وهذا يعني أن}$$

وبالتعويض في المعادلة:

$$N \sin \theta = \frac{mv^2}{r}$$

نحصل على:

$$\tan \theta = \frac{v^2}{rg} \Rightarrow v^2 = rg \tan 20 = (181.98) \text{m}^2/\text{s}^2$$

$$v = (13.49) \text{m/s}$$

التواصل: الكتابة في الفيزياء

يجب أن يناقش الطلاب آراءهم وما توصلوا إليه من أبحاث حول تأثير استبدال عجلات السيارة بعجلات قياسها أصغر على صدق قراءة عداد السرعة بالنسبة إلى السرعة الحقيقية التي تتحرك بها السيارة. فتكون سرعة السيارة ذات العجلات الصغيرة أقل من السرعة التي تظهر على عداد السرعة.

نشاط بحثي

تأكد من أن الطلاب تمكنوا، من خلال بحثهم، من استنتاج التالي:

إن قوة الاحتكاك بين الإطارات والطريق توفر القوة الجاذبة المركزية اللازمة لإبقاء السيارة في مسارها الدائري.

إذا لم تكن قوة الاحتكاك بين إطارات السيارة والأرض كافية، كما هو الحال في الأيام الممطرة وعلى الجليد والثلج، قد تنزلق السيارة.

إن إمالة المنعطفات الدائرية باتجاه مركز الدائرة يولد القوة الجاذبة المركزية التي تساعد على الانعطاف بدون الاعتماد على قوة الجاذبية التي تؤثر بها الطريق على عجلات السيارة. فيكون رد فعل الطريق على السيارة عمودياً، وتكون عليه القوة الجاذبة المركزية متجهة نحو مركز تقوس المنعطف، علماً أن القوة الجاذبة المركزية هي محصلة وزن السيارة ورد فعل الطريق.

نشاط بحثي

إن انزلاق السيارات عند انعطافها على طريق أفقية على المسارات الدائرية هو أحد أكثر أسباب الحوادث شيوعاً وأخطرها على حياة الأشخاص في السيارات وعلى جانب الطريق. أجر بحثاً تستخدم فيه أدوات البحث المناسبة لتوضح سبب هذه المشكلة متبعاً الخطوات التالية:

• حدد القوة أو القوى المؤثرة في السيارة والتي تحفظها في مسارها الدائري عندما تكون منطلقة بسرعة.

• حدد كيفية تأثير عوامل الطقس كالأمطار والجليد على قدرة السيارة على الالتفاف على المسار الدائري.

• صمّم بحثك كيف أن إمالة المنعطفات الدائرية باتجاه مركز الدائرة بدلاً من إبقاء الطريق أفقية والتي يقوم بها مهندسو الطرقات، يساعد على تخطي مشكلة الانزلاقات.

• دعم بحثك بالصور والمعادلات المناسبة التي تثبت ما توصلت إليه.

• صغ استنتاجاً تظهر فيه أهمية شكل الطريق في ثبات السيارة على مسارها الدائري.

دروس الفصل

- الدرس الأول
- مركز الثقل
- الدرس الثاني
- مركز الكتلة
- الدرس الثالث
- محدد موضع مركز الكتلة أو
- مركز الثقل
- الدرس الرابع
- مركز الثقل
- الدرس الخامس
- مركز الثقل
- الدرس السادس
- مركز ثقل جسم الإنسان



ما سبب ثبات هذه الصخور واتزانها؟

لماذا لا تسقط الصخور مختلفة الأشكال الموضحة في الشكل أعلاه؟ هل تسقط إذا أزعجنا أيًا منها يمينًا أو يسارًا، أو إذا بدلنا مواقعها؟ لماذا لا يسقط برج بيزا المائل؟ وما أقصى درجة ميل يمكن أن يبلغها قبل أن يسقط؟ لماذا يستحيل عليك أن تقف ملصقًا تمامًا إلى الحائط وأن تحاول لمس أصابع قدميك دون أن تقع؟ الإجابة على هذه الأسئلة وغيرها من التساؤلات التي تتمحور حول أسباب اتزان الأجسام وثباتها يتطلب منا التعرف على مفهوم مركز الثقل، وكيفية تطبيقه على التوازن والاتزان. في هذا الفصل، سنتعرف مفهوم مركز الثقل، وسنستقصي أهميته في ثبات الأجسام. وسنحدد عمليًا موضع مركز الثقل أو مركز الكتلة لأجسام منتظمة الشكل وأخرى غير منتظمة الشكل. سنتعرف أيضًا مفهوم مركز الكتلة، ونميز بين مركز الثقل ومركز الكتلة. كما سنحدد موقع مركز الثقل لأجسام مختلفة باستخدام المعادلات الرياضية.

70

مركز الثقل

دروس الفصل

الدرس الأول: مركز الثقل

الدرس الثاني: مركز الكتلة

الدرس الثالث: تحديد موضع مركز الكتلة أو مركز الثقل

الدرس الرابع: انقلاب الأجسام

الدرس الخامس: الاتزان

الدرس السادس: مركز ثقل جسم الإنسان

قبل البدء بدراسة مركز الثقل، ذكر الطلاب أننا في السنوات السابقة، عندما كنّا ندرس حركة جسم ما، كنّا نمثله بنقطة نختارها، وأنّ دراستنا لحركة الجسم كانت تتمثل بحركة هذه النقطة التي سمّيناها مركز كتلة الجسم أو مركز ثقله. وكانت تمثل القوى المؤثرة على الجسم بالقوى المؤثرة على هذه النقطة. إلفت انتباه الطلاب إلى أننا لم نكن نحدد موضع مركز الثقل بشكل دقيق، بل كنّا نكتفي بالإشارة إلى وجوده. إسألهم:

ماذا يمثل مركز الثقل بالنسبة إلى الجسم بحسب رأيهم؟

هل كان بإمكاننا تحديده بشكل دقيق لو أردنا ذلك؟

دع الطلاب يناقشون معنى مركز الثقل وإذا كان من الممكن تحديد موضعه. من خلال المناقشة، دعهم يتوصلون إلى أنهم يستطيعون تحديد موضعه إذا كان للجسم شكل هندسي محدد، مثل صندوق شكله متوازي المستطيلات، في حين يصعب تحديده في أجسام أخرى كالسيارة مثلاً.

استخدم مناقشات الطلاب كمدخل لعرض محتوى الفصل، ووضح لهم أننا في دروس هذا الفصل سنتعرف مركز الثقل، وسنحدد موضعه على الأجسام المختلفة بشكل دقيق مستخدمين طرقًا عملية تجريبية. كما أننا سنحدد موضع مركز الثقل باستخدام معادلات رياضية.

وضح لهم أننا سنجيب في هذا الفصل عن تساؤلات كثيرة تراودنا عن سبب ثبات بعض الأجسام على الرغم من إمالتها لها، أو انقلاب أجسام أخرى عند إمالتها لو بدرجة صغيرة جدًا.

اختبار المعلومات السابقة لدى الطلاب

ذكر الطلاب بمفهوم المركز الهندسي للأجسام.

دع الطلاب يعطون أمثلة عن أجسام منتظمة وغير منتظمة الشكل.

ذكر الطلاب مفهوم الأجسام المتناظرة ومحور التناظر.

استخدام الصورة الافتتاحية للفصل

دع الطلاب يتفحصون صورة افتتاحية الفصل ويقرأون التعليق المصاحب لها. دعهم يتوقعون سبب ثبات الصخور واتزانها على الرغم من أنّ بعضها يقف على قاعدة صغيرة. ومن خلال التعليقات والتوقعات المناسبة، استهلّ موضوع الفصل، فتطرق إلى مركز الثقل أو الكتلة وأهميته موضعه في النظام لتحقيق ثباته. أخبر الطلاب أنّ هذه المناقشة ستكون تفصيلية في دروس الفصل القادمة.

تصحيح مفهوم خاطئ

من الخطأ اعتبار أنّ مركز كتلة الجسم يجب أن يكون دائمًا على الجسم نفسه، وأنّ مركز الثقل هو دائمًا مركز الكتلة.

صفحات الطالب: من ص 71 إلى ص 73

عدد الحصص: 2

الأهداف

- ✓ يعرّف مركز الثقل.
- ✓ يستنتج أنّ حركة الجسم تتمثل بحركة مركز ثقله.

الأدوات المستعملة: السبّورة، أقلام ملوّنة، نماذج توضيحية، أقراص مُدمّجة، شبكة الإنترنت.

1. قدّم وحفّز

1.1 تنشيط المعرفة السابقة

قدّم الدرس للطلّاب وعرّفهم بمفهوم مركز الثقل من خلال مقدّمة الدرس. من خلال المقارنة بين حركة الكرة التي اتّبع مسار قطع مكافئ والذي درسوه في الفصل السابق، وحركة المضرب التي تبدو أنّها لا تتخذ مسارًا منتظمًا، حفّزهم لاكتشاف وجود مسار محدّد تتبعه نقطة محدّدة موجودة على كلّ جسم.

إلفت انتباه الطّلاب إلى أنّ المضرب يتأرجح حول نقطة معينة أثناء حركته في الهواء، وأنّ حركة هذه النقطة هي التي ترسم قطعًا مكافئًا. أخبرهم أنّ هذه النقطة هي مركز الثقل للجسم وهي الموضع الذي يتمحور حوله الدرس.

2.1 استخدام الصورة الافتتاحية للدرس

دع الطّلاب يتفحصون الصورة الافتتاحية للدرس لتحفيزهم وللفت انتباههم إلى حركة مركز الثقل. دعهم يناقشون حركة كلّ من الكرة والمضرب، ووجّه النقاش ليكون مدخلًا للدرس.

2. علّم وطبّق

2.2 مناقشة

عرّف مركز الثقل على أنّه الموضع المتوسط للوزن وأنّه نقطة تأثير محصّلة قوّة الجاذبية المؤثّرة على أجزاء الجسم.

إلفت انتباه الطّلاب إلى أنّ مركز الثقل هو المركز الهندسي للأجسام منتظمة الشكل. استخدم الأشكال في كتاب الطالب لتوضّح انطباق مركز الثقل على المركز الهندسي في الأجسام منتظمة الشكل. أمّا في الأشكال غير منتظمة الشكل، فيكون مركز الثقل أقرب إلى الطرف الأثقل. استخدم شكل المضرب لتوضّح كيف يكون مركز الثقل أقرب إلى الجزء الأثقل.

إلفت انتباههم إلى محور التماثل لكلّ من المضرب والكرة. يمتدّ محور التماثل على طول المضرب، في حين أنّ للكرة محور تماثل يمرّ بمركزها الهندسي في أيّ وضع كانت، وأنّ مركز الثقل موجود على محور التماثل.

مركز الثقل
Center of Gravity

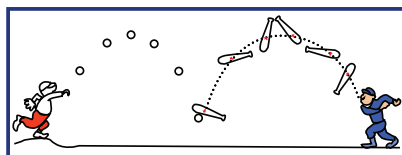
الدرس 1-3

الأهداف العامة

- ✓ يعرّف مركز الثقل.
- ✓ يستنتج أنّ حركة الجسم تتمثل بحركة مركز ثقله.

عند قذف كرة القاعدة (Baseball) في الهواء، نجد أنّها تتبع مسارًا منتظمًا على شكل قطع مكافئ قبل أن تصل إلى الأرض. أمّا عند إلقاء مضرب كرة القاعدة، فإنّه لا يتبع المسار المنتظم نفسه، إنّما يدور أثناء حركته في الهواء. والملاحظ أنّه يدور حول نقطة معينة ترسم حركتها مسار قطع مكافئ، على الرغم من أنّ باقي أجزاء المضرب لا تتبع هذا المسار (شكل 71). وتعتبر حركة مضرب كرة القاعدة محصلة حركتين هما:

- ✓ حركة دورانية حول هذه النقطة.
- ✓ حركة انتقالية في الهواء يبدو فيها أنّ ثقل المضرب مركّز في هذه النقطة. ونسمّي هذه النقطة التي يركّز عليها ثقل المضرب والتي تدور باقي أجزاء المضرب حولها بمركز ثقل المضرب.



(شكل 71)

مركز ثقل الكرة ومركز ثقل المضرب يتبعان مسارًا على شكل قطع مكافئ.

1. تعريف مركز الثقل

Definition of the Center of Gravity

درسنا سابقًا أنّ ثقل الجسم هو القوّة التي يخضع لها الجسم بسبب جذب الأرض له.

كلّ جزء من أجزاء هذا الجسم يخضع لقوّة جذب الأرض، ومحصّلة هذه القوى كلّها هي قوّة تتجه إلى الأسفل وتساوي مقدارها مجموع مقادير هذه القوى. أمّا نقطة تأثيرها فهي نقطة نسمّيها «مركز ثقل الجسم»، أي أنّ مركز الثقل هو نقطة تأثير ثقل الجسم.

إلفت انتباه الطلاب إلى أن تطبيق قوة على الجسم في مركز ثقله بحيث تكون معاكسة لقوة ثقله في الاتجاه ومساوية لها في الشدة سيؤدي إلى توازن الجسم، وبالتالي يمكننا أن نستنتج أن مركز الثقل هو نقطة اتزان الجسم.

2.2 مناقشة

دع الطلاب يلاحظون حركة مركز الثقل للمفتاح المنزلق على السطح الأفقي وحركة أجزائه التي تدور حول مركز ثقله. ناقش الطلاب ليتوصلوا إلى استنتاج أن حركة المفتاح هي محصلة حركة في خط مستقيم لمركز الثقل وحركة دائرية حول مركز الثقل.

أقذف أمام طلابك مسطرة أو قطعة خشبية لها شكل L ودعهم يلاحظون تأرجحها حول مركز الثقل خلال حركتها على مسارها. كرر الخطوة ليلاحظوا وجود نقطة (مركز الثقل) تتبع مسارًا على شكل قطع مكافئ.

إلفت انتباه الطلاب إلى أن مسار مركز ثقل الجسم لا يتغير حتى لو انفجر الجسم في الهواء.

3.2 نشاط إضافي توضيحي

الفيزياء والتكنولوجيا: «مركز الثقل في وسائل النقل»

أعط الطلاب الوقت الكافي للاطلاع على الموضوع. شدد على أن يفهموا دور موضع مركز الثقل في ثبات وسائل النقل واتزانها، وأن أي خطأ في تحديد مركز الثقل قد يؤدي إلى حدوث كوارث.

3. قيم وتوسع

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

أطلب إلى الطلاب تحديد موضع مركز الثقل لبعض الأشياء منتظمة الشكل. إسألهم عن مسار مركز الثقل لجسم غير منتظم الشكل. أطلب إليهم مقارنة مسار جسم منتظم الشكل وجسم غير منتظم الشكل إذا قذفا في الهواء.

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أي التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركز على السبب الذي أدى إلى سوء الفهم. أطلب إلى الطلاب رمي بعض الأجسام وملاحظة حركة مركز ثقلها.

إجابات أسئلة الدرس 1-3

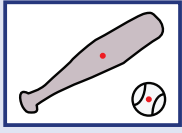
أولاً - النقطة التي تقع عند الموضع المتوسط لثقل الجسم وهي نقطة تأثير محصلة قوى الجاذبية المؤثرة على أجزاء الجسم.

ثانيًا - لأن شكله الهندسي يظهر أن كتلته تتركز قرب أحد طرفيه.

ثالثًا - مركز الثقل

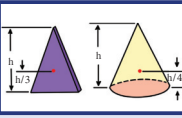
رابعًا - كلاً، فعلى سبيل المثال، لا يقع مركز ثقل الكرة الممتلئ نصفها بسائل على المركز الهندسي.

خامسًا - يتبع مركز الثقل مسار القطع المكافئ نفسه قبل الانفجار وبعده.



(شكل 72)

مركز ثقل الكرة هو المركز الهندسي، أما مركز ثقل المضرب فهو أقرب إلى الجزء الأثقل.



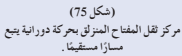
(شكل 73)

مركز ثقل مثلث هو النقطة الحمراء.



(شكل 74)

مركز ثقل هذه اللعبة يقع أسفل مركزها الهندسي.



(شكل 75)

مركز ثقل المفتاح المنزلق يحركه دورانية يتبع مسارًا مستقيمًا.

ماذا يحدث عند تطبيق قوة على الجسم في مركز ثقله بحيث تكون معاكسة لقوة ثقله في الاتجاه ومساوية لها في المقدار؟ سيتوازن الجسم مهما كان وضعه، لأن مجموع القوى التي يخضع لها أصبح معدومًا. لذلك يُعتبر مركز ثقل الجسم نقطة توازن له.

ويمكن تعريف مركز ثقل جسم ما بأنه «النقطة التي تقع عند الموضع المتوسط لثقل الجسم الصلب المتجانس». وبالنسبة إلى الأجسام متماثلة التكوين ومنتظمة الشكل مثل كرة القاعدة، يقع مركز الثقل عند المركز الهندسي لها. أما الأجسام غير منتظمة الشكل مثل مضرب كرة القاعدة، فيكون ثقل أحد طرفيها أكبر من ثقل الطرف الآخر، لذلك يكون مركز الثقل ناحية الطرف الأثقل (شكل 72). ويقع مركز ثقل قطعة رخام مثلثة الشكل على الخط المار بمركز المثلث وأساسه، وعلى بعد من القاعدة يساوي ثلث الارتفاع h . ويقع مركز ثقل مخروط مصمت على الخط نفسه، لكن على بعد ربع الارتفاع h من قاعدته (شكل 73).

ربما يكون مركز ثقل الأجسام التي تتكون من أكثر من مادة (مواد مختلفة الكثافة) بعيدًا عن مركزها الهندسي. فإذا تصوّرنا كرة مجوفة ملئت حتى منتصفها بمعدن الرصاص، فلن يطبق مركز ثقلها على مركزها الهندسي، لكنه يكون إلى ناحية النصف الممتلئ بالرصاص. لذلك عندما تهتز هذه الكرة، فإنها تتوقف عن الاهتزاز حيث يقع مركز ثقلها عند أسفل مستوى ممكن. وإذا جعلنا هذه الكرة لعبة على شكل مهزج (شكل 74)، للاحظنا أنها تعود إلى الوضع العمودي مهما أزيحت عن هذا الوضع.

2. مسار مركز ثقل الجسم

Path of the Center of Gravity of a Body

توضيح الصورة متعددة اللقطات في الشكل (75) منظرًا علويًا لمفتاح إنجليزي ينزلق أثناء دورانه حول نفسه على سطح أفقي أملس. لاحظ أن مركز ثقل المفتاح يتحرك في خط مستقيم (مركز الثقل ممثل في الشكل بنقطة بيضاء)، في حين يتحرك باقي أجزاء المفتاح في حركة دورانية حول مركز الثقل. لاحظ أيضًا أن مركز الثقل يقطع مسافات متساوية في فترات زمنية متساوية بسبب انعدام القوة المحصلة في اتجاه الحركة. ونعتبر حركة المفتاح محصلة حركة في خط مستقيم لمركز الثقل، وأخرى دورانية حول مركز ثقله.



72

فقرة إثرائية

ارتباط الفيزياء بالتكنولوجيا

مركز الثقل في وسائل النقل

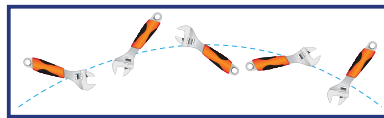


يرتبط تحديد مركز الثقل في الطائرة بوزن الطائرة والحمولة، وتوزيع هذه الحمولة. وهو في الغالب يقع في وسط الطائرة، قريبًا من الأجنحة ومن مركز الرفع حيث محصلة قوى الرفع. ويؤدي أي تغيير في موقع مركز الثقل إلى عدم ثبات الطائرة وحدوث كارثة جوية، أو عدم قدرة الطائرة على الإقلاع.

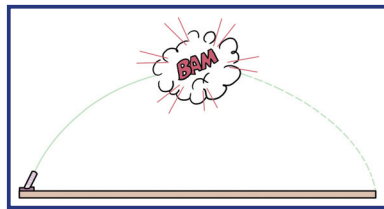
ويحتاج مهندسو السفن أيضًا إلى تحديد موقع مركز الثقل عند تصميم السفن، وذلك لتحديد أماكن غرف المحركات وأماكن وضع الحاويات وتوزيع الحمولات، للحفاظ على توازن السفينة ومقاومة قوى الإمالة من أمواج وتيارات بحرية.

أما في السيارات، فيُعتبر موقع مركز الثقل من أهم العوامل المؤثرة في ثبات السيارة، ويُفضل أن يكون في وسطها.

وإذا زُمي المفتاح في الهواء (بدلاً من انزلاقه على السطح الأفقي الأملس)، فسوف يتبع مركز ثقله مسارًا منتظمًا على شكل قطع مكافئ (شكل 76). وينطبق ذلك على المقذوفات مثل الألعاب النارية الصاروخية. فيوضح الشكل (77) أن القوى الداخلية أثناء الانفجار لا تغير موضع مركز ثقل المقذوف. وإذا أهملنا مقاومة الهواء، نلاحظ أن الشظايا المتناثرة في الهواء تحتفظ بمركز الثقل نفسه كما لو كان الانفجار لم يحدث بعد.



(شكل 76)



(شكل 77)

مسار مركز ثقل الألعاب النارية على شكل قطع مكافئ.

مراجعة الدرس 1-3

أولاً - عرف مركز الثقل لجسم.

ثانيًا - لماذا لا يقع مركز ثقل مضرب كرة القاعدة على نقطة الوسط للمضرب؟

ثالثًا - ما الجزء من الجسم الذي سيتبع مسار قطع مكافئ عند دوران الجسم في الهواء أو سيتبع خطًا مستقيمًا أثناء انزلاق الجسم على سطح أملس؟

رابعًا - هل ينطبق مركز الثقل دائمًا على المركز الهندسي للجسم؟ أعط أمثلة لتعلل إجاباتك.

خامسًا - صف حركة مركز ثقل مقذوف قبل انفجاره في الهواء وبعده.

73

صفحات الطالب: من ص 74 إلى ص 77

عدد الحصص: 2

الأهداف

- ✓ يتعرّف مركز الكتلة.
- ✓ يستنتج الفرق بين مركز الكتلة ومركز الثقل.

الأدوات المستعملة: السبورة، أقلام ملوّنة، نماذج توضيحية، أقراص مُدمّجة، شبكة الإنترنت.

1. قدّم وحفّز

1.1 تنشيط المعرفة السابقة

ذكر الطلاب أنّهم استخدموا مفهوم مركز الكتلة في السنوات السابقة عندما تعاملوا مع أيّ جسم متحرّك على أنّه نقطة ليس لها أبعاد. إلفت انتباههم إلى أنّ اعتبار الجسم دائماً كتلة نقطية هو حالة تُستخدم في الحركة الانتقالية ولا تصحّ في حالة الأجسام التي تتحرّك بحركة مركّبة، مثل حركة المضرب في الدرس السابق. حفّز الطلاب من خلال تذكيرهم بحركة أجزاء المضرب الدائرية حول نقطة تتحرّك على مسار قطع مكافئ سمّيناه مركز الثقل، وأخبرهم أنّنا سنطلق على هذه النقطة أيضاً تسمية مركز الكتلة. وضّح لهم أنّ مفهوم مركز الثقل قريب من مفهوم مركز الكتلة، وأنّهم في سياق الدرس سيتعرّفون الفرق بين كلّ من مركز الثقل ومركز الكتلة. وسيكتشفون أيضاً متى يمكنهم استخدام المفهومين كمفهوم واحد ومتى يكون ضرورياً استخدامهما كمفهومين مختلفين.

2.1 استخدام الصورة الافتتاحية للدرس

دع الطلاب يتفحصون الصورة الافتتاحية للدرس لتحفيزهم ولفت انتباههم إلى أنّ موضع مركز الكتلة ينطبق مع مركز الثقل الذي درسوه سابقاً. دعهم يتناقشون ويتوقعون سبب ذلك. استخدم توقعاتهم ومناقشاتهم كمدخل للدرس.

2. علّم وطبّق

1.2 مناقشة

عرّف مركز الكتلة على أنّه الموضع المتوسط لكلّ الجزيئات التي يتكوّن منها الجسم، وأنّ مركز الكتلة يُسمّى أيضاً مركز العطالة.

مركز الكتلة
Center of Mass

الدرس 2-3

الأهداف العامة

- ✓ يعرّف مركز الكتلة.
- ✓ يستنتج الفرق بين مركز الكتلة ومركز الثقل.

أثناء دراستنا السابقة للحركة الانتقالية للأجسام، لم نعر أبعاد الجسم أيّ اهتمام. وافترضنا أنّ أيّ جسم يمكن أن يُمثّل بنقطة، وأنّ حركة الجسم تتمثّل بحركة هذه النقطة، ذلك لأنّ كلّ نقاط الجسم في الحركة الخطيّة تتحرّك بالشكل نفسه.

وإن كان اعتبار الجسم نقطة (جسم نقطي Point Mass) هو حالة خاصة لا تنطبق على حركة الأجسام المركّبة من حركة انتقالية وحركة دورانية، إلّا أنّنا إذا عدنا إلى مثال حركة مضرب كرة القاعدة في الدرس السابق، حيث كانت حركته مؤلّفة من حركة دورانية وحركة انتقالية، وحيث كانت كلّ نقطة من نقاطه تتحرّك بشكل مختلف، لرأينا أنّ نقطة، سمّيناها في الدرس السابق بمركز الثقل، كانت تتحرّك على مسار القطع المكافئ تحت تأثير الجاذبية وتمثّل حركة الجسم. ونُسمّي هذه النقطة أيضاً مركز الكتلة للجسم، إذا نظرنا إليها ككتلة تتفاعل مع كتلة الأرض.

إنّ مركز الكتلة ومركز الثقل مفهومين قريبين جدّاً الواحد من الآخر، ويمكن استخدام أحدهما مكان الآخر في بعض الحالات التي سنستعرضها في سياق هذا الدرس.

فسنتعرّف على مركز الكتلة، ونميّز متى يكون هذا الأخير مختلفاً عن مركز الثقل، ومتى يمكن اعتبار مركز الكتلة ومركز الثقل مفهومًا واحدًا. كما سنحدّد رياضياً موقع مركز كتلة لجسم أو لنظام مؤلّف من عدّة أجسام.

1. تعريف مركز الكتلة

Definition of Center of Mass

إنّ مركز كتلة الجسم، ويُسمّى أيضاً مركز العطالة، هو الموضع المتوسط لكلّ جميع الجزيئات التي يتكوّن منها هذا الجسم (شكل 78).



(شكل 78)

مركز كتلة هذه اللعبة ممثّل بالنقطة الحمراء، وهو يقع أسفل المركز الهندسي لها.

2.2 مناقشة

وضّح للطلّاب أنّ الموضع المتوسط للكتلة هو «مركز الكتلة»، وأنّه في معظم الحالات يصعب التمييز بين مركز الكتلة ومركز الثقل.

إشرح لهم سبب اختلاف مركز الثقل عن مركز الكتلة في الأجسام الكبيرة. استخدم المثال الموجود في الكتاب عن مركز التجارة العالمي أو أيّ مثال آخر لتظهر اختلاف قوى الجاذبية بين أجزاء المبنى التي يسببها اختلاف موضع مركز الثقل عن مركز الكتلة.

وضّح لهم أنّه في الأجسام الصغيرة لا يوجد اختلاف في قوّة الجاذبية على أجزائه، بالتالي يكون مركز الثقل ومركز الكتلة منطبقين، ويمكن استخدام أيّ منهما للتعبير عن الآخر.

دع الطّلاب يدرسون الأشكال الموجودة في الدرس، ويلاحظون موضع مركز الكتلة وانطباقه على المركز الهندسي في الأشكال المنتظمة، بالإضافة إلى إمكانية أن يكون نقطة على الجسم كما هو الحال في القرص، أو نقطة خارجها كما هو الحال في الحلقة. دعهم يلاحظون أنّ مركز الكتلة هو نفسه مركز الثقل لأنّها أجسام صغيرة لا فرق في قوى الجاذبية على أجزائها.

إلفت انتباه الطّلاب إلى أنّ مركز الكتلة يكون أقرب إلى الجزء ذي الكتلة الأكبر في الأجسام غير منتظمة الشكل كالمطرقة الحديدية. سنتعلّم في دروس لاحقة تجريبيًا وحسابيًا تحديد موضع مركز الكتلة لأجسام منتظمة الشكل أو غير منتظمة الشكل.

دعهم يلاحظون أنّ ما درسوه عن حركة مركز الثقل للمفتاح المنزلق على السطح الأفقي وحركة أجزائه التي تدور، وحركة مركز الثقل في القذيفة التي انفجرت في الهواء، ينطبق على دراسة حركة مركز الكتلة للمفتاح وعلى حركة مركز كتلة القذيفة قبل انفجارها وبعده، واتباعها مسار القطع المكافئ على الرغم من اتّباع شظاياها قطعًا مكافئًا مختلفة.

3.2 مناقشة

دع الطّلاب يلاحظون الشكل (83) واختلاف موضع مركز كتلة المجموعة الشمسية عن مركز الشمس في حال كانت جميع الكواكب على خطّ واحد. إلفت انتباههم إلى أنّ هذه الحالة افتراضية لا وجود حقيقي لها. وبما أنّ الكواكب مبعثرة وغير موجودة على خطّ مستقيم، سيكون مركز المجموعة الشمسية قريبًا من مركز كتلة الشمس.

وضّح للطلّاب أنّ الشمس تدور حول مركز المجموعة الشمسية القريب من مركزها، وهي تبدو وكأنّها تتأرجح بين هاتين النقطتين. إلفت الطّلاب إلى أهمية ذلك في دراسة علم الفلك، فتأرجح النجم يعني لعلماء الفلك وجود كواكب تدور حوله.

4.2 نشاط إضافي توضيحي

تّبّت ثقلاً على أحد جوانب كرة السلّة، ثمّ اقفها ولاحظ تأرجحها.

2. الفرق بين مركز الكتلة ومركز الثقل

Difference Between Center of Mass and Center of Gravity

مركز الكتلة ومركز الثقل مفهومان يمكن استخدام أحدهما مكان الآخر، وذلك عندما تكون الأجسام على سطح الأرض أو قريبة منها. أمّا عندما تكون الأجسام كبيرة جدًّا بحيث تختلف قوّة الجاذبية الأرضية المؤثرة على جزء من الجسم عن تلك المؤثرة على جزء آخر، فيكون هناك فرق بسيط بين المراكزين. فعلى سبيل المثال، مركز الثقل لمركز التجارة العالمي الذي سينتهي بناؤه في العام 2013، والذي سيبلغ ارتفاعه 541m، يقع عند 1mm أسفل مركز كتلته. ويرجع السبب إلى أنّ قوى الجاذبية على الجزء السفلي القريب من سطح الأرض أكبر من القوى المؤثرة على الجزء العلوي منه.

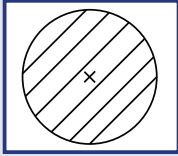
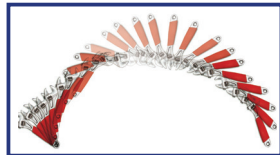
لذلك، سنستخدم أيّ من التعبيرين مكان الآخر بالنسبة إلى الأجسام التي نتعامل معها يوميًا، بما فيها المباني العالية.

مركز الكتلة لجسم كتلته موزعة بشكل متجانس، ولا تتغيّر كثافته من نقطة إلى أخرى، ينطبق على مركزه الهندسي، ويمكن أن يكون نقطة مادية على الجسم نفسه كما هو الحال في القرص، حيث ينطبق مركز الكتلة مع المركز الهندسي (شكل 79). وقد لا يقع مركز كتلة الجسم بالضرورة في إحدى نقاط الجسم، بل يمكن أن يكون خارجها. فمركز كتلة حلقة دائرية يقع في مركز الدائرة وينطبق مع المركز الهندسي (شكل 80). وفي إطار المستطيل، يكون مركز الكتلة نقطة تقاطع الوترين، وهي خارج كتلة الإطار.

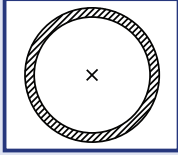
أمّا إذا لم يكن متجانسًا، فسيكون مركز الكتلة أقرب إلى المنطقة التي تحتوي على كتلة أكبر. فمركز كتلة المطرقة الحديدية يكون أقرب إلى رأسها الحديدي.

إنّ تحديد مركز الكتلة أو مركز الثقل، بالطرق التجريبية أو الحسابية، لأجسام منتظمة الشكل أو أجسام غير منتظمة الشكل، أو لنظام مؤلف من أكثر من جسم هي من أهداف الدروس اللاحقة، حيث سنعرض تفصيليًا كلّ حالة على حدة.

ويمكن أن نطّبق ما درسناه سابقًا عن حركة مركز الثقل على مركز الكتلة. فحركة المفتاح الإنجليزي الذي ألقي في الهواء بحيث يصنع حركة دورانية حول نفسه أثناء حركته يُمثّل بحركة مركز الكتلة (شكل 81).



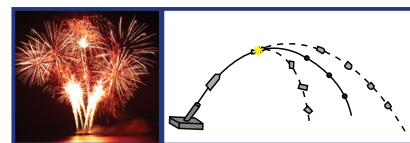
(شكل 79)
ينطبق مركز الكتلة على المركز الهندسي في القرص.



(شكل 80)
مركز الكتلة في المركز الهندسي، لكنه خارج نقاط الجسم.

(شكل 81)
مركز ثقل المفتاح المنزلق بحركة دورانية يصنع مسار قطع ناقص.

وبالنسبة إلى القذيفة التي تنفجر في الهواء كالألعاب النارية، يتحرك مركز كتلتها قبل انفجارها على مسار القطع المكافئ. وبعد الانفجار، تتحرّك الشظايا المتناثرة مبتعدة عن مركز كتلتها في كلّ الاتجاهات، راسمة قطعًا مكافئًا مختلفة، في حين يتابع مركز كتلتها حركته على مساره القادِم نفسه (شكل 82).



(شكل 82)
مركز كتلة القذيفة قبل انفجارها ينطبق على مركز كتلة شظاياها المتناثرة بعد الانفجار، ويتابع حركته كأن الانفجار لم يحدث.

3. مركز الكتلة وتأرجح النجوم

Center of Mass and Swinging Stars

لا تدور كواكب المجموعة الشمسية حول مركز الشمس بل حول مركز كتلة المجموعة الشمسية، ولكن هذين المركزين متطابقان تقريبًا طالما أنّ الكواكب مبعثرة حول الشمس في جميع الجهات، أمّا إذا اصطفت جميع الكواكب على خطّ مستقيم في جانب واحد بالنسبة إلى الشمس فعندها سيبعد مركز كتلة المجموعة الشمسية مسافة 800 ألف كيلومتر عن سطح الشمس أي 1.5 مليون كيلومتر عن مركزها (شكل 83).

تدور الشمس أيضًا حول مركز كتلة المجموعة الشمسية وبما أنّ هذه النقطة قريبة جدًّا من مركزها فإن حركة الدوران هذه تبدو للمراقب البعيد على شكل تأرجح بسيط للشمس بين نقطتين.

إنّ التأرجح البسيط للنجوم معروف لدى علماء الفلك وهو يشكل دليلًا على وجود كواكب تدور حول النجم المتأرجح.



(شكل 83)
لا ينطبق مركز كتلة المجموعة الشمسية على المركز الهندسي للشمس. وإذا اصطفت الكواكب على أحد جانبي الشمس، يصبح مركز كتلة المجموعة خارج سطح الشمس.

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

أطلب إلى الطلاب تحديد موضع مركز الثقل لبعض الأشياء منتظمة الشكل. إسألهم أن يقارنوا مسار مركز الكتلة ومسار مركز الثقل لجسم غير منتظم الشكل.

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أيّ التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركز على السبب الذي أدّى إلى سوء الفهم.

إجابات أسئلة الدرس 2-3

أولاً - الموضع المتوسط لكتل جميع الجزيئات التي يتكوّن منها هذا الجسم.

ثانياً - ينطبق مركز ثقل الجسم على مركز كتلته عندما يكون الجسم صغيراً، فلا يوجد اختلاف في قوى الجاذبية بين أجزائه المختلفة.

ثالثاً - في الأجسام الممتلئة التي لا تحتوي على فراغ، يكون مركز كتلة الجسم نقطة مادية على الجسم نفسه. أمّا في الأجسام التي تحتوي على فراغ داخلها، فيكون مركز الكتلة نقطة غير موجودة على الجسم، مثل حلقة دائرية، أو إطار مستطيل الشكل، أو شكل نحاسي على شكل مثلث أو غيرها.

رابعاً - لا ينطبق مركز ثقل الجسم على مركز كتلته عندما يكون الجسم كبيراً جداً بحيث يكون هناك اختلاف في قوى الجاذبية بين أجزائه المختلفة كما هو الحال في الأبنية شاهقة الارتفاع.

خامساً - لتلك النجوم المتأرجحة مجموعة كواكب تُبعد مركز كتلة المجموعة عن مركز كتلة النجم نفسه.

مراجعة الدرس 2-3

أولاً - عرّف مركز الكتلة.
ثانياً - متى ينطبق مركز كتلة الجسم مع مركز الثقل؟
ثالثاً - عند دراسة مركز الكتلة لأجسام مختلفة، يتبيّن لنا أنّ مركز الكتلة في بعض الأجسام يكون نقطة مادية موجودة على الجسم، ويكون في أجسام أخرى نقطة غير موجودة على الجسم. أعط أمثلة توضح فيها الحالتين.
رابعاً - في بعض الحالات لا ينطبق مركز الثقل مع مركز الكتلة. أعط مثالاً توضح فيه هذه الحالة واذبح السبب في ذلك.
خامساً - يلاحظ علماء الفلك أثناء مراقبتهم للنجوم أنّها تتأرجح في الفراغ حول مركز كتلتها. ما هو الاستنتاج الذي توصل إليه العلماء من خلال هذا التأرجح؟

صفحات الطالب: من ص 78 إلى ص 84

عدد الحصص: 3

صفحات الأنشطة: من ص 21 إلى ص 26

الأهداف

- ✓ يعرف أن نقطة مركز الثقل المادية الموجودة على الجسم هي نقطة توازن الجسم.
- ✓ يحدّد عملياً موضع مركز الكتلة لأجسام منتظمة الشكل.
- ✓ يحدّد عملياً مركز الكتلة لأجسام غير منتظمة الشكل.
- ✓ يحسب رياضياً موقع مركز الكتلة لجسمين.
- ✓ يحسب رياضياً موقع مركز الكتلة لنظام مؤلف من أكثر من كتلة نقطية.

الأدوات المستعملة: السبورة، أقلام ملوّنة، نماذج توضيحية، أقراص مُدمجة، شبكة الإنترنت.

1. قدّم وحفّز

1.1 تنشيط المعرفة السابقة

ذكر الطلاب أن مركز الثقل ومركز الكتلة متطابقين في الأجسام الصغيرة، وأننا في هذا الدرس سنتعامل مع المفهومين على أن لا فرق بينهما، وأن إيجاد أيّ منهما يعني إيجاد الآخر.

أعرض أهداف الدرس لتحفّز الطلاب، وتوضّح لهم أنهم في نهاية الدرس سيتمكنون من إيجاد موضع مركز الكتلة عملياً وحسابياً لأجسام غير منتظمة الشكل ولنظام يحتوي على مجموعة أجسام.

2. علّم واطّق

1.2 مناقشة

استخدم الشكل (84) في كتاب الطالب، ودع الطلاب يلاحظون أن موضع مركز ثقل المسطرة هو نقطة الوسط لأنّ المسطرة منتظمة الشكل. ذكّروهم بتعريف مركز الثقل على أنه «نقطة ارتكاز محصّلة قوى الجاذبية المؤثرة على الجسم».

تناقش مع الطلاب لاستنتاج أن اتزان المسطرة يحتاج إلى تطبيق قوة على مركز الثقل مساوية لمقدار ثقل المسطرة ومعاكسة لها بالاتّجاه، هذا لأنّ ثقل المسطرة مرتكز على مركز الثقل.

الدرس 3-3 تحديد موضع مركز الكتلة أو مركز الثقل Determining the Position of the Center of Mass or Center of Gravity

الأهداف العامة

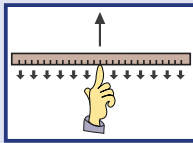
- ✓ يعرف أن نقطة مركز الثقل المادية الموجودة على الجسم بأنها هي نقطة توازن الجسم.
- ✓ يحدّد عملياً موضع مركز الكتلة لأجسام منتظمة الشكل.
- ✓ يحدّد عملياً مركز الكتلة لأجسام غير منتظمة الشكل.
- ✓ يحسب رياضياً موقع مركز الكتلة لجسمين.
- ✓ يحسب رياضياً موقع مركز الكتلة لنظام مؤلف من أكثر من كتلة نقطية.

تعرّفنا في الدروس السابقة مركز الثقل ومركز الكتلة، والتطابق بينهما في الأجسام الصغيرة حيث لا تتأثر أجزاء الجسم بقوى جاذبية مختلفة. ودرسنا أن الاختلاف بينهما يكون بسيطاً جداً إذا لم يتطابقا، كما هو الحال في الأبراج والمباني المرتفعة جداً. لذلك سنتعامل في هذا الدرس مع كل من مركز الكتلة ومركز الثقل على أنهما نقطتان متطابقتان لا فرق بينهما، وعلى أن تحديد أيّ نقطة منهما يعني تحديد الأخرى. وسنحدّد موقع مركز الثقل مستخدمين الطرق العملية والطرق الحسابية في حالة الأجسام منتظمة الشكل والأجسام غير منتظمة الشكل.

1. مركز الثقل وتوازن الجسم

Center of Gravity and Equilibrium of the Body

كما قد درسنا سابقاً أن مركز الثقل لجسم ما هو نقطة ارتكاز محصّلة قوى الجاذبية المؤثرة على الجسم حيث يتوازن الجسم إذا ارتكز على هذه النقطة، بشرط أن تكون تلك النقطة نقطة مادية على الجسم نفسه. فعلى سبيل المثال، يقع مركز ثقل المسطرة في منتصفها تماماً أي عند مركزها الهندسي. لاحظ الشكل (84). تمثّل الأسهم الصغيرة قوة جذب الأرض على أجزاء المسطرة، ويمكن جمع هذه القوى كلّها في قوة واحدة تكون محصّلة وتؤثر في مركز الثقل. وهذا يعني أن ثقل المسطرة مرتكز في نقطة مركز الثقل، وبالتالي يمكننا موازنة المسطرة بالتأثير على مركز الثقل بقوة واحدة لأعلى.



(شكل 84)
يدو ثقل المسطرة كلّها كأنه مركز في نقطة واحدة.

2.2 مناقشة

حضّر مجموعة مختلفة من الأجسام منتظمة الشكل (بعضها مجوّف وبعضها ممتلئ)، واطلب إلى الطلاب تحديد موضع مركز الثقل لهذه الأجسام. دع الطلاب يستنتجون أنّ مركز الثقل في الأجسام منتظمة الشكل ينطبق على المركز الهندسي للجسم، وأنّ مركز الثقل يمكن أن يكون نقطة مادية على الجسم أو نقطة خارجه.

3.2 مناقشة

أعرض أمام الطلاب جسمًا غير منتظم الشكل واطلب إليهم تحديد موضع مركز ثقله. ثمّ تناقش معهم للتوصل إلى أنّ تحديد موضع مركز ثقل الأجسام غير منتظمة الشكل ليس بسهولة تحديده في الأجسام منتظمة الشكل.

ناقش مع الطلاب الطريقة العملية لتحديد موضع مركز الثقل وذلك بتعليق الجسم من نقطتين مختلفتين ليكون مركز الثقل نقطة الالتقاء بين الخطّين العموديين المرسومين من نقطة التعليق.

أخبر الطلاب بضرورة تعليق الجسم من ثلاث نقاط مختلفة لتحديد موضع مركز الثقل لجسم ثلاثي الأبعاد.

4.2 نشاط

للتحقّق من استيعاب الطلاب لكيفية تحديد موقع مركز الثقل عمليًا، ورّعهم في مجموعات لتنفيذ نشاط «مركز ثقل جسم منتظم الشكل» في كتاب الأنشطة ص 21، و«مركز ثقل جسم غير منتظم الشكل» في كتاب الأنشطة ص 23. ورّع المهام داخل المجموعات، وتأكد من أنّ المجموعات تنفّذ النشاط وفقًا للخطوات المطلوبة. أطلب إلى كلّ مجموعة أن تعرض ما توصّلت إليه من نتائج. لخصّ النتائج للتأكد من أنّ الطلاب كلّهم تمكّنوا من تحقيق أهداف النشاط.

أطلب إلى الطلاب ملاحظة الأشكال في كتاب الطالب (فجان، وعاء، كرسي...). شدّد على أنّ مركز ثقل هذه الأجسام ليس نقطة مادية على الجسم، فمركز ثقل الفجان مثلاً يقع في التجويف داخله، وهذا ينطبق على الوعاء والكرسي.

5.2 نشاط

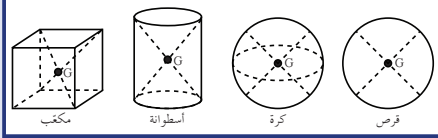
دع الطلاب يتحقّقون عمليًا من أنّ مركز ثقل الأجسام المجوّفة يكون نقطة خارج الجسم، وذلك لتنفيذ نشاط «مركز ثقل جسم منتظم الشكل وآخر مجوّف» في كتاب الأنشطة ص 25.

ورّع الطلاب في مجموعات، وورّع المهام داخل المجموعات، وتأكد من أنّ المجموعات تنفّذ النشاط وفقًا للخطوات المطلوبة. أطلب إلى كلّ مجموعة أن تعرض ما توصّلت إليه من نتائج. لخصّ النتائج للتأكد من أنّ الطلاب كلّهم تمكّنوا من تحقيق أهداف النشاط.

2. مركز ثقل الأجسام منتظمة الشكل

Center of Gravity of Regular-Shaped Bodies

الأجسام منتظمة الشكل مثل المسطرة، الكرة، المكعب، الأسطوانة، متوازي المستطيلات، القرص وغيرها. ومركز الثقل أو الكتلة في الأجسام منتظمة الشكل ينطبق مع المركز الهندسي للجسم. ويمكن أن يكون نقطة مادية من الجسم إذا كان الجسم متناهيًا أو نقطة خارجه إذا كان الجسم مفرغًا. لاحظ في الشكل (85) موقع مركز الثقل في الأجسام منتظمة الشكل، ولاحظ كيف أنّه ينطبق مع المركز الهندسي، وكيف يمكن أن يكون نقطة مادية موجودة على الجسم أو نقطة غير موجودة على الجسم.



(شكل 85)

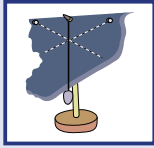
مركز الثقل في الأجسام منتظمة الشكل

3. مركز ثقل الأجسام غير منتظمة الشكل

Center of Gravity of Irregular-Shaped Bodies

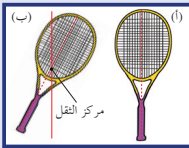
إنّ تحديد مركز الكتلة أو الثقل في بعض الأجسام غير منتظمة الشكل ليس بسهولة تحديده في الأجسام منتظمة الشكل. كيف تحدّد موقع مركز الثقل؟

م علّق الجسم من أيّ نقطة موجودة عليه، ودعه يستقر بعد أن كان يتأرجح. يقع مركز الثقل على خطّ عمودي أسفل نقطة التعليق (أو ينطبق على نقطة التعليق). أرسم هذا الخط العمودي. يمكنك استخدام خيط الغادن (خيط ذي ثقل) لرسم الخطّ (شكل 86). م علّق الجسم من نقطة أخرى وارسم الخطّ العمودي الذي يحمل مركز الثقل بعد أن يستقرّ الجسم من جديد. م نقطة التقاطع بين الخطّين تمثّل مركز ثقل الجسم. فعلى سبيل المثال، لتحديد مركز الثقل لمضرب لعبة كرة المضرب، علّق من أحد النقاط، وعندما يتوقّف عن التآرجح، أرسم الخطّ العمودي المارّ بنقطة التعليق، كما في الشكل (87-أ). ثمّ علّق الجسم من نقطة أخرى ولاحظ أنّ مركز الثقل يقع على الخطّ أسفل نقطة التعليق. أرسم خطًّا عموديًا آخر. مركز الثقل هو نقطة التقاطع بين الخطّين العموديين كما في الشكل (87-ب).



(شكل 86)

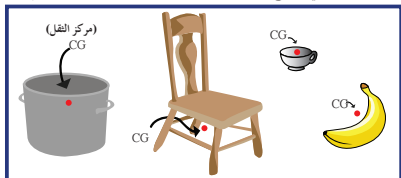
تعيين مركز ثقل جسم غير منتظم الشكل بواسطة خيط ذي ثقل.



(شكل 87)

(أ) يمكن تحديد مركز الثقل للمضرب عند تعليق المضرب من أي نقطة.
(ب) نقطة الالتقاء للخطّين هي مركز الثقل للمضرب.

يمكننا أن نستخدم هذه الطريقة أيضًا للتحقّق عمليًا من أنّ المركز الهندسي هو مركز الثقل للأجسام منتظمة الشكل. تعلّمنا سابقًا في حالة الأجسام منتظمة الشكل أنّ مركز الثقل قد يكون نقطة خارج الجسم. ذلك ينطبق على الأجسام غير منتظمة الشكل حيث يمكن أن يكون مركز الثقل خارجها. لاحظ موقع مركز الثقل في الشكل (88)، فمركز ثقل الفجان ومركز ثقل الوعاء يقعان في التجويف داخلهما، ومركز ثقل الكرسي يقع أسفلها. أي أنّ مركز الثقل في جميع هذه الأمثلة ليس نقطة موجودة على الجسم.



(شكل 88)

لا توجد مادة عند مركز ثقل هذه الأجسام.

4. حساب موقع مركز كتلة جسمين نقطيين

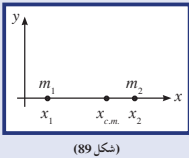
Calculating the Position of Center of Mass of Two Point Objects

لنأخذ m_1 و m_2 كتلتين نقطيتين على محور السينات، حيث أنّ m_1 و m_2 في الموضعين x_1 و x_2 على محور السينات على الترتيب (شكل 89). مركز كتلة الجسمين النقطيين اللذين يبعدان عن الواحد عن الآخر مسافة أكبر من أبعاد أيّ منهما يُحدّد بالعلاقة التالية:

$$x_{cm} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2}$$

مثال (1)

$m_1 = (2) \text{ kg}$ و $m_2 = (8) \text{ kg}$ كتلتان نقطيتين على محور السينات يبعدان الواحدة عن الأخرى $(6) \text{ cm}$.
أحسب أين يقع مركز كتلة الجسمين.
طريقة التفكير في الحل
1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.
المعلوم: $m_1 = (2) \text{ kg}$
 $m_2 = (8) \text{ kg}$



(شكل 89)

6.2 مناقشة

أطلب إلى الطلاب تحديد موضع مركز الكتلة لكتلتين متماثلتين تبعدان الواحدة عن الأخرى مسافة محدّدة. ناقش توقّعات الطلاب وتأكد من أنّهم يوافقون كلّهم على أنّ نقطة الوسط بين الكتلتين تمثّل مركز الثقل للكتلتين.

استخدم الآن بدلاً من إحدى الكتلتين كتلة لها ضعف الكتلة. أطلب إلى الطلاب تحديد موضع مركز الثقل، وناقش توقّعاتهم التي يجب أن تتمحور حول أنّ موضع مركز الكتلة هو أقرب إلى الكتلة الأكبر. أسألهم إن كان أحدهم يستطيع أن يحدّده بشكل دقيق، أي يحدّد كم يبعد عن مركز إحدى الكتلتين. أشر إلى أنّ تحديد الموقع الدقيق يحتاج إلى تطبيق معادلة رياضية.

أعرض على الطلاب المعادلة الرياضية التي تسمح بإيجاد موضع مركز الثقل بين كتلتين موجودتين على خطّ مستقيم.

أعط الطلاب الوقت الكافي للاطلاع على المثال المحلول (1) ص 80، ودعهم يناقشون الطريقة المتبعة في الحلّ في ما بينهم. تأكد من أنّهم كلّهم استخدموا المعادلة الرياضية بشكل صحيح وتمكّنوا من التوصل إلى النتيجة المذكورة. أطلب إلى أحدهم وتحت إشرافك مناقشة الحلّ وعرض الخطوات للتوصل إلى النتيجة أمام الجميع.

7.2 مناقشة

بعد التأكد من أنّ الطلاب كلّهم أصبحوا قادرين على استخدام المعادلة الرياضية في إيجاد مركز الكتلة بين جسمين، حفّزهم على إيجاد موضع مركز الكتلة لعدّة أجسام موجودة في مستوى واحد. وضّح لهم أنّ إيجاد مركز الكتلة لعدّة أجسام في مستوى واحد يتمّ بتعميم العلاقة السابقة بين كتلتين، ليحدّد موضع مركز الثقل بمركبتين على المحاورين Ox و Oy.

استخدم المثال المحلول (2) ص 82 لشرح كيفية إيجاد مركز الكتلة في مستوى، وناقش مع الطلاب الخطوات المتبعة في الحلّ. شدّد على أنّ موقع مركز الكتلة لا يعتمد على طريقة اختيارنا لمحاور الإحداثيات بل على توزيع الجسيمات المؤلّفة للنظام.

أطلب إلى الطلاب اختيار محاور إحداثيات جديدة للمثال المحلول (2) والتحقّق من أنّ موضع مركز الكتلة لم يتغيّر.

مثال (1) (تابع)

باعتبار نقطة موجودة على مركز الإحداثيات $O(0,0)$ ، نحدّد $x_1 = 0$ ، $x_2 = 6$ cm. غير المعلوم، مركز الكتلة، $x_{cm} = ?$ 2. احسب غير المعلوم مستخدماً المعادلة الرياضية: $x_{cm} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2}$ وبالتعويض عن المقادير المعلومّة نحصل على: $x_{cm} = \frac{2(0) + 8(6)}{10} = (4.8)$ cm 3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟ يقع مركز كتلة الجسمين على محور السينات في الموضع $(4.8, 0)$ ، وهو أقرب إلى الكتلة الأكبر، وهذا يؤكّد صحة ما توصلنا إليه.

5. مركز كتلة عدّة كتل موجودة في مستوى واحد

Center of Mass of Several Bodies on the Same Plane

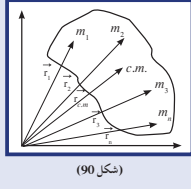
لنأخذ مجموعة من الكتل النقطية $m_1, m_2, m_3, \dots$ محدّد موضعها في المستوى بمسّجات المواقع $\vec{r}_1, \vec{r}_2, \vec{r}_3, \dots$ يمكن أن يحدّد موقع مركز الكتلة بتعميم العلاقة السابقة لكتلتين، ونكتب متجه مركز الكتلة في بعدين على الشكل التالي:

$$\vec{R}_{cm} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2 + \dots}{m_1 + m_2 + \dots}$$

وبأخذ مركّبات العلاقة على المحاور (Ox) و (Oy)، نجد مركّبات مركز الكتلة:

$$x_{cm} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i x_i$$

$$y_{cm} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i y_i$$



وتجدر الإشارة إلى أنّ موقع مركز الكتلة لا يعتمد على طريقة اختيارنا لمحاور الإحداثيات بل على توزيع الجسيمات المؤلّفة للنظام. ففي المثال المحلول، سيبقى موقع مركز الكتلة نفسه حتّى لو غيّرنا طريقة اختيار المحاور.

8.2 مناقشة

وضّح للطلاب أنّه يمكن إيجاد مركز الكتلة لعدة كتل نقطية في الفراغ وذلك بتعميم العلاقة السابقة المُستخدمة في المستوى، ليصبح موضع مركز الثقل محدّدًا بثلاثة مركّبات على المحاور (Ox)، (Oy) و (Oz).

أطلب إلى الطلاب حلّ المسألة ص 83 للتأكد من استيعابهم وقدرتهم على إيجاد مركز كتلة عدة كتل نقطية موجودة في الفراغ.

حلّ المسألة:

$$x_{cm} = \frac{1(1) + 0.5(0) + 2(-1)}{3.5} = (-0.28)\text{cm}$$

$$y_{cm} = \frac{1(1) + 0.5(0) + 2(2)}{3.5} = (1.42)\text{cm}$$

$$z_{cm} = \frac{1(0) + 0.5(1) + 2(2)}{3.5} = (1.28)\text{cm}$$

أي أنّ مركز الكتلة يُحدّد بما يلي: $G(-0.28, 1.42, 1.28)$

9.2 مناقشة

وضّح للطلاب أنّ إيجاد مركز كتلة أجسام متّصلة يكون بتحديد مركز كتلة كلّ جسم من الأجسام المتّصلة على حدة، واعتبار كلّ مركز كتلة على أنّه كتلة نقطية تمثّل كتلة الجزء كاملاً. بعدها نطبّق العلاقات الرياضية المناسبة اعتماداً على شكل الجسم. فإذا كان مركز الكتلة موجوداً على خطّ واحد، نستخدم معادلة تحديد مركز الكتلة في بعد واحد. أمّا إذا كانت موزّعة في بعدين، فنستخدم معادلة تحديد مركز الكتلة في بعدين، وهكذا دواليك.

أعط الطلاب الوقت الكافي للاطلاع على المثال المحلول (3) ص 83. ناقش معهم الطريقة المُعمّدة في الحلّ من تحديد موضع كتلة كلّ جزء على حدة إلى اختيار الاحداثيات المناسبة إلى تطبيق معادلة إيجاد مركز كتلة النظام. أعطهم مسائل شبيهة وتحقّق من أنّهم أصبحوا قادرين على إيجاد مركز كتلة عدة أجسام متّصلة.

أعط الطلاب الوقت الكافي للاطلاع على المسائل مع الإجابات، ثمّ وزّعهم في مجموعات لحلّ المسائل. دعهم يناقشون إجاباتهم وتأكّد من أنّهم قد توصّلوا إلى الإجابات الصحيحة المعطاة.

مثال (2)

أوجد موضع مركز كتلة ثلاث كتل $m_1 = (1)\text{kg}$ ، $m_2 = (2)\text{kg}$ و $m_3 = (3)\text{kg}$ موضوعة على رأس مثلث متساو الأضلاع طول ضلعه $(10)\text{cm}$ (شكل 91).

طريقة التفكير في الحلّ

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: $m_1 = (1)\text{kg}$

$m_2 = (2)\text{kg}$

$m_3 = (3)\text{kg}$

طول الضلع: $L = (10)\text{cm}$

غير المعلوم:

مركز الكتلة، $x_{cm} = ?$ و $y_{cm} = ?$

2. احسب غير المعلوم

نختار المحاورين (Ox) و (Oy) كما في الشكل (91) ونكون إحداثيات الكتل على الترتيب $(0,0)$ ، $(0,10)$ و $(5,5\sqrt{3})$ ، حيث يكون موضع الكتلة m_1 مركز الاحداثيات.

باستخدام المعادلات وبالتعويض عن القيم المعلومه نحصل على:

$$x_{cm} = \frac{1(0) + 2(0) + 3(5)}{1 + 2 + 3} = (5.8)\text{cm}$$

$$y_{cm} = \frac{1(0) + 2(10) + 3(5\sqrt{3})}{1 + 2 + 3} = (4.3)\text{cm}$$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

مركز الكتلة موجود جهة الكتل الأكبر مقداراً.

6. مركز كتلة عدة كتل نقطية موجودة في الفراغ

Center of Mass of Several Point Objects in Space

لنأخذ مجموعة من الكتل النقطية $m_1, m_2, m_3, \dots$ محدّد موضعها في

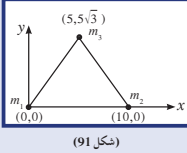
الفراغ بمتجهات المواقع $\vec{r}_1, \vec{r}_2, \vec{r}_3, \dots$ (شكل 92) ...

يمكن أن يُحدّد موقع مركز الكتلة لعدة كتل في الفراغ بتعميم العلاقة

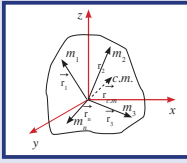
السابقة التي استخدمناها في تحديد مركز الكتل في بعدين إلى علاقة في

ثلاثة أبعاد ونكتب متجه مركز الكتلة على الشكل التالي:

$$\vec{R}_{cm} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2 + \dots}{m_1 + m_2 + \dots}$$



(شكل 91)



(شكل 92)

مسائل مع إجابات

1. وضعت كتلتان متساويتان على طرفي قضيب طوله $(50)\text{cm}$ منتظم الشكل ومهمل الكتلة. أوجد موقع مركز كتلة النظام.

الإجابة: نقطة الوسط على القضيب

2. وُضع جسمان نقطيان كتلتهما

$m_1 = (100)\text{g}$ و $m_2 = (300)\text{g}$

على التوالي على نقطتين A و B، حيث $AB = (40)\text{cm}$. حدّد

موضع مركز كتلة هذا النظام بالنسبة

إلى النقطة A.

الإجابة: $(30)\text{cm}$ من النقطة A

3. قضيبان متشابهان ومتعامدان،

طول كلّ منهما L، موصولان عن

طرفيهما على النقطة O التي تشكّل

مركز الإحداثيات. أوجد مركز

الكتلة للنظام المؤلف من القضيبين

بالنسبة إلى مركز الاحداثيات O.

الإجابة: $(\frac{L}{4}, \frac{L}{4})$

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

أطلب إلى الطلاب ذكر طريقة تحديد مركز الكتلة عملياً لجسم غير منتظم الشكل.

أطلب إليهم ذكر المعادلة الرياضية التي تُستخدم في تحديد موقع مركز الكتلة لكتل نقطية، واستخدامها في إيجاد مركز الكتلة في أحد «المسائل مع إجابات» التي لم يقوموا بحلّها أثناء الدرس أو إعطائهم مسائل أخرى.

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أيّ التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركّز على السبب الذي أدّى إلى سوء الفهم، مشدّداً على ضرورة أن تكون الإجابات منطقية بحيث يكون مركز الثقل أو الكتلة أقرب إلى الجزء الذي له كتلة أكبر في النظام.

إجابات أسئلة الدرس 3-3

أولاً - كرة مجوّفة، حلقة، كرسي ...

ثانياً - الجسم الجاسئ له مركز كتلة واحد. أمّا الأجسام المجوّفة، فيمكن أن يكون لها أكثر من مركز ثقل واحد، حيث يكون موضع مركز الثقل مجموعة نقاط تشكّل محور التناظر.

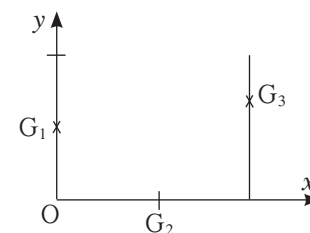
ثالثاً - يعلّق الجسم من نقطتين أو أكثر، فيكون مركز الثقل نقطة تقاطع الخطوط الرأسية التي تُرسم من نقطة التعليق في كلّ حالة.

رابعاً - إنّ إحداثيات كلّ من:

G1 (0, 5)

G2 (5, 0)

G3 (10, 5)



باستخدام معادلات تحديد موضع مركز الثقل نحصل على:

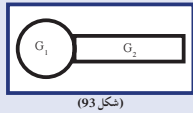
$$x_G = \frac{m(0) + m(5) + m(10)}{3m} = \frac{15m}{3m} = (5)cm$$

$$y_G = \frac{m(5) + m(0) + m(5)}{3m} = \frac{10m}{3m} = (3.33)cm$$

CM(5, 3.33)

مسألة

أوجد مركز كتلة الكتل الموزعة على الشكل التالي:
(1,1,0) عند $m_1 = (1)kg$
(0,0,1) عند $m_2 = (0.5)kg$
(-1,2,2) عند $m_3 = (2)kg$



(شكل 93)

وبأخذ مركبات العلاقة على المحاور (Ox)، (Oy) و(Oz)، نجد مركبات مركز الكتلة:

$$x_{cm} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i x_i$$

$$y_{cm} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i y_i$$

$$z_{cm} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i z_i$$

7. مركز كتلة عدة أجسام متصلة

Center of Mass of Several Attached Bodies

لنأخذ جسمين متصلين الواحد بالآخر مثل الكرة والعصا منتظمة الشكل الموضّحين في الشكل (93).
لتحديد موضع مركز الكتلة للجسمين، نقوم بتحديد مركز الكتلة لكلّ جسم، ثمّ نجد مركز الكتلة كما فعلنا سابقاً بين كتلتين نقطيتين. ويمكننا أن نعمّم ذلك على أكثر من جسم يتصل كلّ منهم بالآخر.

مثال (3)

أوجد مركز الكتلة للنظام المؤلّف من الكرة والعصا (شكل 93) علماً أنّ كتلة الكرة تساوي $m_1 = (2) kg$ ونصف قطرها يساوي $(20)cm$ ، وأنّ كتلة العصا تساوي $m_2 = (1)kg$ وطولها $(60)cm$.

طريقة التفكير في الحلّ

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: $m_1 = (2)kg$

$m_2 = (1)kg$

غير المعلوم:

مركز الكتلة للنظام المؤلّف من الكرة والعصا: $x_{cm} = ?$

2. احسب غير المعلوم

نحدّد مركز كتلة كلّ جسم، وهو المركز الهندسي لأنهما جسمان منتظم الشكل. نختار المحور الأفقي (Ox) الذي يمزّ بمركز الكتلتين كما في الشكل، ونختار مركز كتلة الكرة لتكون مركز الإحداثيات (0,0). وبالتالي تكون إحداثيات مركز كتلة العصا (50, 0).

باستخدام المعادلة الرياضية:

$$x_{cm} = \frac{2(0) + 1(50)}{1 + 2} = \frac{50}{3} = (16.66)cm$$

$y_{cm} = (0)cm$

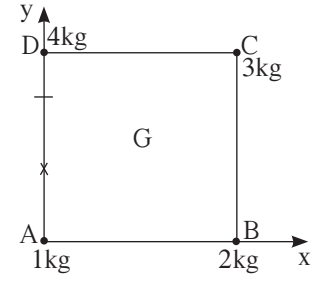
وبالتالي يكون مركز كتلة النظام محدّد بالإحداثيات (16.66, 0).

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

مركز الكتلة موجود جهة الكتل الأكبر مقدّاراً، وهذا يؤكّد صحة النتائج.

خامساً - باختبار (m_1) لتكون مركز المحورين Ox و Oy ، تكون

إحداثيات كل كتلة على الشكل التالي:



$A(0, 0), B(20, 0), C(20, 20), D(0, 20)$

باستخدام المعادلة الرياضية التالية:

$$x_{CM} = \frac{m_A x_A + m_B x_B + m_C x_C + m_D x_D}{m_A + m_B + m_C + m_D}$$

$$y_{CM} = \frac{m_A y_A + m_B y_B + m_C y_C + m_D y_D}{m_A + m_B + m_C + m_D}$$

نحصل على:

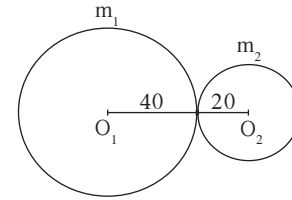
$$x_{CM} = \frac{1(0) + 2(20) + 3(20) + 4(0)}{10} = (10)cm$$

$$y_{CM} = \frac{1(0) + 2(0) + 3(20) + 4(20)}{10} = (14)cm$$

$G(10, 14)$

سادساً - نأخذ مركز كتلة القرص الحديدي لتكون مركز الإحداثيات.

نحدد إحداثيات $O_1(0, 0)$ و $O_2(60, 0)$.



باستخدام المعادلة الرياضية التالية:

$$x_{CM} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2} = \frac{0 + 200(60)}{700} = (17.14)cm$$

$$y_{CM} = 0$$

CM (17.14, 0)

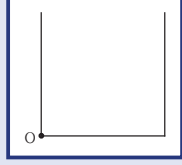
مراجعة الدرس 3-3

أولاً - أذكر مثالاً لجسم يكون مركز ثقله عند نقطة لا تحتوي على أي مادة.

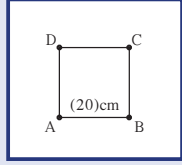
ثانياً - هل يمكن وجود أكثر من مركز ثقل لجسم واحد؟ علّل إجابتك.
ثالثاً - كيف يمكن تعيين موضع مركز الكتلة لجسم غير منتظم الشكل؟
رابعاً - جسم صلب مكون من ثلاثة قضبان متساوية ومستقيمة ومتجانسة، ملتصقة ببعضها ببعض كما في الشكل (94). حدد بالنسبة إلى مركز الإحداثيات O موضع مركز الكتلة، علماً أن طول كل قضيب يساوي 10cm.

خامساً - أحسب موضع مركز الكتلة لنظام مؤلف من أربع كتل، موزعة على أطراف مربع طول ضلعه 20cm ومهملة الكتلة كما في الشكل (95).

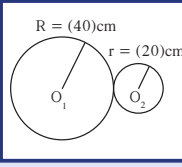
سادساً - قرص من الحديد كتلته 500g ونصف قطره 40cm تم وصله بقرص من النحاس كتلته 200g ونصف قطره 20cm كما في الشكل (96). أحسب موضع مركز كتلة القرصين.



(شكل 94)



(شكل 95)



(شكل 96)

صفحات الطالب: من ص 85 إلى ص 89

عدد الحصص: 2

الأهداف

- ✓ يعرف انقلاب الأجسام.
- ✓ يحدد العوامل المؤثرة في انقلاب الأجسام.
- ✓ يفسر سبب عدم انقلاب الأجسام على الرغم من إمالتها.
- ✓ يعرف الزاوية الحدية لانقلاب الجسم.
- ✓ يحسب مقدار الزاوية الحدية لانقلاب جسم له شكل متوازي الأضلاع.

الأدوات المستعملة: السبورة، أقلام ملونة، نماذج توضيحية، أقراص مدمجة، شبكة الإنترنت.

1. قَدِّم وحفِّز

1.1 تنشيط المعرفة السابقة

لتقدير مدى معرفة الطلاب عن سبب انقلاب بعض الأجسام، إ طرح عليهم السؤال التالي:

✓ هل يمكن لجبل جليدي طاف فوق الماء أن ينقلب؟

ناقش الطلاب عن سبب انقلاب بعض الشاحنات المحملة لدى إمالتها أو انقلاب السيارات عند حدوث تصادم. وجه النقاش بحيث يستنتج الطلاب من خلاله أن لتصميم السيارة أو الجسم وموقع مركز ثقله تأثير على ثباتها ومقاومتها للانقلاب. استخدم النقاش كمدخل للدرس.

2.1 استخدام الصورة الافتتاحية للدرس

دع الطلاب يتفحصون الصورة الافتتاحية للدرس لتحفيزهم ولفت انتباههم إلى سبب انقلاب الشاحنة. دعهم يتناقشون حول ما إذا كان لموضع مركز الثقل تأثير على ثبات الشاحنة، ويقترحون موضعاً لمركز الثقل على الصورة يمنع الشاحنة من الانقلاب. استخدم توقعاتهم ومناقشاتهم كمدخل للدرس.

2. علِّم وطبّق

1.2 مناقشة

استخدم الشكل (98) في كتاب الطالب، ودع الطلاب يلاحظون متى يبدأ الجسم بالانقلاب. ناقش ملاحظاتهم حول انقلاب الصندوق. ملاحظة: يمكنك تطبيق هذا عملياً في الصف أمام الطلاب.

الانقلاب الأجسام Toppling

الدرس 3-4

الأهداف العامة

- ✓ يعرف انقلاب الأجسام.
- ✓ يحدد العوامل المؤثرة في انقلاب الأجسام.
- ✓ يفسر سبب عدم انقلاب الأجسام على الرغم من إمالتها.
- ✓ يعرف الزاوية الحدية لانقلاب الجسم.
- ✓ يحسب مقدار الزاوية الحدية لانقلاب جسم له شكل متوازي الأضلاع.



(شكل 97)

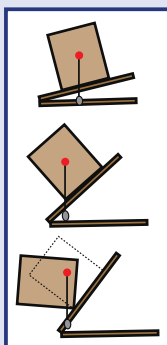
هل لتصميم هذه السيارة دور في انقلابها؟

لماذا تنقلب بعض الشاحنات على جنبها أو تنقلب بعض السيارات عند اصطدامها؟ هل للتصميم دور في هذا؟ هل لموضع مركز الثقل تأثير على ثبات الأجسام وعدم انقلابها؟
الاجابات عن هذه الأسئلة هي موضوع هذا الدرس، حيث سنكشف تأثير موقع مركز الثقل في مقاومة الأجسام للانقلاب.

Toppling

1. انقلاب الأجسام

تُت بمسمار خيطاً ذا ثقل عند مركز كتلة خشبية كبيرة كما هو موضح في الشكل (98)، وقم بإمالتها. لاحظ متى بدأ الجسم بالانقلاب. ستلاحظ أن الجسم يبدأ بالانقلاب عندما يصبح الخيط ذا الثقل واقعاً خارج القاعدة الحاملة للجسم. وعليه يمكننا أن نستنتج أن القاعدة الأساسية لانقلاب الأجسام تتلخص بما يلي: عندما يكون مركز ثقل الجسم فوق مساحة القاعدة الحاملة للجسم، يبقى الجسم ثابتاً ولا ينقلب.



(شكل 98)
انقلاب الجسم

وجّه النقاش ودع الطلاب يستنتجون أنّ القاعدة الأساسية لانقلاب الأجسام تتلخّص بما يلي:

عندما يكون مركز الثقل للجسم فوق مساحة القاعدة الحاملة له، يبقى الجسم ثابتاً ولا ينقلب. وعندما يكون مركز الثقل للجسم خارج مساحة القاعدة الحاملة له، ينقلب الجسم.

استخدم المثال المطروح عن سبب عدم انقلاب باص لندن الذي يتكوّن من طابقين (شكل 99) على الرغم من أنّ الطابق العلوي مليء بالركّاب، وذلك لأنّ مركز ثقله يبقى فوق المساحة الحاملة.

وضّح أيضاً سبب عدم وقوع برج بيزا على الرغم من إمالاته، وذلك لأنّ مركز ثقله فوق المساحة الحاملة له. أخبر الطلاب أنّ في أساس برج بيزا كتلة من الرصاص كتلتها 400kg تجعل مركز ثقله منخفضاً، وبالتالي تجعل الخطّ العمودي من مركز الثقل يقع فوق المساحة الحاملة.

شدّد على أنّه طالما يكون مركز الثقل فوق المساحة الحاملة للجسم، فمن الصعب جداً أن ينقلب الجسم. شدّد أيضاً على أنّه ليس ضرورياً أن تكون القاعدة الحاملة للجسم واحدة، فأرجل الكرسي على سبيل المثال تحصر مساحة مستطيلة تشكّل قاعدة حاملة. ووضّح أهميّة ذلك في تدعيم الأجسام المائلة، مثل تدعيم برج بيزا من خلال إسناده بحيث تشكّل قاعدة جديدة تبقي مركز ثقله فوق المساحة الحاملة له.

2.2 مناقشة

إسأل الطلاب أيهما يقاوم الانقلاب أكثر، مزهرية تحتوي على أزهار بدون ماء أو أخرى مماثلة لها تحتوي على أزهار، وممتلئة حتّى نصفها بالماء؟ دعهم يناقشون إجاباتهم ووجّه النقاش ليدور حول موضع مركز الكتلة في كلّ حالة من الحالتين. ثمّ اسأل:

هل إضافة الحصى إلى المزهرية التي تحتوي على الماء يزيد توازنها؟ لماذا؟

دعهم يتناقشون فيستنتجون أنّ زيادة الحصى تخفّض مركز الثقل نحو القاعدة، ما يجعل الجسم أكثر ثباتاً ومقاومة للانقلاب.

نقّذ النشاط الموجود في كتاب الطالب ص 86. دع الطلاب يلاحظون ويختبرون أنّ المخبر المدرّج الذي يحتوي على حصى هو أكثر مقاومة للانقلاب من المخبر الفارغ.

لربط الفيزياء بالتكنولوجيا، أشر إلى أهميّة خفض مركز كتلة سيارات السباق من القاعدة الحاملة من أجل زيادة ثباتها ومقاومتها للانقلاب.

3.2 نشاط إضافي توضيحي

أطلب إلى أحد الطلاب أن يجلس على كرسي ويواجه باقي الطلاب، ثمّ اطلب منه أن يقف منتصباً بدون أن يضع قدميه أسفل الكرسي (على المساحة الحاملة للكرسي). سيكتشف أنّ ذلك غير ممكن. ناقش استحالة ذلك مع الطلاب ودعهم يستنتجون أنّ السبب هو عدم وجود قاعدة ارتكاز أسفل مركز ثقل الطالب.



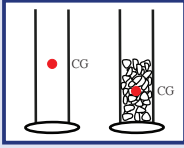
(شكل 99)
باص لندن الشهير بدون أن يقع.



(شكل 100)
لا يقع برج بيزا المائل لأن مركز ثقله يقع فوق قاعدته.



(شكل 101)
تمثّل المساحة أسفل المقعد حدود المساحة الحاملة له.



(شكل 102)
مركز الثقل في المخبر الذي يحتوي على حصى أقرب إلى القاعدة من مركز الثقل في المخبر الفارغ.

وعندما يكون مركز ثقل الجسم خارج مساحة القاعدة الحاملة للجسم، سينقلب الجسم. يُستخدم هذا المفهوم في تحديد مقدار إمكانية ميل الحافلة بدون أن تنقلب (شكل 99). باص لندن الشهير الذي يتكوّن من طابقين يُصمم ليميل بزاوية 28° بدون أن ينقلب، وذلك على الرغم من أنّ الطابق العلوي مليء بالركّاب بينما لا يوجد في الطابق السفلي إلا السائق والمحصل. وهذا يعود إلى أنّ معظم ثقل الحافلة يتركز في الطابق السفلي، وأنّ ثقل ركّاب الطابق العلوي لا يرفع موضع مركز الثقل إلا مسافة صغيرة. وبالتالي يبقى مركز الثقل فوق مساحة القاعدة الحاملة له وهذا يمنع انقلاب الحافلة على الرغم من إمالاتها.

أحد الأمثلة المهمة التي تبيّن أهميّة وجود مركز الثقل فوق المساحة الحاملة في ثبات الأجسام، هو برج بيزا المائل (شكل 100). فهو لا ينقلب لأنّ مركز ثقله يقع فوق مساحة القاعدة الحاملة له. فالخطّ العمودي من مركز الثقل يقع داخل القاعدة، وهذا ما يجعل البرج يفتي قائماً منذ قرون. لكن إذا مال البرج أكثر من ذلك وأصبح الخطّ العمودي من مركز الثقل خارج المساحة الحاملة له، فسيفقد البرج تحسّنه.

لكن السؤال الذي يطرح نفسه في مثل هذا الوضع هو، هل توجد طريقة تمنع سقوط هذا البرج وضياغ هذا الإرث المهم؟ من المهم أن نعرف أنّه ليس ضرورياً أن تكون القاعدة الحاملة للجسم واحدة. فالأرجل الأربعة للكرسي الموضّحة في الشكل (101) تحصر مساحة على شكل مستطيل تمثّل القاعدة الحاملة للكرسي. وعملياً يمكن استخدام إسناد لدعم البرج ومنعه من السقوط إذا زاد ميله إلى حدّ الخطر. وسيشكّل هذا الإسناد قاعدة حاملة جديدة للبرج تبقي مركز الثقل داخل حدود هذه القاعدة الحاملة الجديدة وتمنع سقوطه.

2. قرب مركز الثقل من المساحة الحاملة

Closeness of the Center of Gravity to the Supporting Area
لاحظنا سابقاً أهميّة أن يكون مركز الثقل فوق المساحة الحاملة للجسم، وتأثير مقدار المساحة الحاملة على اتزان الجسم وعدم سقوطه. لكن سنستكشف في هذا القسم الإجابة عن السؤال التالي: هل لقرب مركز الثقل أو بعده من المساحة الحاملة للجسم أهميّة في ثباته عدم انقلابه؟ للإجابة عن هذا السؤال يمكننا أن نجري النشاط التالي:

لنأخذ مخبرين مدرّجتين متماثلتين لهما مساحة القاعدة نفسها، ونضع في المخبر الأول كمية من الحصى الصغيرة نترك الثاني فارغ (شكل 102)، علماً أنّ ملء المخبر بالحصى يجعل مركز ثقلها أقرب إلى القاعدة لأنّ مركز الثقل يكون أقرب إلى الثقل الأكبر كما تعلّمنا سابقاً.

4.2 مناقشة

دع الطلاب يلاحظون وجود زاوية حدية بحيث يعود الجسم إلى وضعه المستقر في حال أميل بمقدار أصغر منها وإلى انقلابه إذا أميل بزاوية أكبر من مقدارها.

دع الطلاب يختبرون ذلك عملياً باستخدام أدوات متوفرة لديهم، مثل ممحاة لها شكل متوازي المستطيلات.

أطلب إليهم اختبار الزاوية الحدية لانقلاب الأجسام وملاحظة حركة مركز الكتلة للجسم. ثم دعهم يناقشون ما لاحظوه حول حركة مركز كتلة الجسم من لحظة إمالاته، مروراً بالزاوية الحدية حتى انقلابه. ووجه النقاش بحيث يستنتج الطلاب أن مركز الكتلة يكون في أعلى موضع له عند الزاوية الحدية.

استخدم هذه الملاحظة في تعريف الزاوية الحدية على أنها «الزاوية حيث يكون مركز الثقل في أعلى نقطة، وحيث الخط العمودي المار بمركز الثقل يمر بمحور الدوران للجسم».

استخدم الشكل (105) حيث يكون الصندوق مائلاً بزاوية يساوي مقدارها مقدار الزاوية الحدية. استخدم الشكل الهندسي الموضح في كتاب الطالب لتجد العلاقة بين طول ضلع القاعدة العمودي على محور الدوران وارتفاع مركز الكتلة عن السطح الأفقي والزاوية الحدية. وضّح للطلاب الخطوات المتبعة للتوصل إلى هذه العلاقة.

دعهم يستنتجون رياضياً أن انخفاض مركز الثقل عن السطح الأفقي يعني أن الزاوية الحدية تكون كبيرة، وهذا يعني مقاومة الجسم للسقوط. كما أن ارتفاع مركز الثقل يعني زاوية حدية صغيرة، وهذا يعني سهولة انقلاب الجسم عند إمالة بسيطة.

ملاحظة: إلفت انتباه الطلاب إلى أن انخفاض مركز الكتلة تحت السطح الأفقي يعني عدم إمكانية انقلاب الجسم نهائياً. ويُستخدم ذلك المبدأ في تصميم المباني المرتفعة التي يجب أن يكون مركز ثقلها أسفل سطح الأرض لكي تقاوم الانقلاب الذي قد تحدثه العوامل الطبيعية من زلازل وأعاصير.

أعط الطلاب الوقت الكافي للاطلاع على المثال المحلول (1) ص 88، ودعهم يناقشون الطريقة المتبعة في الحل. تأكد من أنهم استخدموا المعادلة الرياضية بشكل صحيح وتمكنوا من التوصل إلى النتيجة المذكورة. أطلب إلى أحدهم وتحت إشرافك مناقشة الحل وعرض الخطوات المتبعة للتوصل إلى النتيجة.

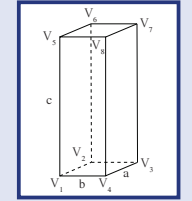
5.2 نشاط

الفيزياء وعلم الأحياء: «الذبول»

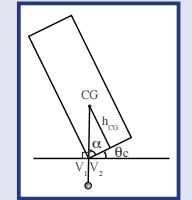
أشر إلى أن ذيل الحيوان يسمح له بالتحكم بموضع مركز ثقله ونقله إلى فوق قدميه لكي يحافظ على ثباته عند تأديته نشاطات مختلفة.



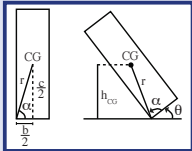
(شكل 103)
ارتفاع سيارة Formula 1 عن الأرض صغير لكي يجعل مركز ثقلها قريباً إلى القاعدة الحاملة، ما يزيد من ثباتها.



(شكل 104)



(شكل 105)
عند الزاوية الحدية، يكون مركز الثقل في أعلى نقطة.



(شكل 106)
ينقلب الجسم إذا كانت $\theta > \theta_c$.

تؤثر قوتين صغيرتين متساويتين على طرف كل مخبار ونلاحظ أي واحد منهما يمكن أن تنقلب أسهل، على الرغم من تساوي المساحة الحاملة لهما.

سنلاحظ أن المخبار الفارغ قد يميل أكثر من المخبار الذي يحتوي على الحصى، ومن المحتمل أن ينقلب جانباً، في حين أن المخبار الذي يحتوي على كمية من الحصى قد يميل قليلاً ويعود إلى وضعه الأول.

مما سبق يمكننا أن نستنتج أن قرب مركز الثقل من المساحة الحاملة يزيد من ثبات الجسم ويمنع انقلابه. فكلما كان مركز الثقل أقرب إلى المساحة الحاملة للجسم، كان الجسم أكثر ثباتاً.

وأحد التطبيقات المهمة على زيادة ثبات الأجسام ومنع انقلابها جعل مركز الثقل قريباً من المساحة الحاملة للجسم، يظهر في تصميم سيارات السباق السريعة (شكل 103). فنصمم هذه السيارات بشكل يجعل مركز الثقل قريباً جداً من المساحة الحاملة، ما يمنع انقلابها على الرغم من السرعات الكبيرة التي تتحرك بها.

3. زاوية الانقلاب الحدية Critical Angle of Toppling
إلى أي مدى يمكن إمالة الصندوق بدون أن ينقلب؟
لنأخذ صندوقاً على هيئة متوازي المستطيلات ويوضع على طاولة أفقية بحيث يكون ضلعه c عمودياً على سطح الطاولة، والضلعان a و b على السطح كما في الشكل (104).

لنقم بإمالة الجسم حول المحور المار بالرأسين V_1 و V_2 بالاتجاه الموجب. فنلاحظ أنه عند إمالة الجسم بزاوية θ ، يبقى مركز الثقل فوق المساحة الحاملة، لذلك يعود الجسم إلى أترانه ولا ينقلب إذا ترك. لكن إذا أميل الجسم بزاوية أكبر تجعل مركز الثقل خارج المساحة الحاملة (الوجه الملامس للطاولة)، سوف ينقلب الجسم ويفقد أترانه.

ولدراسة تأثير مقدار زاوية الإمالة على انقلاب الجسم، سنعرّف الزاوية الحدية θ_c ، وهي الزاوية التي يكون فيها مركز ثقل الجسم في أعلى نقطة، وحيث الخط العمودي المار بمركز الثقل يمر بالمحور V_1V_2 (شكل 105).
إذا أميل الجسم بزاوية أكبر من الزاوية الحدية θ_c ، سينقلب الجسم حول المحور V_1V_2 . أما إذا كانت زاوية الإمالة θ أصغر من الزاوية الحدية، فسيعود الجسم إلى وضع أترانه (شكل 106).

ومن المهم معرفة أن الأجسام ذات الزاوية الحدية الكبيرة تكون أكثر استقراراً وثباتاً من الأجسام ذات زاوية حدية صغيرة. ولحساب مقدار الزاوية الحدية θ_c بالنسبة إلى مقاييس الجسم متوازي المستطيلات، سنعرّف الزاوية α ، وهي الزاوية بين الضلع b والخط العمودي على سطح الطاولة والمار بمركز الثقل.

وسنعرّف الزاوية θ لتكون الزاوية بين ضلع القاعدة b و سطح الطاولة (شكل 106).

نفترض أن الجسم في وضع حيث يميل بزاوية $\theta = \theta_c$ كما في الشكل، يمكننا إذاً أن نجد العلاقة التالية.

$$\tan \alpha = \frac{h_{CG}}{(b/2)} \Rightarrow \tan \alpha = \frac{2h_{CG}}{b}$$

ومن الشكل نحّد العلاقة بين الزاوية α والزاوية θ على الشكل التالي:

$$\theta_c = 90 - \alpha$$

وبالتعويض عن α نجد أن الزاوية الحدية تساوي:

$$\theta_c = 90 - \tan^{-1} \left(\frac{2h_{CG}}{b} \right)$$

إذا كان ارتفاع مركز الثقل h_{CG} عن القاعدة أصغر بكثير من طول ضلع القاعدة b، تكون الزاوية الحدية قريبة إلى 90° ، وهذا يعني أنه من الصعب أن ينقلب الجسم. يؤكد ذلك ما توصلنا إليه سابقاً عن أن قرب مركز الثقل من القاعدة يزيد من ثبات الجسم ومقاومته للانقلاب.
أما إذا كان ارتفاع مركز الثقل h_{CG} عن القاعدة أكبر من b، فتكون الزاوية الحدية صغيرة جداً وتساوي الصفر تقريباً. وهذا يعني أن الجسم لا يستطيع مقاومة الانقلاب وينقلب عند أي إمالة صغيرة.

مثال (1)

صندوق على شكل متوازي مستطيلات له الأبعاد التالية: a = (5)cm، c = (20)cm، b = (5)cm، موضوع على سطح أفقي أملس بحيث الضلع c عمودي على السطح الأفقي.
احسب مقدار الزاوية الحدية التي إذا ما أميل الصندوق بزاوية أكبر منها انقلب على جنبه.

طريقة التفكير في الحل

1. حل: أذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: أبعاد الصندوق، a = (5)cm، b = (5)cm، c = (20)cm، غير المعلوم:

الزاوية الحدية لانقلاب الصندوق، θ_c = ؟

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

- لتقييم استيعاب الطلاب للدرس، إ طرح عليهم الأسئلة التالية:
- ما السبب الرئيسي وراء انقلاب الأجسام عند إمالتها؟
 - كيف يرتبط ارتفاع مركز ثقل الجسم بمقاومته للانقلاب؟
 - عرّف الزاوية الحدية للانقلاب.

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أيّ التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركّز على السبب الذي أدّى إلى سوء الفهم، مشدّداً على ضرورة الاستخدام الصحيح للوحدات الصحيحة أثناء حلّ المسائل، والتوصّل إلى إجابات منطقية.

إجابات أسئلة الدرس 3-4

أولاً - لكي يبقى مركز ثقل جسمك وما تحمله باليد الأخرى داخل منطقة ارتكازك على الأرض فلا تتعرض للانقلاب.

ثانياً - للمدى الذي يبقى عنده الخطّ الرأسي المارّ بمركز ثقل الجسم داخل منطقة الارتكاز.

ثالثاً - إبعاد القدمين يوسّع منطقة الارتكاز، في حين يخفّض ثني الركبتين مركز ثقل الجسم.

رابعاً - تكون قاعدة ارتكاز المقعد الذي له أربع أرجل مستطيلة الشكل. أمّا المقعد الذي له ثلاث أرجل، فتكون قاعدته مثلثة الشكل، ولها نصف مساحة المستطيل. وهذا المقعد يبقى متزّناً ولا ينقلب إلى أن يجلس عليه أحد ما.

خامساً - لأنّ مركز ثقله يقع فوق المساحة الحاملة له.

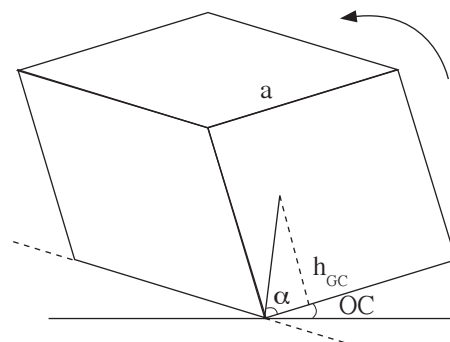
سادساً - ارتفاع مركز الثقل في المكعب (5)cm $h_{CG} = \frac{a}{2}$ باستخدام المعادلة التالية: $\theta_c = 90 - \tan^{-1} \left(\frac{2 h_{CG}}{a} \right)$

وبالتعويض عن القيم المعلومة نحصل على:

$$\theta_c = 90 - \tan^{-1} \left(\frac{2 \times 5}{10} \right)$$

$$\theta_c = 90 - 45$$

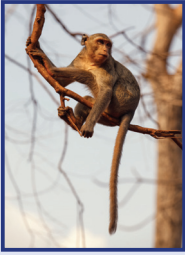
$$\theta_c = 45^\circ$$



فقرة إثرائية

ارتباط الفيزياء بالطبيعة

الذبول



عندما نتخني ونحاول مدّ ظهرنا أفقياً قدر المستطاع لتبلغ يديك غرضاً بعيداً عنك، ستلاحظ وجود حدّ إذا تجاوزته وقعت. يعتمد المدى الذي يمكنك مدّ جسمك خلاله على إمكانية حفظ الخطّ العمودي الممتدّ من مركز ثقل جسمك داخل حدود المساحة التي تحملك. من جهة أخرى، يستطيع القرد أن يمدّ جسمه لمسافات أكبر ممّا يستطيع الإنسان بدون أن يقع. ويرجع ذلك إلى أنّه يمدّ ذيله للوراء، فيبقى مركز ثقله فوق أقدامه. من خلال هذا المثال، يتضح لنا أنّ ذيل الحيوان يجعله قادراً على نقل موضع مركز ثقل جسمه مع المحافظة على اتزانته. ولعلنا نستطيع الآن فهم وظيفة ذيل الديناصورات الضخم في تمكينها من مدّ رقبتها بعيداً عنها بدون أن تقع.

مثال (1) (تابع)

2. احسب غير المعلوم

ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة $h_{CG} = (10) \text{cm}$

مستخدماً المعادلة الرياضية، $\tan \alpha = \frac{2h_{CG}}{a}$

$\tan \alpha = \frac{2 \times 10}{5} = 4 \Rightarrow \alpha = 76^\circ$

$\theta_c = 90 - 76 = 14^\circ$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة أكبر من طول ضلع القاعدة، وهذا يعني سهولة انقلاب الجسم عند إمالة صغيرة.

مراجعة الدرس 3-4

أولاً - فسر سبب مدّ ذراعك أفقياً عندما تحمل شيئاً ثقيلاً باليد الأخرى.

ثانياً - لأيّ مدى يمكن إمالة جسم قبل أن ينقلب؟

ثالثاً - فسر لماذا يبعد المصارع قدميه الواحدة عن الأخرى وشني ركبتيه أثناء اللعب ليقاوم الانقلاب.

رابعاً - ما التغيير الذي يمكن أن يحدث للقاعدة الحاملة للكرسي الموضّح في الشكل (101) عند إزالة إحدى رجليه الأماميتين؟ هل ينقلب الكرسي؟

خامساً - لماذا لا يسقط برج بيزا المائل؟

سادساً - مكعب من الخشب طول ضلعه (10)cm موضوع على سطح أفقي. احسب مقدار الزاوية الحدية لانقلاب المكعب على أحد جوانبه إذا تعرض لقوّة إمالة.

صفحات الطالب: من ص 90 إلى ص 94

عدد الحصص: 2

الأهداف

- ✓ يعرف مفهوم الاتزان .
- ✓ يعرف حالات الاتزان السكوني (الاستاتيكي)، الاتزان المستقر، الاتزان غير المستقر (القلق)، الاتزان المحايد (المتعادل).
- ✓ يقارن بين اتزان مستقر وآخر أكثر استقراراً.
- ✓ يستنتج تأثير موقع مركز الثقل بالنسبة إلى نقطة الارتكاز على استقرار الاتزان.

الأدوات المستعملة: السبورة، أقلام ملونة، نماذج توضيحية، أقراص مُدمجة، شبكة الإنترنت.

1. قَدِّم وحفِّز

1.1 تنشيط المعرفة السابقة

- لتقدير مدى معرفة الطلاب عن العوامل المؤثرة على مقاومة الجسم للانقلاب، اطرح عليهم الأسئلة التالية:
- ✓ كيف يؤثر ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة الحاملة على ثبات الجسم؟
- ✓ هل لمساحة القاعدة تأثير على ثبات الجسم؟
- ✓ متى ينقلب الجسم؟

استخدم إجابات الطلاب كمدخل إلى الدرس، واعرض أهداف الدرس التي تتمحور حول الاتزان وأنواعه.

2.1 استخدام الصورة الافتتاحية للدرس

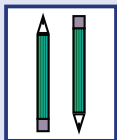
- دع الطلاب يتفحصون الصورة الافتتاحية للدرس ويلاحظون موقع مركز الثقل والمساحة القاعدة الحاملة لكل قلم في الصورة. ثم اسألهم أيًا من الأقلام أكثر اتزانًا ومقاومة للسقوط.
- شدّد على أن يلاحظوا ارتفاع موضع مركز الثقل عن القاعدة الحاملة للقلم، ودعهم يلاحظون أن القلم لا يستطيع أن يتّزن على رأسه المدبّب على الرغم من وجود مركز الثقل فوق المساحة الحاملة. وحتى لو اتّزن للحظة، لا يكون اتّزانه مستقرًا.
- استخدم هذه الملاحظة كمدخل لطرح وجود عدّة حالات من الاتزان، منها المستقر ومنها غير المستقر، وأنّ هذا ما سيتعلّمه الطلاب في سياق الدرس.

الاتزان (الثبات) Stability

الدرس 3-5

الأهداف العامة

- ✓ يعرف مفهوم الاتزان .
- ✓ يعرف حالات الاتزان السكوني (الاستاتيكي)، الاتزان المستقر، الاتزان غير المستقر (القلق)، الاتزان المحايد (المتعادل).
- ✓ يقارن بين اتزان مستقر وآخر أكثر استقراراً.
- ✓ يستنتج تأثير موقع مركز الثقل بالنسبة إلى نقطة الارتكاز على استقرار الاتزان.



(شكل 107)
يتّزن القلم على القاعدة المسوية.

درسنا في الدرس السابق مفهوم الانقلاب والعوامل المؤثرة في مقاومة الجسم للانقلاب وزيادة ثباته واتّزانه، من مساحة القاعدة الحاملة للجسم، وموقع مركز الثقل فوق تلك القاعدة وقرب أو بعد مركز الثقل من تلك القاعدة.

فالقلم الرصاص على سبيل المثال لا يستطيع أن يتّزن فوق رأسه المدبّة، في حين يكون اتّزانه فوق قاعدته المستوية أسهل، لأنّ مساحة القاعدة الحاملة للقلم أوسع (شكل 107). واتّزان القلم الرصاص القصير، حيث يكون مركز الثقل أقرب إلى القاعدة الحاملة، يكون أسهل من اتّزان القلم الرصاص الطويل.

لكن ما سنكتشفه في سياق هذا الدرس هو أنّ لاتّزان الأجسام حالات مختلفة بالنسبة إلى استقرارها وثباتها ومحافظةها على وضع الاتزان الأولي.

Definition of Stability

1. تعريف الاتزان

ينقسم الاتزان إلى نوعين: اتزان سكوني (استاتيكي) واتّزان ديناميكي . يكون الجسم الصلب متّزناً اتّزاناً سكونياً إذا كان ساكناً، أي أنّه لا يتحرّك من موضعه أو يدور حول أيّ محور، مثل كتاب موضوع على سطح أفقي . أمّا إذا تحرّك الجسم بسرعة منتظمة على خطّ مستقيم حيث تساوي محصلة القوى المؤثرة عليه صفراً، أو إذا كان الجسم يدور بسرعة دورانية ثابتة، فيكون في حالة اتّزان ديناميكي . سنتناول في هذا الدرس الاتزان السكوني فحسب، وسنوضّح حالاته المختلفة.

إسأل الطلاب عن محصلة القوى المؤثرة على كتاب الفيزياء الموضوع على الطاولة. وضح لهم أنّ هذا الكتاب في حالة اتزان سكوني حيث محصلة القوى المؤثرة تساوي صفراً.

ذكرهم أنّ محصلة القوى المؤثرة على الجسم المتحرك بسرعة ثابتة على مسار مستقيم تساوي صفراً، ويسمى ذلك اتزاناً ديناميكياً.

ويمكن تلخيص الاتزان بما يلي:

✓ الاتزان نوعان: اتزان سكوني واتزان ديناميكي.

✓ الاتزان السكوني يعني أنّ الجسم لا يدور حول محور أو يتحرك من موضعه.

إلفت انتباه الطلاب إلى أننا سنتناول في هذا الدرس الاتزان السكوني فحسب.

2.2 مناقشة

أطلب إلى الطلاب محاولة جعل القلم أو أي جسم مخروطي الشكل يتزن على رأسه المدبّب. ثمّ إسألهم لماذا يصعب جعل قلم الرصاص يتزن على رأسه على الرغم من وجود مركز ثقله فوق الرأس المدبّب. وشدّد على أنّ صغر المساحة الحاملة للقلم ليست السبب الوحيد.

دعهم يلاحظون حركة مركز الثقل للمخروط أثناء انقلابه، وما إذا كان مركز الثقل يرتفع أو ينخفض عن سطح الطاولة أثناء الانقلاب. شدّد على أنّنا بالاعتماد على إزاحة مركز الثقل، سنحدّد حالات اتزان الجسم ونعرّف ثلاث حالات للاتزان (مستقرّ، غير مستقرّ أو قلق، محايد).

أطلب إلى الطلاب ملاحظة حركة مركز الثقل في الأشكال في كتاب الطالب، واعط تعريفاً لكلّ حالة من حالات الاتزان بحسب حركة مركز الثقل أثناء إمالة الجسم.

3.2 مناقشة

وضّح للطلاب أنّ موضع مركز ثقل الأجسام لا يتغيّر، لكن يمكن أن يرتفع أو ينخفض عندما ينقلب الجسم. وكلّما احتاج الجسم إلى شغل أكبر لرفع مركز ثقله، يكون أكثر ثباتاً.

استخدم الشكل (113) في كتاب الطالب لتوضّح هذا المبدأ، وليلاحظ الطلاب أنّ الكتاب الموضوع بشكل مسطح هو أكثر استقراراً لأنّه يحتاج إلى بذل شغل أكبر لرفع مركز ثقله. في حين أنّ الكتاب الآخر المستقرّ على حافته أقلّ استقراراً لأنّ مركز ثقله لا يرتفع كثيراً بالمقارنة مع الحالة الأولى.

دع الطلاب يستنتجون أنّه كلما زادت الحاجة إلى بذل شغل أكبر لرفع مركز الثقل، يكون الجسم أكثر اتزاناً واستقراراً.

2. حالات الاتزان السكوني Cases of Static Stability

لماذا من الصعب جداً أن نجعل القلم الرصاص يتزن فوق رأسه المدبّة على الرغم من أنّ مركز ثقله يقع تماماً فوق هذه الرأس؟ إذا أجبت بأنّ صغر المساحة الحاملة للقلم هي السبب الوحيد، فإنّ إجابتك ليست دقيقة. يوجد سبب أساسي آخر مهمّ لعدم اتزان القلم. ولمعرفة هذا السبب، ضع مخروطاً مصصاً من الخشب على طاولة أفقية مستوية كما في الشكل (108).

ستلاحظ استحالة توازن هذا المخروط على رأسه، حتّى لو كان مركز ثقله يقع تماماً فوق الرأس، مثل القلم الرصاص، لأنّ أيّ اهتزاز، مهما كان ضعيفاً، سيُسبّب انقلابه. لكن لاحظ ما إذا كان الانقلاب سيُسبّب ارتفاع مركز ثقل المخروط بالنسبة إلى سطح الطاولة، أو انخفاضه، أم أنّه لن يغيّر في موضعه.

توصلك إجابتك عن هذا السؤال إلى معرفة السبب الثاني وراء عدم اتزان القلم الرصاص أو المخروط على رأسه.

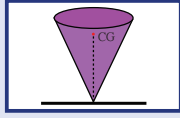
بنظرة فاحصة للشكل (109) ستري أنّ مركز الثقل قد انزاح إلى أسفل عندما تحرك المخروط. لذلك لم يستطع المخروط أن يستقرّ على رأسه المدبّب، وكان اتزانه غير مستقرّ.

وعليه نعرّف توازن الجسم بأنّه توازن غير مستقرّ عندما تسبّب أيّ إزاحة انخفاضاً في مركز ثقل الجسم، وعندما يتعد هذا الجسم نهائياً عن حالة اتزانه إذا دفع عنها. وضع المخروط على قاعدته كما في الشكل (110)، ولاحظ سهولة اتزانه عند ارتكازه على قاعدته.

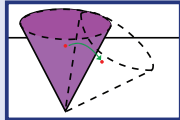
حاول أن تقلبه من هذا الوضع ولاحظ أنّك تضطرّ إلى بذل شغل عليه من أجل إزاحة مركز ثقله إلى أعلى. لاحظ أيضاً أنّك إذا أفقته يعود إلى وضعه الأوّل، أي أنّ الجسم في حالة توازن مستقرّ. ويكون توازن الجسم توازناً مستقرّاً عندما تسبّب أيّ إزاحة ارتفاعاً في مركز الثقل، وعندما يعود إلى حالة اتزانه الأولى إذا دفع عنها.

ضع المخروط على أحد جوانبه ولاحظ عدم ارتفاع مركز ثقله أو انخفاضه عند إزاحته في أيّ اتجاه. يكون الجسم في مثل هذه الحالة في حالة توازن محايد (متعادل) (شكل 111). ويكون توازن الجسم توازناً محايداً عندما لا تسبّب أيّ إزاحة ارتفاعاً أو انخفاضاً في مركز ثقله، وعندما ينقل من حالة اتزان إلى حالة اتزان جديدة إذا دفع عنها.

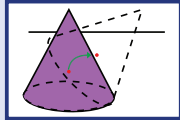
وإذا قارنا بين المخروط والقلم الرصاص، نستنتج أنّ القلم يكون في حالة توازن غير مستقرّ عند ارتكازه على رأسه. أمّا عند ارتكازه على قاعدته المستوية كما في الشكل (112)، فيكون في حالة توازن مستقرّ لأنّ انقلابه يتطلب ارتفاعاً صغيراً في مستوى مركز ثقله.



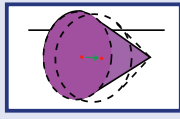
(شكل 108) مخروط مصص موضوع على رأسه



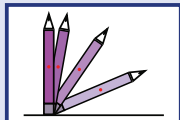
(شكل 109) توازن غير مستقر للجسم الذي ينخفض مركز ثقله عند إزاحته



(شكل 110) توازن مستقر للجسم الذي يجب بذل شغل لرفع مركز ثقله



(شكل 111) توازن محايد للجسم الذي لا يرتفع مركز ثقله ولا ينخفض



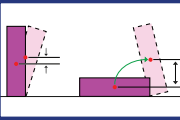
(شكل 112) لكي ينقلب القلم عندما يكون على قاعدته المستوية، يجب أن يرتفع مركز ثقله قليلاً ثم ينقلب

3. العلاقة بين استقرار الأجسام ومركز الثقل

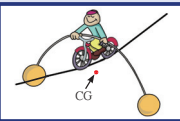
تعلّمنا في الدرس السابق عن الزاوية الحديّة لانقلاب الأجسام، ولاحظنا أنّ مقدار الزاوية الحديّة للانقلاب يعتمد على ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة الحاملة للجسم. واستنتجنا أنّه عندما يكون ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة كبيراً، يكون الجسم أقلّ ثباتاً في اتزانه من جسم له مساحة القاعدة الحاملة نفسها لكن مركز ثقله أقرب إلى القاعدة.

وبما أنّ الانقلاب هو حالة معاكسة للثبات، فيمكننا أن نقول أنّ الجسم الذي له مركز ثقل منخفض يكون أكثر استقراراً من ذلك الذي له مركز ثقل أعلى. فالكثبان في الشكل (113) مثلاً في حالة اتزان مستقرّ. لكنّ الكتاب المسطح يكون أكثر استقراراً من الآخر، فهو يحتاج إلى بذل شغل لرفع مركز ثقله إلى زاوية الانقلاب أكثر من الكتاب المرتكز على جانبه، والذي له مركز ثقل أكثر ارتفاعاً من الكتاب الموضوع بشكل مسطح.

اتزان القلم الرصاص في الشكل (114-أ) هو اتزان غير مستقرّ لأنّ مركز ثقله ينخفض عند إمالاته. لكن عند تثبيت ثمرتي البطاطا على طرفي القلم، يصبح اتزانه مستقرّاً لأنّ مركز ثقل المجموعة (القلم وثمرتي البطاطا) أصبح أسفل نقطة الارتكاز، ويرتفع إلى أعلى عند إمالة القلم كما يوضّح الشكل (114-ب).



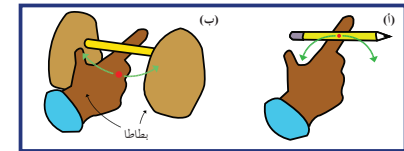
(شكل 113) قلب الكتاب عندما يكون على حالته يحتاج إلى رفع مركز الثقل قليلاً، في حين أنّ قلب الكتاب المسطح يحتاج إلى رفع مركز الثقل أكثر. أيهما يحتاج إلى بذل شغل أكثر لقلب؟



(شكل 115) يقع مركز ثقل هذه اللعبة أسفل نقطة الارتكاز، فيكون في حالة توازن مستقرّ لأنّ مركز ثقلها سيرتفع لأعلى عندما تتبدّل.



(شكل 116) مبنى سياتل سيدل في ولاية واشنطن في الولايات المتحدة الأمريكية. هذا المبنى غير قابل للسقوط مثل جبل جليد عائم لأنّ لكلّهما مركز ثقل يقع أسفل سطح الأرض.



(شكل 114)

(أ) القلم المرتكز على إصبع اليد غير مستقرّ التوازن، فعند إمالة ينخفض مركز ثقله. (ب) عند تعليق ثمرتي البطاطا بطرفي القلم يصبح التوازن مستقرّاً، حيث يرتفع مركز الثقل عند إمالة القلم.

تعتمد بعض ألعاب الاتزان الشهيرة للأطفال على هذا المبدأ. ويرجع السّر في هذا إلى طريقة توزيع الثقل بحيث يقع مركز ثقل اللعبة أسفل نقطة الارتكاز تماماً. وتعتبر اللعبة الموضّحة في الشكل (115) مثلاً على ذلك. ينخفض مركز ثقل المبنى إذا وجد جزء كبير منه في باطن الأرض، ويعتبر ذلك مهماً للمنشآت المرتفعة والضيقة، ومن أوضاع الأمثلة على هذا ذلك المبنى الموضّح بالشكل (116) والموجود في الولايات المتحدة الأمريكية، حيث إنه يمتد في باطن الأرض للحد الذي يجعل مركز ثقله يقع أسفل سطح الأرض، أي إنه لا يمكن أن يسقط كاملاً، والسبب أن سقوطه لن ينخفض موضع مركز ثقله مطلقاً.

دع الطلاب يلاحظون عدم اتزان قلم الرصاص على إصبع اليد في الشكل (114-أ) لأنّ مركز ثقله ينخفض عند إمالاته. لكن في الشكل (114-ب) عندما أصبح مركز الثقل أسفل نقطة الارتكاز أصبح القلم أكثر اتزاناً.

وضّح لهم سبب انخفاض مركز ثقل النظام المؤلّف من القلم وثمرّة البطاطا، وأنّ خفض مركز الثقل عن محور الاتزان يعتمد على طريقة توزيع الثقل. دعهم يلاحظون كيفية ارتفاع مركز ثقل النظام إلى أعلى عند إمالاته. يمكنك أن تنقذ ذلك عملياً أمام الطلاب وتعطهم الفرصة لاختبار ذلك أيضاً.

أكّد على أنّ مبدأ خفض مركز الثقل عن نقطة الارتكاز يُعتمد في تصميم بعض ألعاب الاتزان كما هو موضّح في الشكل (115).

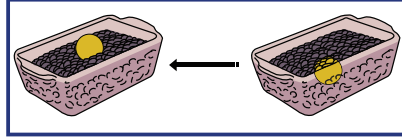
ألّفت انتباه الطلاب إلى أنّ مبدأ خفض مركز الثقل لدرجة يصبح بحاجة إلى أن يرتفع لأعلى عند الإمالة يُعتمد في تصميم المباني المرتفعة لكي تتمكّن من مقاومة عوامل طبيعية كالزلازل. فيُعتمد في تصميم الأبنية جعل مركز ثقل البناء أسفل سطح الأرض، ما يجعله مقاوماً للسقوط بشكل شديد.

استخدم الأمثلة الموجودة في كتاب الطالب لتوضّح للطلاب ميل مركز الثقل لاتّخاذ أكثر المواضع انخفاضاً.

يمكنك تنفيذ النشاط الموضّح في الكتاب أمام الطلاب. ضّع في قاع صندوق يحتوي على حصى صغيرة أو حبوب جافّة كرة تنس طاولة، بحيث تكون كثافة الحبوب أكبر من كثافة الكرة. وعند رجّ الصندوق، سيلاحظ الجميع أنّ الكرة ارتفعت إلى أعلى الصندوق، وأنّ الحبوب هبطت إلى أسفل، وهذا يجعل مركز الثقل منخفضاً. ذكّر الطلاب بأنّهم اختبروا مفهوم هبوط الأجسام الأكثر كثافة إلى أسفل عندما درسوا مبدأ أرشميدس، حيث كانت المواد الأكثر كثافة من السائل تغرق إلى القاع، في حين تطفوا المواد الأقلّ كثافة من السائل على سطح السائل.

شدّد على العلاقة بين انخفاض موضع مركز ثقل النظام عند ارتفاع جزء أقلّ كثافة إلى أعلى وهبوط جزء أكثر كثافة مكانه.

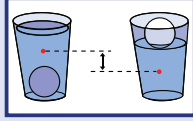
ويمكن مشاهدة ميل مركز الثقل لاتّخاذ أكثر المواضع انخفاضاً من خلال وضع كرة تنس الطاولة في قاع صندوق يحتوي على حبوب جافّة أو حصى صغيرة، كما في الشكل (117). عند رجّ الصندوق ومحتوياته، لاحظ أنّ الحصى تدفع الكرة لأعلى وتهبط هي لأسفل. وبهذه الطريقة يحتفظ الصندوق بمركز ثقله عند أدنى مستوى ممكن.



(شكل 117)

(يمين) كرة تنس طاولة موجودة في قاع صندوق يحتوي على حصى صغيرة أو حبوب جافّة. (يسار) عند رجّ الصندوق ومحتوياته يميناً ويساراً، تنحرف الكرة لأعلى. والنتيجة هي انخفاض مستوى مركز ثقل المجموعة التي في الصندوق.

ويحدث الشيء نفسه في الماء عندما يرتفع جسم ويستقرّ طافية على سطحه، كقطعة من الثلج مثلاً، فينخفض لأسفل مركز ثقل المجموعة. يحدث ذلك لأن ارتفاع الثلج يحتمل انخفاض حجم مساوٍ من الماء، ذات الكثافة الأكبر. وإذا كانت كثافة الجسم المتحرك أكبر من كثافة الماء، يتحرك الجسم لأسفل ويغوص (شكل 118)، ويتبع ذلك أيضاً انخفاض مركز ثقل المجموعة.



(شكل 118)

يكون مركز ثقل كوب الماء مرتفعاً عندما توجد كرة تنس الطاولة في القاع (يسار)، وينخفض عندما تطفو الكرة (يمين).

أمّا إذا كانت كثافة الجسم المتحرك مساوية لكثافة الماء، فإنّ مركز ثقل المجموعة لا يتحرك لأسفل ولا لأعلى مهما كان اتجاه حركة الجسم، أي أنّ مركز ثقل المجموعة لا يعتمد على موضع الجسم طالما أنّه موجود بكامله أسفل سطح الماء. لذلك يمكن القول إنّ وزن أيّ من الأسماك يجب أن يساوي وزن الماء الذي له الحجم نفسه (أي لها كثافة الماء نفسها)، وإلاّ لما استطاعت التواجد على أعماق مختلفة أثناء سباحتها، ولدفعت مياه الأنهار والبحار الأسماك إلى السطح كقطع الثلج أو إلى القاع كقطع الحجارة.

وعند ملء صندوق بقطع حجارة ذات أحجام مختلفة ثمّ هزّه يميناً ويساراً، ستلاحظ أنّ الحجارة صغيرة الحجم تتخلّل المسافات بين الأحجار الكبيرة، وتتركّز في قاع الصندوق، في حين تُدفع الحجارة الأكبر إلى السطح. ويستخدم تجار الزيتون أو التوت المبدأ نفسه في فصل الثمار الكبيرة. فيضعون الثمار التي تمّ جمعها من الأشجار في صناديق، ثمّ يهزّون الصناديق يميناً ويساراً، فترتفع الثمار الأكبر لأعلى، ويصبح فصلها أسهل.

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

- لتقييم استيعاب الطلاب للدرس، اُطرح عليهم الأسئلة التالية:
- ✓ ما أهمية إزاحة مركز الثقل في تحديد حالات الاتزان؟
 - ✓ ما أهمية خفض مركز الثقل تحت سطح الأرض في تصميم الأبنية؟

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أيّ التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركز على السبب الذي أدّى إلى سوء الفهم.

إجابات أسئلة الدرس 5-3

أولاً - لأنّ مركز ثقل اللعبة يكون في أقلّ مستوى ممكن عندما تكون اللعبة معتدلة، وانقلابها يحتاج إلى ارتفاع مركز الثقل وهي بحاجة إلى بذل شغل من أجل ذلك.

ثانياً - التوازن غير المستقرّ: ينخفض مركز الثقل عند إزاحة الجسم. التوازن المستقرّ: يرتفع مركز الثقل عند إزاحة الجسم. التوازن المتعادل: لا يتغيّر مستوى مركز الثقل عند إزاحة الجسم.

ثالثاً - لأنّ مركز الثقل يقع داخل حدود منطقة الارتكاز عند التعلّق بالسلك.

رابعاً - لأنّ مركز ثقل هذه الألعاب يرتفع لأعلى عند إمالة اللعبة.

خامساً - ينخفض

سادساً - يرتفع

مراجعة الدرس 5-3

أولاً - فسر سبب عدم إمكانية انقلاب لعبة الأطفال الموضحة في الشكل (115).

ثانياً - كيف نفرّق بين التوازن المستقرّ وغير المستقرّ والمتعادل؟

ثالثاً - علّل: عند مدّ جسمك تمامًا بينما تكون متعلّقًا بيديك في سلك هوائي أسهل من مده متّرنًا بينما تقف على يديك.

رابعاً - ما السرّ في استقرار بعض الأنواع من ألعاب الأطفال في حالة اتزان مستقرّ، على العكس ما تبدو عليه، أي غير مستقرّة؟

خامساً - عندما يهتزّ صندوق يحتوي على جيوب جافة، وفي قاعه كرة تنس طاولة، ماذا يحدث لمركز ثقل الصندوق ومحتوياته؟

سادساً - ماذا يحدث لمركز ثقل كوب يحتوي على ماء عند غمر كرة تنس طاولة تحت سطح الماء؟

صفحات الطالب: من ص 95 إلى ص 98

عدد الحصص: 2

صفحات الأنشطة: من ص 27 إلى ص 29

الأهداف

- ✓ يتعرّف أنّ مركز الثقل في جسم الإنسان يختلف بين الرجل والمرأة والطفل.
- ✓ يتعرّف أنّ مركز الثقل في الإنسان يختلف باختلاف وضع جسمه.
- ✓ يحدّد موضع مركز ثقل جسم الإنسان باستخدام المعادلات الرياضية.
- ✓ يتعرّف تأثير موضع مركز الثقل في نشاطاتنا الفيزيائية.
- ✓ يفسّر تأثير موضع مركز الثقل في أداء الرياضيين.

الأدوات المستعملة: السبورة، أقلام ملوّنة، نماذج توضيحية، أقراص مُدمّجة، شبكة الإنترنت.

1. قدّم وحفّز

1.1 تنشيط المعرفة السابقة

حفّز الطّلاب من خلال بعض الأسئلة التي تختبر المعلومات السابقة عن أهميّة موضع مركز الثقل في ثبات الأجسام واتزانها. أخبرهم أنّ التجارب تثبت اختلاف القدرة بين الرجال والنساء على القيام ببعض الأنشطة الفيزيائية لاختلاف موضع مركز الثقل بينهم.

أذكر لهم أنّ أهداف الدرس تتمحور حول إظهار هذا الاختلاف في موقع مركز الثقل عند الناس وعند اختلاف وضع الجسم. كما أنّ أحد أهداف الدرس هو إظهار دور مركز الثقل في أداء الرياضيين وكيف أنّ التحكم بموضعه يؤثّر في أدائهم أيضاً.

2.1 استخدام الصورة الافتتاحية للدرس

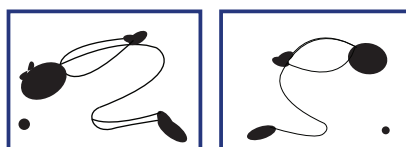
دع الطّلاب يتفحصون الصورة الافتتاحية للدرس ويلاحظون الفرق في أداء حركة الانحناء بين الرجل والمرأة نتيجة موضع مركز الثقل المختلف بينهما.

ناقش معهم كيف يتغيّر موضع مركز ثقل الجسم بتغيّر شكل الجسم ووضعه، فيتغيّر مثلاً بين أن تكون اليدين مرفوعتين إلى أعلى أو موضوعتين على جانبي الجسم. استخدم المناقشة مع الطّلاب كمدخل إلى الدرس.

مركز ثقل جسم الإنسان
Center of Gravity of People

الدرس 3-6

الأهداف العامة



(شكل 119)

عندما تكون يدا الرجل خلف ظهره، يكون مركز ثقله خارج مساحة القاعدة الحاملة (الركبتين) لجسمه، لذلك ينقلب عندما ينحني إلى الأمام. لكن يبقى مركز ثقل المرأة فوق مساحة القاعدة الحاملة، لذلك لا تنقلب عندما تنحني إلى الأمام.

أظهرت التجارب أنّ المرأة تستطيع أن تنحني لتلمس أصابع قدميها أو تضع يديها على الأرض بسهولة أكبر من الرجل الذي غالباً ما يسقط عند محاولته القيام بذلك.

ويعود السبب في عدم الاتزان إلى اختلاف موضع مركز الثقل بين الرجل والمرأة. فموضع مركز الثقل في الرجل أعلى من موضع مركز الثقل في المرأة، وهذا يؤدي إلى خروج مركز ثقله عن المساحة الحاملة له عند انحنائه أكثر من حدوث ذلك عند انحناء المرأة.

وتظهر الدراسات الرياضية أنّ أداء اللاعبين في القفز والوثب يختلف، ويرتبط بقدرتهم على تغيير موضع مركز ثقلهم أثناء أداء نشاط رياضي.

درسنا سابقاً أهميّة موضع مركز الثقل في ثبات الأجسام واتزانها. أمّا في هذا الدرس، فسنعمل على تحديد موضع مركز الثقل لكلّ إنسان (الرجل، المرأة أو طفل). وسنكتشف تأثير موقع مركز الثقل في جسم الإنسان على بعض قدراته الفيزيائية، وكيفية اختلاف هذه القدرات بين شخص وآخر بحسب قدرته على التحكم بمواضع مركز ثقله أثناء أداء نشاط رياضي.

وضَّح للطلّاب أنّ مركز ثقل جسم الإنسان البالغ يقع في المنطقة السفلى من البطن، أمّا عند الأطفال فهو أعلى بحوالي 5% بسبب الزيادة النسبية لحجم الرأس وقصر الرجلين. وضَّح أيضاً أنّ مركز الثقل عند الذكور أعلى من عند النساء بنسبة تتراوح بين 1% و 2%.

شدّد على أنّ مركز ثقل جسم الإنسان لا يقع عند نقطة محدّدة لأنّه يعتمد على وضعية الجسم.

2.2 مناقشة

أعط الطلاب الوقت الكافي للاطلاع على الجدول (2) في كتاب الطالب. وضَّح لهم أنّ هذا الجدول هو نموذج، ولا يمكن تعميمه على جميع الناس بسبب وجود اختلافات كبيرة بين إنسان وآخر.

إشرح لهم مكوّنات الجدول وكيفية استخدامه في تحديد مواضع مركز ثقل كلّ جزء من الجسم بالنسبة إلى الأرض وكيفية تحديد كتلة كلّ جزء من الكتلة الكلية للجسم.

وضَّح للطلّاب أنّنا في هذا القسم من الدرس سنعمل على تحديد موضع مركز ثقل جسم الإنسان أو مركز ثقل مجموعة من أجزائه باستخدام المعادلات الرياضية لتحديد موضع مركز الثقل أو الكتلة، والتي درسناها في الدروس السابقة.

اطّلع مع الطلاب على المثال المُعطى في كتاب الطالب لحساب موضع مركز الثقل لرجل ممدودة أفقيّاً لرجل طوله 1.7m.

وضَّح للطلّاب أنّنا سنعتبر النظام الذي نريد إيجاد مركز كتلته هو جسم مؤلّف من ثلاث كتل، موجودة على محور أفقي. شارك الطلاب في احتساب مقدار كلّ كتلة، وحدّد نقطة إحداثيات مرجعية. وباستخدام الجدول، حدّد مركز ثقل كلّ جزء من الأجزاء الثلاثة.

تأكّد من أنّ الطلاب كلّهم قادرين على استخدام الجدول للحصول على المعطيات المطلوبة من مقدار للكتلة وإحداثيات لمركز كتلة كلّ جزء من أجزاء الجسم. استخدم معادلة موضع مركز الكتلة في بعد واحد لتحديد موضع مركز كتلة النظام.

يمكنك أن تطلب إلى الطلاب إيجاد مركز كتلة أقسام أخرى من جسم الإنسان لتتحقّق من استيعابهم وقدرتهم على الاستفادة من معطيات الجدول.

إلفت انتباه الطلاب إلى أنّ اختلاف وضعية أيّ جزء من الجسم يؤدّي إلى اختلاف طريقة إيجاد الإحداثيات والمعادلة الرياضية لإيجاد مركز الكتلة. فإذا كانت وضعية الرجل قائمة على سبيل المثال، لا بدّ من إيجاد إحداثيات كلّ جزء في بعدين (x و y) واستخدام معادلة إيجاد مركز الكتلة في بعدين.

1. مواضع مركز الثقل في الإنسان

Locations of Center of Gravity in the Human Body

يختلف موضع مركز الثقل في الإنسان بين الإناث والذكور والأولاد، ويختلف أيضاً باختلاف وضع اليدين فوق الرأس أو على الجانبين، أو حتى بسبب البدانة أو النحافة.

فعندما تقف معتدلاً وذراعاك إلى جانبيك، يقع مركز ثقلك داخل جسمك وتحديداً على بعد 2 إلى 3 سنتيمترات أسفل السرة، وفي موضع متوسط بين ظهرك وبطنك، في حين يقع أسفل ذلك بقليل في جسم المرأة لأنّها أكثر عرضاً في منطقة الحوض وأقلّ عرضاً عند الكتفين.

وبالنسبة إلى الأطفال، يكون مركز ثقل جسمهم أعلى من مركز ثقل جسم البالغين بنسبة 5% بسبب الزيادة النسبية لحجم الرأس وقصر الأرجل.

2. حساب موضع مركز الثقل رياضياً في جسم إنسان

Mathematical Calculation of Center of Gravity in Human Body

نحن نعلم أنّ هناك اختلافات كبيرة بين جسم وآخر، لكن في هذا القسم، سنستخدم في حساباتنا على معطيات نسبية لجسم الإنسان.

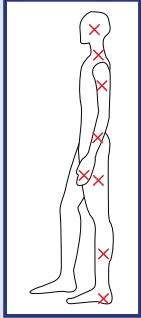
يُظهر الجدول (2) مواضع مركز الثقل بالنسبة إلى الأرض لمكوّنات جسم رجل "نموذج" يقف على قدميه (شكل 120). ويُظهر أيضاً نسبة كتلة كلّ جزء من أجزاء الرجل بالنسبة إلى الكتلة الكلية.

أعضاء الجسم	النسبة المئوية لموضع مركز الكتلة بالنسبة إلى الأرض	النسبة المئوية للكتلة
الرأس	93.5	6.9
الجزع والرقبة	71.1	46.1
الجزء العلوي للذراعين	71.7	6.6
الجزء السفلي للذراعين	55.3	4.2
اليدان	43.1	1.7
الجزء العلوي للرجلين	42.5	21.5
الرجلان السفليان	18.2	9.6
القدمان	1.8	3.4

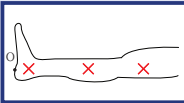
(جدول 2)

مواضع مركز الثقل بالنسبة إلى الأرض لمكوّنات جسم رجل "نموذج"

باستخدام هذا الجدول يمكننا أن نحدّد أنّ مركز كتلة الجسم موجود على ارتفاع 58% من الطول الكلي للرجل من سطح الأرض. استخدم هذا الجدول في حساب موضع مركز الكتلة لرجل رجل طوله 1.7m عندما تكون الرجل ممدودة كما في الشكل (121). إنّ النظام الذي نريد أن نجد مركز كتلته يتألّف من ثلاث كتل: الرجل العلوية، الرجل السفلية والقدم.



(شكل 120)
صورة لإنسان وضعت عليها نقاط مركز الثقل
أعطت على الجدول (2).



(شكل 121)
الرجل نظام مؤلف من ثلاث كتل

3.2 نشاط إثرائي

ملاحظة: يساهم تنفيذ هذا النشاط في إغناء معرفة الطلاب حول تحديد مركز ثقل جسمهم. وقد تمّ تصنيفه نشاطاً إثرائياً نظراً لصعوبة تنفيذه، ولاحتياجات الأمان الواجب اتخاذها أثناء تطبيقه.

ورّع الطلاب في مجموعات لتنفيذ نشاط «أين مركز ثقلك؟» في كتاب الأنشطة ص 20. ورّع المهام داخل المجموعات، وتأكد من أنّ المجموعات تقوم بتنفيذ النشاط وفقاً للخطوات المطلوبة. أطلب إلى كلّ مجموعة أن تعرض ما توصّلت إليه من نتائج.

4.2 مناقشة

ذكر الطلاب بما درسوه سابقاً عن أهميّة وجود مركز الثقل فوق المساحة الحاملة للجسم من أجل ثبات هذا الأخير واتزان. ذكر الطلاب بأهميّة أن تكون قاعدة المساحة الحاملة كبيرة من أجل ثبات الجسم واتزان.

استخدم الأمثلة الواردة في الكتاب والمأخوذة من الحياة اليومية عن أهميّة المبالغة بين القدمين لتكبير المساحة الحاملة للجسم لزيادة الثبات عندما تتحرّك الحافلة على طريق ملتوية للمحافظة على توازن الجسم. والوقوف على قدم واحدة يعرّض الجسم للسقوط لأنّ المساحة الحاملة أصبحت أصغر، وإمكانية أن يصبح مركز ثقل الجسم خارجها عند إمالة الحافلة أصبحت أكبر.

أشر إلى أنّ تعلّم الطفل المشي هو تعلّم كيفية إبقاء مركز ثقله فوق المساحة الحاملة لجسمه.

أطلب إلى الطلاب تفسير سبب تحريك طيور الحمام والبطّ رأسها إلى الأمام والخلف أثناء حركتها. استمع إلى آرائهم ودعمهم يتوصّلون إلى استنتاج أنّ حركة الرأس هذه إلى الأمام والخلف هي من أجل أن تحافظ هذه الطيور على موضع مركز ثقلها داخل حدود مساحة أرجلها.

5.2 مناقشة

ذكر الطلاب بأنّ مركز الثقل يمكن أن يكون خارج مادّة الجسم، كما هو الحال في الحلقة الدائرية. ويقع مركز ثقل جسم الإنسان خارج مادّة جسمه عندما ينحني على شكل زاوية، أو على شكل حرف c.

دعهم يلاحظون كيف يستفيد الرياضي في أدائه من تغيير موقع مركز ثقله، حيث يستطيع أن يعبر أعلى الحاجز المعلق بينما يعبر مركز ثقله أسفله. كذلك، يبدو راقص الباليه في الشكل (115) وكأنّه يطفو بسبب تغيير موضع مركز ثقله وحركته على قطع مكافئ.

موقع مركز الكتلة ومقدار الكتلة موضحان في الجدول (2). ولحساب المسافة بالمتر، يجب أن نضرب النسبة المئوية بالمقدار $\frac{1.7}{100}$.

لنختر النقطة O نقطة إسناد، ولنجد أبعاد مركز كتلة كلّ من الكتل بالنسبة إلى O على الشكل التالي،

x_1 بعد مركز كتلة الرجل العلوية عن نقطة الإسناد،

$$x_1 = 42.5 \times 1.7 = (72.25)\text{cm}$$

x_2 بعد مركز كتلة الرجل السفلية عن نقطة الإسناد،

$$x_2 = 18.2 \times 1.7 = (30.94)\text{cm}$$

x_3 بعد مركز كتلة القدم عن نقطة الإسناد،

$$x_3 = 1.8 \times 1.7 = (3.06)\text{cm}$$

باستخدام المعادلة الرياضية لتحديد موضع مركز الثقل في بعد واحد،

$$x_{CG} = \frac{(x_1 \times m_1) + (x_2 \times m_2) + (x_3 \times m_3)}{m_1 + m_2 + m_3}$$

نحصل على،

$$x_{CG} = \frac{21.5 (72.25) + 9.6 (30.94) + 3.4 (3.06)}{21.5 + 9.6 + 3.4} = (53.93)\text{cm}$$

أي أنّ مركز كتلة رجل الرجل الموضحة في الشكل (121) تبعد (53.93)cm عن نقطة الإسناد O.

3. تأثير موضع مركز الثقل في أنشطتنا الفيزيائية

Influence of the Position of the Center of Gravity on Our Physical Activities

عندما تقف منتصباً، يقع مركز ثقلك في منطقة فوق المساحة الحاملة داخل محيط جسمك، والمحددة بقدميك.

ففي المواقف التي قد تفقد فيها توازنك، كالوقوف داخل حافلة تتحرك على طريق ملتوية، أنت تباعد بين قدميك لزيادة حجم هذه المنطقة، أما

الوقوف على قدم واحدة فسوف يقلص كثيراً حجم هذه المنطقة. والطفل الذي يتعلّم المشي يتدرب في الواقع للحفاظ على مركز ثقله داخل حدود

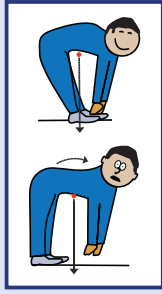
قدميه. وهذا ما تفعله طيور الحمام والبطّ التي تتحرك عنقها ورأسها للأمام والخلف عند كلّ خطوة للحفاظ على مركز ثقلها داخل حدود رجليها.

قد تكون قادراً على الانحناء للأمام ولمس أصابع قدميك بدون ثني ركبتيك. ولكي تنجح في ذلك، ستلاحظ حاجتك إلى دفع نصفك للخلف

قدر الإمكان كما في الشكل (122) لكي يبقى مركز ثقل جسمك داخل حدود قدميك. ولكنك لن تنجح إذا كررت هذه الحركة ونصفك ملاصق

للحائط. والسبب هو أنّك لن تتمكن من ضبط وضع أجزاء جسمك ليبقى مركز الثقل داخل حدود قدميك، فتصبح في هذه الحالة عرضة للوقوع لأنّ

مركز الثقل أصبح خارج حدود القدمين.



(شكل 122)

يمكنك أن تنحني للامس أصابع قدميك بدون أن تقع فقط إذا كان مركز ثقلك أعلى المنطقة المحيطة بقدميك.

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

أطلب إلى الطلاب أن يعطوا أمثلة توضّح تغيّر موضع مركز الكتلة بتغيّر وضع الجسم. واسألهم عن أثر تغيّر موضع مركز الثقل في الأداء الرياضي. دعهم يستخدمون الجدول (2) لإيجاد موضع مركز ثقل يد ممدودة أفقيًا.

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أيّ التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركّز على السبب الذي أدّى إلى سوء الفهم.

إجابات أسئلة الدرس 3-6

أولاً - لكي يقع مركز ثقل الجسم أسفله، ويتمكّنوا من عبور الحاجز.

ثانيًا - لزيادة مساحة منطقة الارتكاز، وبالتالي ضمان وقوع مركز ثقل الجسم أعلاها باستمرار وقدر المستطاع.

ثالثًا - انتقال مركز ثقل الجسم خارج منطقة الارتكاز عند القدمين.

$$\text{رابعًا - } m_1 = \frac{3.4}{100} M; m_2 = \frac{9.6}{100} M; m_3 = \frac{21.5}{100} M$$

باستخدام معادلة إيجاد مركز الكتلة في بعدين نجد أن:

$$x_{CM} = \frac{0.034M(23.6) + 0.096M(23.6) + 0.215M(9.6)}{0.034M + 0.096M + 0.215M}$$

$$= (14.8)\text{cm}$$

$$y_{CM} = \frac{0.034M(1.8) + 0.096(18.2) + 0.215(28.5)}{0.034 + 0.096 + 0.215}$$

$$= (23)\text{cm}$$

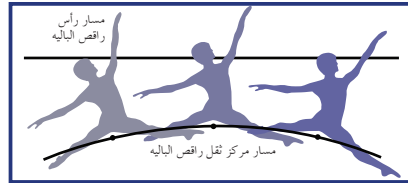
CM(14.8 , 23)

4. موضع مركز الثقل والأداء الرياضي

Location of the Center of Gravity and Athletic Performance

عندما ترتفع يديك لأعلى إلى جانب رأسك، يرتفع مركز ثقل جسمك من 5 إلى 8 سنتيمترات. أما إذا ثبتت جسمك على شكل حرف "u" أو حرف "c"، فسيفق مركز الثقل خارج الجسم كلّهُ. ويستفيد اللاعب الموضّح في الشكل (123) من هذه الحقيقة، حيث يعبر مركز ثقله أسفل الحاجز المعلق، في حين يعبر جسمه فوق الحاجز.

وينطبق ذلك على راقص الباليه في الشكل (124) الذي يبدو وكأنّه يطفو في الهواء لأنّه يغيّر موضع مركز ثقله أثناء أدائه. فعندما يرفع يديه وقدميه بينما يكون في الهواء، يرتفع مركز ثقله إلى أعلى لجهة الرأس، فيصبح مسار مركز الثقل على شكل قطع مكافئ. أما رأسه فيبقى على الارتفاع نفسه تقريبًا لفترة أطول.



(شكل 124)

حركة رأس راقص الباليه إلى أعلى هو أقل من حركة مركز ثقله إلى أعلى، وهذا ما يجعله يبدو وكأنّه يطفو في الهواء.

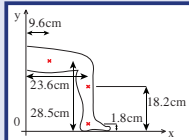
مراجعة الدرس 3-6

أولاً - لماذا يبنى متسابقو الوثب العالي أجسامهم على شكل حرف "u" أو حرف "c" لعبور حاجز معلق.

ثانيًا - ما سبب إبعادك لقدميك الواحدة عن الأخرى عندما تقف داخل حافلة تسير في شوارع تنخلّله منعطفات؟

ثالثًا - فسرّ عدم إمكانك لمس أصابع قدميك بيدك بدون ثني الركبتين إذا كانت ساقيك ملامصتين للحائط.

رابعًا - أحسب موضع مركز الثقل للرجل عندما تكون بوضع زاوية قائمة كما في الشكل (125)، علمًا أنّ كتلة القدم يساوي 3.4% من كتلة الشخص، كتلة الرجل السفلية يساوي 9.6% من كتلة الشخص، وكتلة الرجل العلوية يساوي 21.5% من كتلة الشخص، وأنّ أبعاد كلّ جزء من الرجل على محوري الإحداثيات OX و OY موضّحة في الشكل.



(شكل 125)

مراجعة الفصل الثالث

الأفكار الرئيسية في الفصل

قم بتوجيه الأسئلة التالية لتلخيص محتويات الفصل:

◀ عرّف مركز الثقل لجسم ما. (هو النقطة الواقعة عند الموضع المتوسط لثقل الجسم.)

◀ ما المسار الذي يتبعه مركز ثقل جسم قُذِف في الهواء ويتأرجح حول مركز ثقله؟ (يتبع مساراً منتظماً على شكل قطع مكافئ.)

◀ أين يقع مركز ثقل الأجسام متماثلة التكوين ومنتظمة الشكل؟ (يقع مركز الثقل للأجسام متماثلة التكوين ومنتظمة الشكل عند المركز الهندسي لها.)

◀ ما هو مركز كتلة جسم ما؟ (الموضع المتوسط لكل كتلة الجزيئات التي يتكوّن منها هذا الجسم ويُسمّى أيضاً مركز العطالة.)

◀ متى ينطبق مركز ثقل جسم ما مع مركز كتلته؟ (عندما تكون الأجسام على سطح الأرض أو قريبة منها بحيث لا يختلف مقدار قوّة الجاذبية الأرضية بين أجزائها.)

◀ هل يؤثر اختيارنا لمحاور الإحداثيات على موقع مركز كتلة نظام مؤلّف من مجموعة جسيمات؟ (موقع مركز الكتلة لا يعتمد على طريقة اختيارنا لمحاور الإحداثيات بل على توزيع الجسيمات المؤلّفة للنظام.)

◀ وضّح تأثير كلّ من مركز الثقل والمساحة الحاملة في اتزان جسم. (يحافظ الجسم على اتزانه طالما أنّ خطّ عمل ثقله داخل حدود المساحة الحاملة له، كما أنّ قرب مركز الثقل من المساحة الحاملة يزيد من ثبات الجسم ويمنع انقلابه.)

◀ عرّف الزاوية الحديّة لانقلاب الجسم عند إمالاته. (الزاوية الحديّة θ_c هي الزاوية التي يكون فيها مركز ثقل الجسم في أعلى نقطة.)

◀ قارن بين حركة مركز الثقل عند إمالة الجسم بين كلّ من الاتزان المستقرّ وغير المستقرّ والمحايد. (يكون الجسم في حالة اتزان مستقرّ إذا ارتفع مركز ثقله لأعلى عند إزاحته. ويكون في حالة اتزان غير مستقرّ إذا انخفض مركز ثقل الجسم عند إزاحته. ويكون في حالة اتزان محايد عندما لا تسبّب أيّ إزاحة ارتفاعاً أو انخفاضاً في مركز ثقله.)

◀ هل مركز ثقل الإنسان ثابت لا يتغيّر؟ (يتغيّر مركز الثقل بين النساء والرجال والأطفال وبحسب وضعية الجسم.)

المعادلات الرياضية

أطلب إلى الطّلاب كتابة المعادلة الرياضية التي يجب استخدامها في تحديد موضع مركز الكتلة في بعدين لمجموعة من الجسيمات النقطية الموجودة في مستوى واحد. أطلب إلى الطّلاب توضيح معنى الرموز المُستخدمة في معادلة إيجاد الزاوية الحديّة.

خريطة المفاهيم

أطلب من الطّلاب تنظيم خريطة مفاهيم مستعينين بالمصطلحات الواردة ويناقشونها في ما بينهم بإشرافك.

مراجعة الفصل الثالث

المفاهيم

Non Uniform Shape	غير منتظمة الشكل	Toppling	الانقلاب
Center of Gravity	مركز الثقل	Static Stability	الاتزان السكوني
Center of Mass	مركز الكتلة	Unstable Equilibrium	الاتزان غير المستقرّ (القلق)
Supporting Area	مساحة القاعدة الحاملة	Neutral Equilibrium	الاتزان المحايد
Uniform Shape	منتظمة الشكل	Stable Equilibrium	الاتزان المستقرّ
System of Particles	نظام من الجسيمات	Weight	الثقل
		Critical Angle	الزاوية الحديّة

الأمثلة الرئيسة في الفصل

- مركز ثقل جسم ما هو النقطة الواقعة عند الموضع المتوسط لثقل الجسم.
- عند قذف جسم في الهواء، يتبع مركز ثقله مساراً منتظماً على شكل قطع مكافئ حتى لو تأرجح أو دار حول مركز الثقل.
- يقع مركز الثقل للأجسام متماثلة التكوين ومنتظمة الشكل عند المركز الهندسي لها.
- إنّ مركز كتلة الجسم الذي يُسمّى أيضاً مركز العطالة، هو الموضع المتوسط لكل كتلة الجزيئات التي يتكوّن منها هذا الجسم.
- ينطبق مركز كتلة الجسم على مركز ثقله عندما يكون الجسم على سطح الأرض أو قريب منها، بحيث لا يختلف مقدار قوّة الجاذبية الأرضية بين أجزائه.
- لا يعتمد موقع مركز الكتلة على طريقة اختيارنا لمحاور الإحداثيات، بل على توزيع الجسيمات التي تولّد النظام.
- يحافظ الجسم على اتزانه عندما يكون خطّ عمل ثقله داخل حدود المساحة الحاملة له.
- إنّ قرب مركز الثقل من المساحة الحاملة يزيد من ثبات الجسم ويمنع انقلابه.
- الزاوية الحديّة θ_c هي الزاوية التي يكون فيها مركز ثقل الجسم في أعلى نقطة.
- يكون الجسم في حالة اتزان مستقرّ إذا ارتفع مركز ثقله لأعلى عند إزاحته.
- يكون الجسم في حالة اتزان غير مستقرّ إذا انخفض مركز ثقل الجسم عند إزاحته.
- يكون الجسم في حالة اتزان محايد عندما لا تسبّب أيّ إزاحة ارتفاعاً أو انخفاضاً في مركز ثقله.

المعادلات الرياضية في الفصل

$$\vec{R}_{cm} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2 + \dots}{m_1 + m_2 + \dots}$$

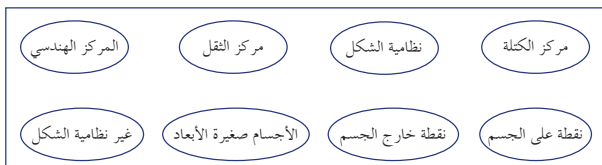
$$x_{cm} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i x_i$$

$$y_{cm} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i y_i$$

$$\theta_c = 90^\circ - \tan^{-1}\left(\frac{2h_{cg}}{b}\right)$$

خريطة مفاهيم الفصل

استخدم المصطلحات الموضّحة في الشكل التالي لرسم خريطة مفاهيم تُنظّم معظم الأفكار التي احتواها الفصل.



إجابات أسئلة الفصل

تحقق من فهمك

1. بين m_1 و m_2 ، والأقرب إلى m_1 داخل القطعة بينهما.
2. $x_{CG} = \frac{L m_B}{m_A + m_B}$
3. حالة اتزان مستقر
4. ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة أصغر من طول الضلع العمودي على محور الانقلاب.
5. أسفل نقطة الارتكاز

تحقق من معلوماتك

1. يقع مركز ثقل الإطار المثزن عند محور دورانه تمامًا، وذلك كي لا يتمايل عند الدوران.
2. لأن مركز الثقل يقع تمامًا أسفل نقطة التعليق.
3. من أهم العوامل وقوع مركز الكتلة فوق المساحة الحاملة وبالقرب من مركز الكتلة من المساحة الحاملة للجسم.
4. الكأس (أ) جهة اليمين لأن مركز ثقله يقع خارج منطقة الارتكاز.
5. الشكل (أ) جهة اليمين في حالة اتزان مستقر لأن إمالة ترفع مركز الثقل. أما الشكل (ج) جهة اليسار ففي حالة اتزان غير مستقر لأن مركز الثقل ينخفض عند إمالة. أما الشكل (ب) فيمثل اتزانًا متعادلًا لعدم تغيير موضع مركز الثقل عند إمالة.
6. يكون توازن الجسم توازنًا متعادلًا (محايدًا) عندما لا تسبب أي إزاحة ارتفاعًا أو انخفاضًا في مركز ثقله، وعندما ينتقل من حالة اتزان إلى حالة اتزان جديدة إذا دُفع عنها. ويكون توازن جسم ما توازنًا غير مستقر عندما تسبب أي إزاحة انخفاضًا في مركز ثقل الجسم، وعندما يتعد هذا الجسم نهائيًا عن حالة اتزانه إذا دُفع عنها.

تحقق من مهاراتك

1. باختيار موضع m_1 نقطة مرجعية تكون إحداثياتها: $O(0, 0)$. وبالتالي تكون إحداثيات موضع الكتلة النقطية: $A(50, 0) m_2$ وباستخدام معادلة إيجاد موضع مركز الكتلة التالية:

$$x_{CM} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2}$$

نحصل على:

$$x_{CM} = \frac{0 + 400(50)}{600} = (33.33) \text{ cm}$$

$y_{CM} = 0$ حيث جميع الكتل النقطية موجودة على محور السينات. بالتالي، فإن موضع مركز الكتلة للنظام المؤلف من الكتلتين النقطيتين يبعد عن النقطة المرجعية O مسافة $(33.3) \text{ cm}$.

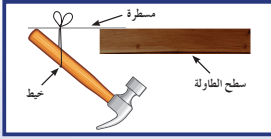
تحقق من فهمك

- ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام العبارة الصحيحة في كلٍ مما يلي:
1. كتلتان نقطيتان $m_1 = (500) \text{ g}$ و $m_2 = (100) \text{ g}$ تبعدان الواحدة عن الأخرى $(30) \text{ cm}$. فإن موضع مركز الكتلة يقع،
☐ بين m_1 و m_2 ، والأقرب إلى m_1 داخل القطعة بينهما.
☐ عند متوسط المسافة بين m_1 و m_2 .
☐ بين m_1 و m_2 ، والأقرب إلى m_2 داخل القطعة بينهما.
☐ على الخط الحامل للكتلتين لجهة m_1 وخارج القطعة بينهما.
 2. موقع مركز الكتلة لكتلتين m_A و m_B يبعدان الواحدة عن الأخرى L ، وحيث $m_A > m_B$ يُحدد بالنسبة إلى نقطة إسناد على الكتلة A بالعلاقة:
 $x_{CG} = \frac{L m_A}{m_B}$ ☐ $x_{CG} = \frac{L m_B}{m_A}$ ☐
 $x_{CG} = \frac{L m_A}{m_A + m_B}$ ☐ $x_{CG} = \frac{L m_B}{m_A + m_B}$ ☐
 3. إذا ارتفع مركز كتلة الجسم لأعلى عند إزاحته، يكون الجسم في:
☐ حالة اتزان حركي.
☐ حالة اتزان غير مستقر.
☐ حالة اتزان مستقر.
 4. عندما تكون زاوية الانقلاب الحدية صغيرة يكون،
☐ ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة أصغر من طول الضلع العمودي على محور الانقلاب.
☐ ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة أكبر من طول الضلع العمودي على محور الانقلاب.
☐ ارتفاع مركز الثقل يساوي طول ضلع القاعدة العمودي على محور الانقلاب.
☐ ارتفاع مركز الثقل أصغر من مساحة القاعدة الحاملة للجسم.
 5. يكون الجسم أكثر استقرارًا وثباتًا عندما يكون مركز الثقل:
☐ على نقطة الارتكاز.
☐ أعلى من نقطة الارتكاز.
☐ أسفل نقطة الارتكاز.
☐ منطبق على مركز الكتلة.

تحقق من معلوماتك

أجب عن الأسئلة التالية:

1. لمنع اهتزاز إطارات السيارات أثناء دورانها، توضع قطع رصاص في الجزء المعدني من الإطار. أين يقع مركز ثقل الإطار المثزن؟
2. علق مطرقة في مسطرة غير مثبتة كما في الشكل المقابل، اشرح سبب عدم سقوط المطرقة والمسطرة.



2. (أ) الكتل النقطية على خطّ مستقيم:

باعتبار الخطّ المستقيم محور السينات، وموقع الكتلة m_1 نقطة مرجعية، تكون إحداثيات كلّ من الكتل على الشكل التالي:

O موضع مركز كتلة m_1 تكون $O(0, 0)$

A موضع مركز كتلة m_2 تكون $A(50, 0)$

B موضع مركز كتلة m_3 تكون $B(100, 0)$

باستخدام معادلة إيجاد موضع مركز الكتلة نجد أن:

$$x_{CM} = \frac{(100)30 + (50)20 + 0}{60} = (66.66)cm$$

$$y_{CM} = 0$$

وبالتالي يكون موضع كتلة النظام المؤلف من ثلاث كتل نقطية محدّدًا بالإحداثيات $(66.66, 0)$.

(ب) الكتل موضوعة على رؤوس مثلث متوازي الأضلاع:

نختار $A(0, 0)$ نقطة مرجعية موضع الكتلة النقطية m_1 ،

$B(L, 0)$ موضع الكتلة النقطية m_2 ، $C(L\cos 60^\circ, L\sin 60^\circ)$ موضع الكتلة النقطية m_3 .

باستخدام معادلة إيجاد مركز الكتلة في بعدين نجد أن:

$$x_{CM} = \frac{0 + 20(L) + 30\left(\frac{L}{2}\right)}{60} = \frac{35L}{60} = 0.58L$$

$$y_{CM} = \frac{0 + 0 + 30(0.86L)}{60} = 0.43L$$

وبالتالي يكون موضع كتلة النظام المؤلف من ثلاث كتل نقطية محدّد بالإحداثيات $(0.58L, 0.43L)$.

3. يُعتبر الشكل المعطى ثلاثة أجسام متّصلة (مستطيل،

مربع، مستطيل)، ويكون المركز الهندسي لكلّ جزء

هو موضع مركز كتلة كلّ جزء حيث $C_1\left(\frac{L}{2}, 2L\right)$

و $C_2(2L, L)$ و $C_3(3.5L, 2L)$ ، وذلك بالنسبة إلى نقطة

الإسناد المعطاة في الشكل.

كتلة الجزء الأوّل هي $M_1 = 4m$ حيث m هو وزن مربع

$(L \times L)$ ، أمّا كتلة الجزء الثاني فهي $M_2 = 4m$ ، وكتلة

الجزء الثالث هي $M_3 = 4m$.

باستخدام المعادلات الرياضية في مستوى نجد أن:

$$x_{CM} = \frac{m_1x_1 + m_2x_2 + m_3x_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{4m(0.5L) + 4m(2L) + 4m(3.5L)}{12m} = (2)L$$

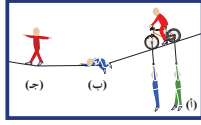
$$y_{CM} = \frac{m_1y_1 + m_2y_2 + m_3y_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{4m(2L) + 4m(L) + 4m(2L)}{12m} = (1.66)L$$

مركز كتلة الشكل هو $(2L, 1.66L)$.

3. ما العوامل المؤثرة في ثبات الجسم ومقاومته للانقلاب؟
4. أيّ الكاسين في الشكل المقابل غير مستقرّ ويمكن أن ينقلب؟ اشرح.



5. أيّ من الأشكال التالية يعتبر في حالة اتزان مستقرّ؟ اتزان غير مستقرّ؟ اتزان متعادل؟ اشرح.

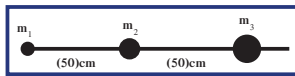


6. قارن بين حالتي الاتزان المتعادل وغير المستقرّ.

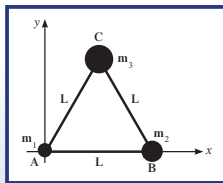
تحقق من مهاراتي

حلّ المسائل التالية:

1. كتلتان نقطيتان $m_1 = (200)g$ و $m_2 = (400)g$ موضوعتان على محور السينات، وتبعدان الواحدة عن الأخرى $(50)cm$. احسب أين يقع مركز كتلة الجسمين؟
2. ثلاث كتل نقطية $m_1 = (10)g$ و $m_2 = (20)g$ و $m_3 = (30)g$. احسب أين يقع مركز الكتلة. (أ) إذا وضعت على خطّ مستقيم، وتبعد الواحدة عن الأخرى $(50)cm$ كما في الشكل (126).



(شكل 126)



(شكل 127)

(ب) إذا وضعت على رؤوس مثلث متساوي الأضلاع، طول ضلعه L ، بحيث نضع m_1 على الرأس A و m_2 على الرأس B و m_3 على الرأس C ، علماً بأنّ A هي نقطة ارتكاز المحورين المتعامدين Ax و Ay . (شكل 127).

4. (أ) باستخدام المعادلة وبالتعويض عن المقادير المعلومة

حيث $h_{CG} = \frac{c}{2} = (20)cm$ نحصل على:

$$\theta_{c_1} = 90 - \tan^{-1} \left(\frac{2h_{CG}}{a} \right) = 90 - \tan^{-1} \frac{2(20)}{5}$$

$$= 90 - 82.87 = 7.25^\circ$$

(ب) باستخدام المعادلة وبالتعويض عن المقادير المعلومة

حيث $h_{CG} = \frac{b}{2} = (2.5)cm$ نحصل على:

$$\theta_{c_2} = 90 - \tan^{-1} \left(\frac{2h_{CG}}{c} \right) = 90 - \tan^{-1} \frac{2(2.5)}{40}$$

$$= 90 - 7.125 = 82.87^\circ$$

(ج) في الحالة الثانية حيث $\theta_{c_2} > \theta_{c_1}$.

التواصل: الكتابة في الفيزياء

يجب أن يناقش الطلاب آراءهم وما توصلوا إليه من أبحاث حول أن المقعد الوسط هو الأقرب إلى مركز ثقل الحافلة، وأنه أثناء تمايل الحافلة في الشوارع التي تتخللها المنعطفات، سوف يتمايل حول مركز ثقله الذي يتبع مسارًا منتظمًا لا يُشعر الراكب بأرجحة.

نشاط بحثي

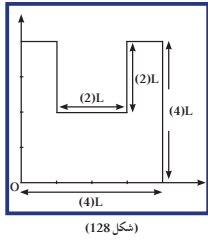
تأكد من أن الطلاب تمكنوا، من خلال بحثهم، من استنتاج التالي:

يكون مركز الثقل في منتصف السيارة، وهو ضروري من أجل ثبات السيارة واتزانها.

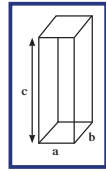
يحاول المصممون من خلال تصميماتهم تقريب المحرك من مقصورة الركاب ليكون موضع مركز الثقل أقرب ما يمكن إلى منتصف السيارة، وبخاصة لأن كتلة المحرك كبيرة وموضعها يؤثر في موضع مركز ثقل السيارة بشكل عام.

إن انخفاض مركز الثقل بالنسبة إلى سطح الأرض عامل أساسي في ثبات السيارات، ومنها سيارات Formula 1 مثلاً.

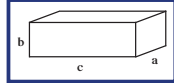
يجب أن يتضمن البحث أهمية تكبير المساحة الحاملة للسيارة، ويكون ذلك من خلال استخدام إطارات عريضة على سبيل المثال، أو تصميم السيارة بحيث يكون سطحها صغيراً نسبياً بالنسبة إلى مساحتها الأرضية.



3. أحسب موضع مركز الكتلة بالنسبة إلى نقطة الإسناد O في الشكل (128) مستخدماً المعطيات الموجودة على الرسم. (علماً أن الشكل مصنوع من المادة نفسها وله السماكة نفسها).



4. صندوق على شكل متوازي مستطيلات له الأبعاد التالية:
 أمس، على أن يكون الضلع c عمودياً على السطح الأفقي.
 (أ) أحسب مقدار الزاوية الحذية التي إذا أميل بها الصندوق بزاوية أكبر منها انقلب على جنبه.
 (ب) أحسب مقدار الزاوية الحذية في حال وضع الصندوق على السطح الأفقي، حيث أن الضلع c على سطح الطاولة والضلع b عمودي على السطح.



(ج) في أي حالة يكون الصندوق أكثر مقاومة للانقلاب على جنبه؟

مشاريع الفصل

التواصل

أكتب مقالاً لا يزيد عن عشرة أسطر تبيين فيه سبب اعتبار المقعد الأوسط في الحافلة أكثر راحة للراكب، عندما تتحرك الحافلة في شوارع المدينة الملتوية. ضمن مقالاً أفكاراً علمية تدعم رأيك.

نشاط بحثي

ثبات السيارة ومقاومتها للانقلاب من أهم العوامل التي تعمل شركات السيارات على تحقيقها في السيارات الحديثة. أجر بحثاً تستخدم فيه أدوات البحث المناسبة لتوضيح مميزات التصميم التي تحقق هذه الغاية، متبعاً الخطوات التالية.



صورة لأقمار صناعية تدور حول الأرض

منذ القدم، اهتم الإنسان بمراقبة الفضاء ودراسة النجوم والكواكب، وحركتها وتأثيرها على الأرض وعلى حياته. واستخدم لهذه الغاية ما توفر له من أدوات، بدءاً بالعين المجردة، مروراً بالتلسكوب، حتى توصل اليوم إلى استخدام الأقمار الصناعية والمحطات الفضائية. استخدم الإنسان الأقمار الصناعية، فوضعها حول الأرض لتكون تواع أرضية، ولتؤدي مهمات شتى تختلف باختلاف نوع القمر والمدار الموجودة عليه. وأرسل أيضاً أقمار أخرى لتجوب الفضاء، وترسل له المعلومات ليحللها، فيفهم تخلياً ما يدور حوله في الفضاء المجاهول. عند التفكير بالأقمار الصناعية تروادنا الكثير من الأسئلة منها: ما هي القوى المؤثرة على هذه التواع الأرضية أثناء وجودها على مداراتها؟ هل للجاذبية الأرضية أي تأثير على هذه التواع؟ لماذا لا تترك مساراتها وترتطم بالأرض؟ ما سر مساراتها الدائرية أو البيضاوية؟ الإجابة عن هذه الأسئلة هي محور هذا الفصل الذي سيدركنا بقانون الجذب الكوني لنيوتن ودوره في حركة القمر كتابع طبيعي للأرض، لندرس من بعدها حركة الأقمار الصناعية ومساراتها وسرعتها وأنواعها.

حركة الأقمار الصناعية

دروس الفصل

الدرس الأول: مسارات الأقمار الصناعية

إلفت انتباه الطلاب إلى أنّ دراسة الكواكب والنجوم والفضاء أثارت اهتمام الكثير من العلماء منذ القدم، وقد عملوا بجهد على اكتشاف وسائل تساعدهم في تحقيق غاياتهم في فهم الكون وفضائه الفسيح. أعط الطلاب فكرة عن تطوّر علم الفلك من دراسات تدور حول تأثير الكواكب على حياة الإنسان وما كان يعرف بالتنجيم، وصولاً إلى أن يصبح علماً متطوراً له أساليبه وأدواته، فعلماً مستقلاً يُسمّى علم الفلك. أخبرهم أنّ من أهم الوسائل التي يستخدمها العلماء اليوم في اكتشاف الفضاء ومراقبة الأرض هي الأقمار الصناعية. إسأل الطلاب أن يعطوا تعريفاً للأقمار الصناعية.

ناقش معهم ما يعرفونه عن حركة الأقمار الصناعية وكيفية وضعها على مساراتها. إسأل:

✓ كيف تدور الكواكب والأقمار؟

✓ ما هي العوامل التي تؤثر في حركتها على مسارها المحدد؟

✓ لماذا لا تسقط على الأرض؟

✓ هل هي ضمن مجال الجاذبية؟

إستخدم مناقشات الطلاب وإجاباتهم كمدخل لعرض محتوى الفصل، ووضّح لهم أنّنا في دروس هذا الفصل سنجيب على الكثير من الأسئلة التي تروادنا عن حركة الأقمار الصناعية، مساراتها، أنواعها واستخداماتها.

استخدام الصورة الافتتاحية للفصل

دع الطلاب يتفحصون صورة افتتاحية الفصل ويقرأون التعليق المصاحب لها. دعهم يلاحظون حركة الأقمار الصناعية حول الأرض، ويناقشون أهميّة وجود تلك الأقمار الصناعية ودورها في مراقبة الأرض وخدمة تطور الإنسان. ومن خلال التعليقات والمناقشات، استهلّ موضوع الفصل.

اختبار المعلومات السابقة لدى الطلاب

✓ ذكّر الطلاب بقانون نيوتن للجذب الكوني بين كتلتين.

✓ ذكّرهم بتعريف الحركة الدائرية المنتظمة.

✓ شدّد على ضرورة توفر قوّة جاذبية مركزية لتحقيق الحركة الدائرية المنتظمة، وبأنّ الحركة الدائرية المنتظمة تعني وجود عجلة مركزية نحو مركز الدائرة.

تصحيح مفهوم خاطئ

✓ يقع القمر والكواكب الأخرى خارج مجال الجاذبية الأرضية، لأنّ الصحيح هو أنّ جميع موجودات الكون تجذب بعضها بعضاً.

✓ تقع الأقمار الصناعية خارج مجال جذب الأرض، لأنّ الصحيح هو أنّ الجاذبية الأرضية هي التي تحفظ القمر في مداره، وبدونها يتحرّك في خطّ مستقيم نحو الفضاء.

صفحات الطالب: من ص 105 إلى ص 110

عدد الحصص: 3

صفحات الأنشطة: من ص 30 إلى ص 31

الأهداف

- ✓ يفسر المسار الدائري للأقمار الصناعية.
- ✓ يعلل عدم زيادة سرعة تابع أرضي في مساره الدائري متأثرًا بقوة جذب الأرض.
- ✓ يحسب سرعة القمر الصناعي.
- ✓ يحسب الزمن الدوري للقمر الصناعي.
- ✓ يحسب سرعة الإفلات.
- ✓ يربط بين حركة الأقمار الصناعية وحفظ الطاقة.

الأدوات المستعملة: السبورة، أقلام ملونة، نماذج توضيحية، أقراص مُدمجة، شبكة الإنترنت.

1. قَدِّم وَحَفِّزْ

1.1 تنشيط المعرفة السابقة

- لتقدير مدى معرفة الطلاب عن مسارات الأقمار الصناعية، اطرح عليهم الأسئلة التالية:
- ✓ لماذا لا تسقط الأقمار الصناعية على الأرض بفعل قوة الجاذبية الأرضية المؤثرة على القمر الصناعي؟
- ✓ كيف نتحكم بسرعتها وزمنها الدوري؟
- ✓ كيف نضعها على مساراتها؟ ما هي أشكال مساراتها؟
- استخدم إجابات الطلاب كمدخل إلى الدرس، واعرض أهداف الدرس.

2.1 استخدام الصورة الافتتاحية للدرس

- دع الطلاب يتفحصون الصورة الافتتاحية للدرس. إلفت انتباههم إلى اتجاه قوة جاذبية الأرض المؤثرة على حركة القمر نحو مركز الأرض. دعهم يقارنون بين قوة الجاذبية الأرضية والقوة الجاذبة المركزية التي تسبب الحركة الدائرية، ويتحققون من أن قوة الجاذبية الأرضية هي وراء اتخاذ القمر للمسار الدائري.

2. عِلِّم وَطَبِّقْ

1.2 مناقشة

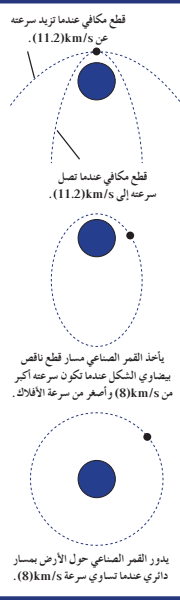
- حفِّز الطلاب بمناقشة كيفية إطلاق القمر الصناعي والشروط اللازمة لوضعه على مساره حول الأرض. إلفت انتباههم إلى أهمية سرعة الإطلاق في تحديد شكل مسار القمر الصناعي وإلى وجود نوعين من المسارات (دائرية وبيضاوية)، وأشر إلى أن هذا الدرس سيتناول تفصيليًا كل شكل على حدة.

مسارات الأقمار الصناعية Orbits

الدرس 4-1

الأهداف العامة

- ✓ يفسر المسار الدائري للأقمار الصناعية.
- ✓ يعلل عدم زيادة سرعة تابع أرضي في مساره الدائري متأثرًا بقوة جذب الأرض.
- ✓ يحسب سرعة القمر الصناعي.
- ✓ يحسب الزمن الدوري للقمر الصناعي.
- ✓ يحسب سرعة الإفلات.
- ✓ يربط بين حركة الأقمار الصناعية وحفظ الطاقة.



تتحرك الأقمار الصناعية بفعل قوة جذب الأرض لها، لكنّها مع ذلك لا تسقط نحو الأرض، فكيف يحدث ذلك؟ ما هي سرعة هذه الأقمار؟ كيف نصف مساراتها؟ وكيف نضعها على مساراتها؟

1. أشكال المسارات

تتم عملية إطلاق قمر صناعي على مرحلتين. فثقل القمر في المرحلة الأولى بواسطة صاروخ إلى النقطة B من الفضاء الخارجي، حيث يطلق بسرعة v_0 في المرحلة الثانية، ويكون v_0 متعامدًا مع OB. فإذا كانت v_0 أكبر من سرعة الإفلات v_e التي تساوي 11.2 km/s ($v_0 > v_e$)، والتي سنتعلم كيفية احتسابها لاحقًا، فقلت القمر من تأثير الجاذبية ويتعد عن الأرض نحو اللانهاية، ويكون مساره قطعًا زائدًا Hyperbolic، وفي حال $v_0 = v_e$ فقلت القمر على شكل قطعًا مكافئًا Parabolic (الشكل 129)، وفي الحالتين لن يقترب هذا القمر من الأرض مجددًا. أما إذا كانت $v_0 < v_e$ فيبقى القمر في مدار الأرض ويكون مساره بيضاويًا (قطع ناقص) (شكل 129)، وعندما تساوي سرعته 8 km/s، فإنه يدور حول الأرض على مسار دائري.

ملاحظة: يمكن استعمال العمليات الحسابية التي سنقوم بها لحساب سرعة الأقمار الصناعية لحساب سرعة دوران الكواكب حول الشمس.

2. المسارات الدائرية

ومن الملاحظ في المسارات الدائرية للقمر الصناعي حول الأرض أن سرعته لا تتغير بفعل الجاذبية الأرضية، ولكي تفهم ذلك، سنجري مقارنة بين قمر صناعي يتخذ مسارًا دائريًا وكرة بولينج تندرج على سطح زجاجي أفقي (شكل 142). لماذا لا تسبب قوة الجاذبية الأرضية في زيادة سرعة كرة البولينج؟

2.2 مناقشة

وضّح للطلاب أنّ قوّة جذب الأرض لا تسبّب تغييراً في سرعة القمر الصناعي حيث لا توجد مركبة للقوّة في اتجاه السرعة.

استخدم المقارنة بين تدرج الكرة على السطح الأفقي والقمر الصناعي الذي يتخذ مساراً دائرياً لتوضّح للطلاب أنّ قوّة الجاذبية لا تتغيّر من مقدار السرعة المماسيّة لأن ليس لها مركبة باتجاه الحركة. فمثلما تستمرّ الكرة في حركتها بسرعة ثابتة في غياب الاحتكاك، فسرعة القمر أيضاً لا تتغيّر، لكن يتغيّر اتجاهها.

لحساب السرعة الخطيّة للقمر الصناعي، ابدأ نقاشاً مستخدماً الأسئلة التالية:

ما هي القوّة الخارجية المؤثرة على القمر الصناعي في مساره؟

(قوّة جذب الأرض)

ما نوع حركته؟ (حركة دائرية منتظمة)

ما نوع العجلة في الحركة الدائرية المنتظمة ومقدارها؟ (عجلة

مركزية تساوي $a_c = \frac{v^2}{r}$)

استخدم القانون الثاني لنيوتن واستبدل العجلة بمقدارها الذي يساوي العجلة المركزية ومحضلة القوى بمقدار القوّة الجاذبة المركزية. توصّل إلى استنتاج المعادلة التي تسمح بإيجاد مقدار السرعة المماسيّة للقمر الصناعي والتي تساوي $v = \sqrt{\frac{GM}{d}}$.

وضّح للطلاب الرموز المستخدمة في المعادلة وشدّد على ضرورة استخدام الوحدات الدولية.

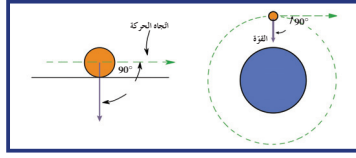
أعط الطلاب مسألة والوقت الكافي لحلّها للتأكد من أنّهم أصبحوا قادرين على استخدام تلك المعادلة في إيجاد السرعة الخطيّة للقمر الصناعي.

استخدم المعادلة التي كتبوها لتناقش معهم العوامل التي تؤثر في مقدار السرعة المماسيّة.

ذكرهم بالمعادلة التي تربط بين السرعة الخطيّة والسرعة الدائرية، واطلب إليهم إيجاد السرعة الدائرية للقمر الصناعي. أطلب إلى أحد الطلاب أن يستنتج السرعة الدائرية من السرعة الخطيّة أمام باقي الطلاب، وأن يوضّح الخطوات التي اتّبعتها في ذلك. ثمّ اطلب إليهم إعطاء تعريف للزمن الدوري، واستنتاج الزمن الدوري للقمر الصناعي مستخدمين السرعة الدائرية والعلاقة $T = \frac{2\pi}{\omega}$.

امنحهم الوقت الكافي للاطلاع على المثال المحلول (1) ص 107، ثمّ ناقش معهم الطريقة المعتمدة في الحل. تأكد من أنّهم استنتجوا ارتباط الزمن الدوري للقمر الصناعي بارتفاع مساره عن سطح الأرض.

الإجابة هي أنّ قوّة الجاذبية الأرضية لا تدفع الكرة إلى الأمام أو إلى الخلف، إنّما تجذبها رأسياً إلى أسفل باتجاه عمودي لاتجاه حركتها، وبالتالي لا توجد مركبة لقوّة الجاذبية الأرضية للكرة باتجاه الحركة.



(شكل 130)

(الرسم إلى اليسار) قوّة الجاذبية على كرة البولنج لا تؤثر في سرعتها لعدم وجود مركبة لقوّة الجاذبية في اتجاه الحركة الأفقية.
(الرسم إلى اليمين) ينطبق المبدأ نفسه على القمر الصناعي في مداره الدائري. ففي الحالتين، تتعامد قوّة الجاذبية على اتجاه الحركة.

وذلك ينطبق على القمر الصناعي في مساره الدائري. فيتعامد اتجاه حركته في الأوضاع كلها مع قوّة الجاذبية. كما أنّ القمر الصناعي لا يتحرك باتجاه الجاذبية، ممّا لا يزيد من سرعته أو يبطئها سرعته. إنّما يتعامد اتجاه حركته مع الجاذبية، فلا يحدث أيّ تغيير في مقدار سرعته، بل في اتجاه هذه السرعة فقط. وعلى ذلك، تكون السرعة التي يتحرك بها القمر الصناعي (أو أيّ تابع أرضي) متعامدة مع اتجاه قوّة الجاذبية الأرضية وموازية لسطح الأرض، ويكون مقدارها ثابتاً.

1.2 حساب السرعة الخطيّة لقمر صناعي

Calculating the Linear Speed of a Satellite

تُعطي قوّة جذب الأرض لقمر صناعي بالعلاقة التالية:

$$F = G \frac{Mm}{d^2} \quad (1)$$

حيث G تمثّل ثابت الجذب العام $6.67 \times 10^{-11} \text{ N.m}^2/\text{kg}^2$ ، M تمثّل كتلة الأرض، m تمثّل كتلة القمر الصناعي، و d تمثّل بعد القمر الصناعي عن مركز الأرض.

يدور القمر الصناعي حول الأرض بسرعة دائرية منتظمة تحت تأثير قوّة الجاذبية الأرضية نحو مركزها، وبعجلة مركزية $a_c = \frac{v^2}{d}$. وبالتالي ستكون القوة التي يخضع لها القمر الصناعي $F = ma_c$ ، فنحصل على:

$$F = m \frac{v^2}{d} \quad (2)$$

ومن المعادلتين (1) و(2) نحصل على:

$$v = \sqrt{\frac{GM}{d}}$$

106

2.2 حساب السرعة الدائرية (الزاوية) لقمر صناعي وزمنه

الدوري

Calculating the Rotational Speed and the Period of a Satellite

باستخدام العلاقة التي تربط السرعة الخطيّة بالسرعة الدائرية، يمكننا أن نستنتج أنّ السرعة الدائرية (الزاوية) للقمر الصناعي تحسب بالمعادلة التالية:

$$\omega = \frac{v}{d} = \sqrt{\frac{GM}{d^3}}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{GM}{d^3}}$$

ولأنّ الزمن الدوري T يساوي $T = \frac{2\pi}{\omega}$ ، وبالتعويض عن مقدار ω نحصل على:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{d^3}{GM}}$$

$$T^2 = 4\pi^2 \frac{d^3}{GM}$$

مثال (1)

ما هو ارتفاع مسار القمر الصناعي عن سطح الأرض ليكمل دورة كاملة حول الأرض خلال 3 ساعات؟ علماً أنّ كتلة الأرض: $M = (6 \times 10^{24}) \text{ kg}$ ، ونصف قطر الأرض: $R = (6400) \text{ km}$.

طريقة التفكير في الحل:

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: كتلة الأرض: $M = (6 \times 10^{24}) \text{ kg}$

نصف قطر الأرض: $R = (6400) \text{ km}$

غير المعلوم:

ارتفاع مسار القمر عن سطح الأرض: d ؟

2. احسب غير المعلوم

(1) باستخدام المعادلة الرياضية $T = 2\pi \sqrt{\frac{(R+d)^3}{GM}}$ ، وبالتعويض عن المقادير المعلوم في المعادلة نحصل على:

$$3600 \times 3 = 2\pi \sqrt{\frac{(6400 \times 10^3 + d)^3}{6.67 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}}$$

$$\Rightarrow d = (4.17 \times 10^6) \text{ m} = (4.17 \times 10^3) \text{ km}$$

3. قمْ: هل النتيجة مقبولة؟

إنّها نتيجة منطقية لقمر يكمل دورة كاملة حول الأرض خلال 3 ساعات.

أعط الطلاب الوقت الكافي للاطلاع على «مسألة مع إجابة»، ووَزَّع في مجموعات لحلّ المسألة، ثمّ دعهم يناقشون إجاباتهم وتأكّد من أنّهم توصّلوا إلى الإجابات الصحيحة المعطاة.

إذا أردت التأكّد من قدرة الطلاب على استخدام المعادلات التي تربط بين الزمن الدوري والارتفاع والسرعة المماسية والسرعة الدائرية للقمر الصناعي، دعهم يحلّون المزيد من المسائل.

أخبرهم أنّ القمر الصناعي الذي له زمن دوري يساوي (24)h يبدو مستقرّاً بالنسبة إلى الأرض، ومداره يُسمّى مداراً أرضياً مستقرّاً.

3.2 مناقشة

وضّح للطلاب أنّ مسار القذيفة الذي درسوه سابقاً على شكل قطع مكافئ هو في الواقع جزء من قطع ناقص، ويكون مركز الأرض البؤرة البعيدة لهذا المسار. ثمّ اشرح لهم الفرق بين الدائرة ومركزها، وبين القطع الناقص والبؤرتين.

أخبر الطلاب أن إطلاق القذيفة بسرعة خطية تساوي (8)km/s وأن القذيفة ستجد لها مساراً دائرياً حول الأرض، أما في حال تخطّط سرعة القذيفة الخطية (8)km/s، ستتخطّى القذيفة المسار الدائري المُفترض لتسلّك مسار قطع ناقص. وضّح لهم أنّ سرعة القمر الصناعي تقلّ عندما يبتعد عن بؤرة المسار التي هي الأرض، ويزيد عندما يقترب منها، وأنّ هذا الوضع يختلف عن المسارات الدائرية. وضّح للطلاب أنّ قيمة سرعة القمر الصناعي الذي يمكن أن يتّخذ مداراً حول الأرض تتراوح بين (8)km/s و (11.2)km/s.

4.2 نشاط

للتحقّق من استيعاب الطلاب لشكل القطع الناقص والتمييز بينه وبين الدائرة، وزّعهم في مجموعات لتنفيذ نشاط «المسار البيضاوي» في كتاب الأنشطة ص 27. وزّع المهام داخل المجموعات، وتأكّد من أنّ المجموعات تنفّذ النشاط وفقاً للخطوات المطلوبة. أطلب إلى كلّ مجموعة أن تعرض ما توصّلت إليه من نتائج. لخّص النتائج للتأكّد من أنّ الطلاب كلّهم تمكّنوا من تحقيق أهداف النشاط.

5.2 مناقشة

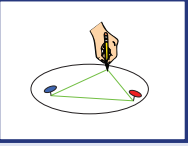
ذكّر الطلاب بما درسوه في السنوات السابقة عن الطاقة الحركية حيث للأجسام المتحرّكة طاقة حركية KE، وللأجسام الموجودة على ارتفاع ما من سطح الأرض طاقة وضع، وأنّ الطاقة الميكانيكية هي مجموع طاقة الوضع والطاقة الحركية. ثمّ ذكّرهم بمبدأ حفظ الطاقة الميكانيكية. ناقش معهم ثبات مقدار كلّ من طاقة الوضع والطاقة الحركية للقمر الصناعي على المسار الدائري، واشرح لهم كيف يختلف الوضع في حالة المسارات التي تتخذ شكل قطع ناقص لأنّ المسافة والسرعة تتغيّران بتغيّر موقع القمر الصناعي عن مركز الأرض.

فقرة إثرائية

ارتباط الفيزياء بالتكنولوجيا

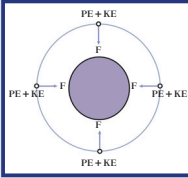
مهندسو تصميم الأقمار الصناعية

تلعب الأقمار الصناعية دوراً مهماً في تواصل الأبحاث العلمية، وفي الحصول على المعلومات البيئية والخدمات الاتصالات. وتقوم الهيئات الرسمية في الدولة المسؤولة عن الاتصالات بتوظيف المهندسين المناسبين لتصميم وتصنيع هذه الأقمار الصناعية بمواصفات إلكترونية محدّدة، وإمكانية وضعها في مسار معيّن مطلوب، حاملة الأجهزة المناسبة للمهمة التي ستطّلق من أجلها. كما تُراعى في التصميم قدرة القمر على مقاومة الظروف التي يُمكن أن يتعرض لها من اتداع الوزن أو اختراق الغلاف الجوّي.



(شكل 133)

طريقة بسيطة لرسم قطع ناقص.

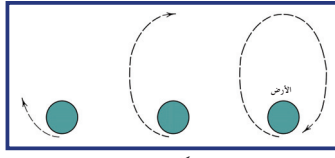


(شكل 134)

تشرح قوى الجاذبية على القمر الصناعي دائماً إلى مركز الكوكب الذي تدور حوله. وإذا كان مسار القمر الصناعي دائرياً، فلا توجد مركبة للقوى باتجاه الحركة، وبالتالي لا تتغيّر السرعة ولا طاقة الحركة.

3. مسارات القطع الناقص Elliptical Orbits

عندما تكون سرعة القمر الصناعي أكبر من قيمة السرعة الحدية التي تعطيه مساراً دائرياً (8)km/s، وأصغر من سرعة الإفلات (11.2)km/s، فإنّه يتخطّى المسار الدائري مبتعداً عن سطح الأرض وفق مسار أقلّ انحناء منه (شكل 132). وبذلك، لن تكون حركته متعامدة مع قوّة الجاذبية، فتقوم هذه القوّة بخفض سرعته تدريجياً بحيث يعود للاقتراب من الأرض بسرعة متزايدة حتّى تصل إلى قيمتها الأولى، وتكرّر الحركة كلّها مرّة تلو الأخرى. يُسمّى المسار الذي تشكّله هذه الحركة بالقطع الناقص Ellipse.



(شكل 132)

مسار على شكل قطع ناقص. عند زيادة سرعة القمر الصناعي عن (8)km/s، إنّ يتخطّى المسار الدائري، فيندفع مبتعداً عن سطح الأرض في عكس اتجاه الجاذبية. وعندما يصل إلى أبعد نقطة عن مركز الأرض، يبدأ بالاقتراب منها مرّة أخرى. ويستعيد القمر الصناعي السرعة التي فقدها عند الابتعاد، ويكرّر هذه الحركة مرّات عديدة متتالية.

1.3 رسم قطع ناقص Drawing an Elliptical Orbit

استخدم خيطاً وذبّوسين وقلم رصاص في رسم قطع ناقص كما هو موضّح في الشكل (133). جرب أشكالاً عدّة بحيث يتغيّر البعد بين الذبّوسين في كلّ مرّة، أو حاول أن ترسم قطعاً ناقصاً عن طريق تتبع حدود ظلّ كرة موضوعة فوق منضدة مستوية. كيف تستطيع أن تحرك الكرة لتحصل على أكثر من شكل للقطع الناقص؟

4. حفظ الطاقة وحركة الأقمار الصناعية Energy Conservation and Satellite Motion

درسنا سابقاً أنّ الأجسام المتحرّكة لها طاقة حركية (KE) وأنّ جسمًا واقفاً على ارتفاع ما من سطح الأرض يكون له طاقة وضع (PE). لذلك يكون للقمر الصناعي طاقا وضع وحركة في أيّ موضع من مداره حول الأرض. ويكون مجموع طاقتي الوضع والحركة مقداراً ثابتاً في أيّ من هذه المواضع (شكل 134).

في المدار الدائري، تكون المسافة التي تفصل مركز الكواكب عن مركز القمر الصناعي ثابتة. ويعني هذا أنّ طاقة وضع القمر الصناعي تكون أيضاً ثابتة. ومن قانون حفظ الطاقة، يمكن أن نستنتج ثبات طاقة الحركة للقمر نفسه، ومنها نستنتج ثبات سرعته في مداره الدائري.

أرسم على السبورة قطعاً ناقصاً والأرض على إحدى بؤرتيه، ثم أرسم القمر الصناعي عند أقرب نقطة لموضع الأرض (نقطة الحضيض). أشر إلى أن سرعة القمر الصناعي وطاقته الحركية على هذه النقطة تكونان أكبر ما يمكن، في حين تكون طاقة الوضع أصغر ما يمكن. أعد رسم القمر الصناعي عند مواضع مختلفة من المدار، وناقش مع الطلاب العلاقة بين طاقة الوضع والطاقة الحركية على تلك المواضع. أشر إلى نقطة الأوج حيث تكون طاقة الوضع أكبر ما يمكن والطاقة الحركية أصغر ما يمكن. ألفت انتباه الطلاب إلى أن الطاقة الميكانيكية ثابتة المقدار لغياب الاحتكاك.

6.2 مناقشة

الفيزياء والتكنولوجيا: «مهندسو تصميم الأقمار الصناعية»

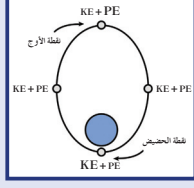
ناقش مع الطلاب دور المهندسين المتخصصين في صناعة الأقمار الصناعية وتجهيزها ووضعها على مسارها، وأهمية تصميمها بشكل يراعي قدرتها على مقاومة اختراق الغلاف الجوي وانعدام الوزن.

7.2 مناقشة

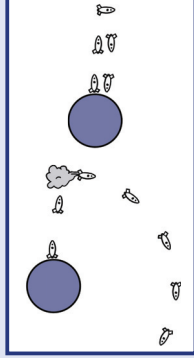
عرّف سرعة الإفلات على أنها سرعة اللاعودة، أي أن الجسم لا يعود إلى نقطة الإطلاق.

ألفت انتباه الطلاب إلى أن وضع قمر صناعي على مداره لا يتم بإطلاقه بسرعة 8 km/s رأسياً إلى أعلى، بل يجب إطلاقه أفقياً بسرعة 8 km/s في منطقة خارج الغلاف الجوي لتفادي احتكاك الهواء. ثم ألفت انتباههم إلى أن السرعة 11.2 km/s هي السرعة الكافية لإفلات الجسم من تأثير جذب الأرض.

أشرح لهم أن سرعة الجسم عند نقطة الهروب تساوي صفراً، وطاقة وضعه تساوي صفراً. ثم استخدم مبدأ حفظ الطاقة الميكانيكية لتستنتج المعادلة الرياضية لسرعة الهروب. أشرح رموز المعادلة والوحدات المستخدمة في قياسها.



(شكل 135)
مجموع طاقتي الوضع والحركة مقدار ثابت عند جميع نقاط المدار الذي على شكل قطع ناقص.



(شكل 136)
لا يتم وضع المكوك في مدار حول الأرض بدفع الصاروخ رأسياً إلى أعلى، بل يحتاج إلى مرحلتين: مرحلة إطلاق رأسية لئلا يخرج الغلاف الجوي، ثم مرحلة إطلاق أفقية بسرعة 8 km/s ليُدور المكوك حول الأرض.

يختلف الوضع في حالة المسارات التي تتخذ شكل قطع ناقص لاختلاف المسافة والسرعة، فتزيد طاقة وضع القمر الصناعي بزيادة بعده عن مركز الأرض. ويصبح لها أعلى قيمة عند نقطة الأوج Apogee أي النقطة الأقصى، وهي النقطة الأبعد عن الأرض، وأقل قيمة عند نقطة الحضيض Perigee أي النقطة الأدنى، وهي النقطة الأقرب إلى الأرض. وبالتالي، يكون لطاقة الحركة أقل قيمة عند النقطة الأقصى وأكبر قيمة عند النقطة الأدنى (شكل 135). ومن الطبيعي أن نذكر هنا أن مجموع طاقتي الوضع والحركة مقدار ثابت عند أي نقطة على المدار، وذلك لغياب الاحتكاك.

5. سرعة الإفلات
عند إطلاق مكوك فضاء ليُخذ مساراً ما حول الأرض، تُعتبر سرعة الصاروخ الحامل للمكوك واتجاه هذه السرعة من العوامل المهمة لنجاح وضعه في المدار المطلوب. فماذا يحدث إذا أطلق الصاروخ رأسياً لأعلى ليكتسب سرعة 8 km/s ؟ يجب أن يهرب كل العاملين في محطة الإطلاق لأن هذا الصاروخ سوف يعود مع حمولته إلى نقطة إطلاقه، وبسرعة الإطلاق نفسها، وينفجر هو والمحطة. إذا الوضع المكوك في مدار حول الأرض، يجب إطلاق الصاروخ أفقياً بسرعة 8 km/s في المنطقة خارج الغلاف الجوي لتفادي احتكاك الهواء. وقد يتساءل بعضنا: ألا توجد سرعة إطلاق رأسية تمكن الصاروخ وحمولته من أن يطيرا ويرتفعا، وأن يفلتا من جذب الأرض؟ الإجابة هي نعم، يمكنك إطلاق أي جسم بسرعة أكبر من 11.2 km/s . وبإهمال مقاومة الهواء، سوف يتمكن الجسم من مغادرة الأرض، وقد تقل سرعته أثناء ابتعاده لكنه لن يتوقف. دعنا نناقش ما يحدث من وجهة نظر الطاقة الميكانيكية لهذا الجسم. إذا تساءلنا عن الطاقة اللازمة لإرسال صاروخ إلى مسافة لا نهائية، متحركاً بعكس اتجاه جذب الأرض، قد يتبادر إلى أذهاننا أن طاقة الوضع عند هذا البعد اللانهائي تكون كمية لا نهائية أيضاً. لكن يجب أن نذكر هنا التناقص السريع لقوى الجاذبية طبقاً لقانون التربيع العكسي. وبذلك تكون قوة الجاذبية الأرضية على الصاروخ كبيرة عند المسافات القريبة من سطح الأرض فقط. لذلك، معظم الشغل المبذول في إطلاق الصاروخ يُستهلك بالقرب من الأرض.

1.3 تقييم استيعاب الطلاب للدرس

- لتقييم استيعاب الطلاب للدرس، إ طرح عليهم الأسئلة التالية:
- ✓ ما اتجاه ومقدار السرعة الكافية لإطلاق قذيفة لتتخذ مسارًا دائريًا حول الأرض بإهمال الاحتكاك؟
 - ✓ ما اتجاه ومقدار السرعة الكافية لإطلاق قذيفة لتتخذ مسار قطع ناقص حول الأرض بإهمال الاحتكاك؟
 - ✓ لماذا تتغير سرعة القذيفة عندما تسير على قطع ناقص ولا يحدث ذلك على المسار الدائري؟

2.3 إعادة عرض الدرس

في حال وجود أيّ التباس أو سوء فهم لدى الطلاب، أعد عملية الشرح وركّز على السبب الذي أدى إلى سوء الفهم. يمكنك أيضًا إعطاء الطلاب مسائل إضافية لتحقيق من قدرتهم على تطبيق معادلة إيجاد سرعة قمر صناعي وسرعة الإفلات من كوكب ما.

إجابات أسئلة الدرس 2-4

$$\text{أولاً} - T = 2\pi \sqrt{\frac{d^3}{GM}}$$

إن مقدار الزمن الدوري بحسب النظام الدولي للوحدات يساوي: $T = (86140)s$

باستخدام المعادلة وبالتعويض عن المقادير المعروفة:

$$86140 = 2\pi \sqrt{\frac{d^3}{6.67 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}}$$

$$d = (35.8 \times 10^7)m = (35800)km$$

ثانيًا - تعتمد سرعة دوران القمر الصناعي على بعده عن الأرض وعلى كتلة الأرض بحسب العلاقة $v = \sqrt{\frac{GM_T}{d}}$ ، وهي لا تعتمد إذاً على كتلته.

ثالثًا - لأنّ الجاذبية الأرضية تؤثر على السرعة الرأسية لا على السرعة المماسية.

رابعًا - (أ) تُحسب قوّة التجاذب بين الحجر والكوكب باستخدام المعادلة التالية:

$$F = G \frac{mM}{r^2}$$

حيث m تساوي كتلة الحجر و M تساوي كتلة الكوكب.

وبما أنّ الحجر يدور بسرعة دائرية منتظمة تحت تأثير القوّة $\vec{F}$ ،

$$F = \frac{mv^2}{r} \text{ نكتب:}$$

$$\frac{mv^2}{r} = G \frac{mM}{r^2} \text{ من المعادلتين نستنتج ما يلي:}$$

$$M = \frac{rv^2}{G} \text{ أي أن:}$$

وبالتعويض عن المقادير المعروفة نحصل على:

ويمكن استنتاج سرعة الإفلات من خلال تطبيق مبدأ حفظ الطاقة الميكانيكية لجسم يتحرك تحت تأثير قوّة محفوظة Conservative Force، وتكون سرعة الإفلات أدنى سرعة يجب أن يتخذها الجسم ليتحرّر من الجاذبية. فإذا انطلق جسم له كتلة m وسرعة v_e من سطح الأرض، يصل إلى نقطة اللانهاية حيث تساوي سرعته صفرًا وطاقة وضعه صفرًا، فتكون إذاً:

$$\frac{1}{2} m v_e^2 - \frac{GMm}{r} = 0 + 0$$

أي أنّ طاقة الوضع Kinetic Energy = الطاقة الحركية Potential Energy وبالتالي:

$$v_e = \sqrt{\frac{2GM}{r}} = (11.2)km/s$$

نستنتج أنّ حيث G هو ثابت الجذب العام، M كتلة الأرض و r نصف قطر الأرض. ونلاحظ إذاً أنّ سرعة الإفلات ترتبط بخصائص الكوكب فقط.

مراجعة الدرس 1-4

أولاً - وُضع قمر صناعي على مسار أرضي استقراري.

أحسب ارتفاعه عن سطح الأرض علمًا أنّ:

نصف قطر الأرض يساوي $(6370)km$

كتلة الأرض تساوي $(6.0 \times 10^{24})kg$

الزمن الدوري يساوي $(40)h$ و $(55)min$ و $(23)s$

مقدار ثابت الجذب العام $G = (6.67 \times 10^{-11})N.m^2/kg^2$

ثانيًا - هل تعتمد سرعة دوران قمر صناعي في مداره حول الأرض على بعده من الأرض؟ كتلته؟ كتلة الأرض؟

ثالثًا - إذا أطلقت قذيفة مدفع من قمة جبل عالٍ، تغير الجاذبية الأرضية من سرعتها أثناء تحركها في مسارها. أمّا إذا أطلقت بسرعة كافية لتتخذ مدارًا دائريًا حول الأرض، لن تغير الجاذبية من سرعتها في هذه الحالة. لماذا؟

رابعًا - يندرج حجر كرويّ بسرعة $v = (30)km/h$ ويتخذ مدارًا دائريًا له نفس قطر كوكب كروي ذو كثافة متجانسة، وقطر هذا الكوكب $(8)km$.

(أ) أحسب كتلة هذا الكوكب.

(ب) أحسب كثافة الكوكب. هل هذه الكثافة مقبولة؟



(شكل 137)

أطلقت مركبة بايوير 10 من الأرض عام 1972، واستطاعت الإفلات من المجموعة الشمسية عام 1984 لتجول في الفضاء الكوني.

$$M = \frac{rv^2}{G} = \frac{8 \times 10^3 \times \left(\frac{30}{3.6}\right)^2}{6.67 \times 10^{-11}} = (88.3 \times 10^{14})kg$$

$$= (88.3 \times 10^{11})ton$$

(ب) بما أنّ الكثافة ρ تساوي الكتلة مقسومة على الحجم، وبما أنّ الجسم كروي الشكل، نحسب كثافة الكوكب باستخدام المعادلة التالية:

$$\rho = \frac{M}{V} = \frac{M}{\frac{4}{3}\pi r^3} = \frac{8.33 \times 10^{14}}{\frac{4}{3}\pi (8000)^3} = (3.9 \times 10^3)kg/m^3$$

مراجعة الفصل الرابع

الأفكار الرئيسية في الفصل

وجّه الأسئلة التالية لتلخيص محتويات الفصل:

- ما هي العلاقة الرياضية التي تربط سرعة القمر بكتلة الكوكب؟

$$v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$$
 وما معنى الرمز المُستخدمة في تلك العلاقة؟
- ما هي العلاقة الرياضية التي تسمح بحساب الزمن الدوري لقمر صناعي؟

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}}$$
- أذكر العلاقة الرياضية لحساب قوّة الجذب بين كتلتين بحسب قانون نيوتن للجاذبية الكونية.

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

خريطة المفاهيم

أطلب من الطلاب تنظيم خريطة مفاهيم مستعينين بالمصطلحات الواردة ويناقشونها في ما بينهم بإشرافك.

مراجعة الفصل الرابع

المفاهيم

الجاذبية الكونية	Universal Gravitation	حفظ الطاقة	Energy Conservation
سرعة الإفلات	Escape Velocity	المسار الدائري	Circular Orbit
مسار القطع الناقص	Elliptical Orbit		

الأفكار الرئيسية في الفصل

تتبع حركة هذه الأقمار قانون نيوتن للجاذبية الكونية، فتكون مساراتها دائرية إذا كانت سرعتها المماسية تساوي $(8) \text{ km/s}$ ، أو قطعاً ناقصاً إذا كانت سرعتها المماسية أكبر من $(8) \text{ km/s}$ وأصغر من $(11.2) \text{ km/s}$.
 تقلت هذه الأقمار من جاذبية الأرض إذا فاقَت سرعتها المماسية $(11.2) \text{ km/s}$.
 سرعة الأقمار الصناعية التي تدور على مسارات دائرية ثابتة تساوي:
 حيث G ثابت الجذب العام، M كتلة الكوكب و d المسافة بين الكوكب والقمر.
 الزمن الدوري للقمر يساوي:

$$v = \sqrt{\frac{GM}{d}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{d^3}{GM}}$$

قوّة التجاذب بين كتلتين m_1 و m_2 تفصل بينهما مسافة d هي بحسب قانون الجذب العام لنيوتن:
 حيث G ثابت الجذب العام.

$$F = G \frac{m_1 m_2}{d^2}$$

خريطة مفاهيم الفصل

استخدم المصطلحات الموضحة في الشكل التالي لرسم خريطة مفاهيم تُنظّم معظم الأفكار التي احتواها الفصل.



إجابات أسئلة الفصل

تحقق من فهمك

1. دائريًا
2. كتلة الكوكب
3. $\frac{T}{2\sqrt{2}}$

تحقق من مهارتك

1. سنة أرضية $T = 2\pi r$ ، $d = 2\pi r$

$$v = \frac{d}{T} = \frac{2\pi r}{T} ، T = (31536000)s$$

$$v = \frac{2 \times \pi \times 1.5 \times 10^{11} \text{ m}}{31536000s} = (3.10^4)m/s$$

2. هي نفسها قيمة سرعة الهروب $(11.2)km/s$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}} \quad 3.$$

التواصل: الكتابة في الفيزياء

يجب أن يناقش الطلاب آراءهم وما اكتشفوه عن سبب ثبات سرعة قمر صناعي له مدار دائري، وارتباط شكل مسار هذا القمر بانحناء سطح الأرض. وجّه النقاش وصوّبه كلما دعت الحاجة.

نشاط بحثي

ورّع الطلاب في مجموعات ووجّههم لإجراء بحث يبيّن أخطار مخلفات الأقمار الصناعية على الأرض. الفت انتباه الطلاب إلى ضرورة تضمين بحثهم:

◀ مصدر هذه المخلفات من القطع التي انفصلت عن الأقمار الصناعية والصواريخ وبعد الأقمار الصناعية التي أصبحت خارج الخدمة.

◀ السرعة الكبيرة لتلك الأجسام في الفضاء وخطورة تصادمها وتشكلها لآلاف الأجزاء الأخرى.

◀ تأثير ازدياد معدل غاز ثاني أكسيد الكربون الذي يقلص طبقة الغلاف الجوي للأرض ويؤثر على حركة الأقمار الصناعية وازدياد احتمال سقوطها.

◀ شجع الطلاب على البحث عن الطرق المفترضة من الدول لمعالجة هذه المشكلة.

تحقق من فهمك

- صح علامة (✓) في المربع الواقع أمام العبارة الصحيحة في كل مما يلي:
1. إذا أطلق قمر صناعي بسرعة مماسية $(8)km/s$ يكون مساره:
 - ☐ دائريًا.
 - ☐ يفلت من جاذبية الأرض.
 - ☐ غير محدد.
 2. لحساب سرعة قمر صناعي له مسار دائري نستخدم العلاقة $v = \sqrt{\frac{GM}{d}}$ حيث M هي:
 - ☐ كتلة القمر الصناعي.
 - ☐ ثابت الجذب.
 - ☐ المسافة بين مركزي الجسمين.
 3. اقرب قمر صناعي زمنه الدوري (T) من الأرض حتى أصبحت المسافة التي تفصله عنها تساوي نصف المسافة الأصلية. فإن زمنه الدوري:
 - ☐ لم يتغير.
 - ☐ أصبح $\frac{T}{2}$.
 - ☐ أصبح $2T$.
 - ☐ أصبح $\frac{T}{2\sqrt{2}}$.

تحقق من مهارتك

- حلّ المسائل التالية:
1. أحسب السرعة المدارية للأرض حول الشمس بوحدة m/s . افترض أنّ مدار الأرض دائري وأنّ المسافة التي تفصل الأرض عن الشمس هي $(150 \times 10^6)km$.
 2. ما السرعة القصوى التي يصطدم بها جسم بسطح الأرض عندما يسقط من سكون من ارتفاع شاهق، تحت تأثير الجاذبية الأرضية.
 3. أحسب الزمن الدوري لقمر صناعي يدور حول كوكب ما بدلالة كتلة الكوكب M ، ونصف قطر المسار (r) وثابت الجذب $(G = (6.67 \times 10^{-11})N.m^2/kg^2)$.

مشاريع الفصل

التواصل

اكتب مقالاً تعلّل فيه ثبوت سرعة قمر صناعي له مسار دائري.

نشاط بحثي

قم ببحث تبيّن فيه أخطار مخلفات الأقمار الصناعية المستهلكة على الأقمار الصناعية التي ما زالت في الخدمة. ضمن بحثك خطورة هذه المخلفات على الكرة الأرضية وخاصة بعد ازدياد معدل ثاني أكسيد الكربون في طبقات الغلاف الجوي. أذكر بعض اقتراحات الدول في معالجة هذه المخلفات وطرق التخلص منها.

نشاط 1 سرعة المقذوفات

التوقع

تختلف التوقعات.

تسجيل النتائج

تختلف الإجابات

الملاحظة والاستنتاج

1. زاوية الإطلاق $\theta = 0^\circ$
2. إن القوة الوحيدة المؤثرة بغياب الاحتكاك هي وزن المقذوف.
3. $\vec{f}_x = 0$
4. إن الحركة هي حركة منتظمة السرعة.
5. باستخدام $x = vt$ نحصل على $v = \frac{x}{t}$.
6. نتيجة المعادلة الرياضية تعطينا مقدار y مساوٍ للإرتفاع.
7. حركة منتظمة العجلة

الخلاصة

حركة المقذوفات هي حركة مركبة من حركة منتظمة السرعة على المحور الأفقي وحركة منتظمة العجلة على المحور الرأسي.

نشاط 2 العلاقة بين الإزاحة الزاوية والإزاحة الخطية

التوقع

تختلف التوقعات.

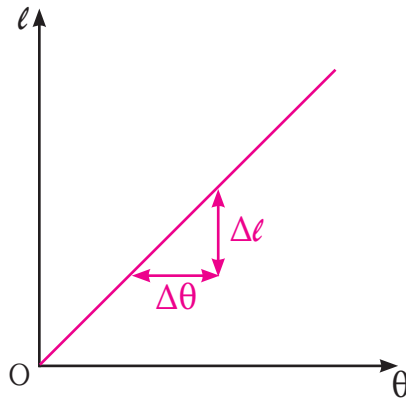
تسجيل النتائج

جدول النتائج (1)

دورة البكرة	زاوية الإزاحة (rad)	طول الخيط ℓ (cm)	$\Delta \ell$ (cm)
ربع دورة	$\frac{\pi}{4}$		
نصف دورة	$\frac{\pi}{2}$	تختلف الإجابات	تختلف الإجابات
ثلاثة أرباع دورة	$\frac{3\pi}{4}$		
دورة كاملة	π		

جدول النتائج (2)

دورة البكرة	زاوية الإزاحة θ (rad)	طول الخيط ℓ (cm)	$\Delta \ell$ (cm)
ربع دورة	$\frac{\pi}{4}$		
نصف دورة	$\frac{\pi}{2}$	تختلف الإجابات	تختلف الإجابات
ثلاثة أرباع دورة	$\frac{3\pi}{4}$		
دورة كاملة	π		



1. خطّ مستقيم يمرّ بنقطة (0، 0).
2. تختلف الإجابات بحسب مقدار نصف قطري البكرتين.

التحليل والاستنتاج

3. علاقة تناسب طردي تمثّلت بالرسم البياني بخطّ مستقيم ولها ميل يساوي K.

$$\ell = K\theta$$

الخلاصة

1. $s = r\theta$ إذا $K = r$
2. علاقة تناسب طردي.

نشاط 3 الحركة الدائرية

التوقع

ستختلف الإجابات .

الملاحظة

1. كلا ، لم تسقط الكتلة المعلقة ولم تنسحب السدادة المطاطية نحو مركز الدوران .
2. نعم هناك قوة شدّ ألى أعلى تؤثر على الكتلة المعلقة .

الاستنتاج

1. يتغير اتجاه السرعة الخطية بينما يبقى مقدارها ثابتاً .
2. بما أنه يوجد تغير في اتجاه السرعة هذا يعني أنه هناك عجلة .
3. عجلة مركزية نحو مركز الدائرة .

الخلاصة

1. القوة الوحيدة هي القوة الجاذبة المركزية التي تسحب السدادة المطاطية نحو مركز الدوران ، واتجاهها اتجاه العجلة المركزية أي نحو مركز الدوران
2. $F = m a_c$
3. حركة خطية على مسار مستقيم بحسب مفهوم القصور الذاتي .
4. إن القوة الجاذبة المركزية هي القوة المسببة للحركة الدائرية المنتظمة وفي حال غيابها فإن الجسم سيكمل طريقه على خط مستقيم وبسرعة خطية منتظمة وفقاً لمبدأ لقصور الذاتي .

التحليل والاستنتاج

1. علاقة تناسب طردي بين القوة الطاردة ومربع السرعة المماسية.
2. $F = Kv^2$

الخلاصة

1. متساويتان أي أن مقدار الميل يساوي $\frac{m}{r}$.
2. بما أن $F = Kv^2 \iff K = \frac{m}{r}$ و $F = \frac{m}{r} v^2$

نشاط 4 قياس قوة الاحتكاك

التوقع

تختلف الإجابات، مع العلم أن معامل الاحتكاك كمية تجريبية، أي أنها تقاس بالتجربة وليس بالمعادلات الرياضية.

تحليل النتائج

3. يختلف معامل الاحتكاك السكوني باختلاف نوع المادة.
4. تجريبياً كلاً.
5. يتساوى تقريباً، وذلك بحسب إبعاد الجسم. لذلك نعتبر أن معامل الاحتكاك هو كمية تجريبية.
6. يقل مقدار معامل الاحتكاك.

الخلاصة

1. يزيد
2. معامل الاحتكاك يساوي ظل زاوية الميل.
3. $\tan \alpha = \mu$
4. يساوي قوة الاحتكاك على قوة رد الفعل.

نشاط 5 (أ) مركز ثقل جسم منتظم الشكل

التوقع

تختلف التوقعات.

الملاحظة

1. (أ) الثقل ($\vec{W}$) عمودي إلى أسفل، ورد الفعل ($\vec{N}$) عمودي إلى أعلى.
- (ب) يقع مركز الثقل على الخط العمودي AM وتحت المحور A.
2. سيمر الخط العمودي الذي يقطع C بالنقطة G لأن هذه النقطة يجب أن تكون على هذا الخط لأن G هي مركز الثقل.
3. بما أن G هي مركز الثقل، فإن الجسم المصمت الذي يخلو من فجوة يتوازن على G.

الاستنتاج

1. يُحدّد مركز ثقل جسم غير منتظم الشكل مثلما يُحدّد مركز ثقل جسم منتظم الشكل.
2. كلاً، فمركز ثقل جسم غير منتظم الشكل يُحدّد فقط بالطريقة التجريبية كما في هذا النشاط.
1. على المركز الهندسي
2. نعم، في الأجسام التي تحتوي على فجوات مثل الحلقة الدائرية.

نشاط 5 (ب) مركز ثقل جسم غير منتظم الشكل

التوقع

تختلف التوقعات .

الملاحظة

1. (أ) الثقل ($\vec{W}$) عمودي إلى أسفل ، وردّ الفعل ($\vec{N}$) عمودي إلى أعلى .
(ب) يقع مركز الثقل على الخطّ العمودي AM وتحت المحور A .
2. سيمرّ الخطّ العمودي الذي يقطع C بالنقطة G لأنّ هذه النقطة يجب أن تكون على هذا الخطّ لأنّ G هي مركز الثقل .
3. بما أنّ G هي مركز الثقل ، فإنّ الجسم المصمت الذي يخلو من فجوة يتوازن على G .

الاستنتاج

1. يُحدّد مركز ثقل جسم غير منتظم الشكل مثلما يُحدّد مركز ثقل جسم منتظم الشكل .
2. كلاً ، فمركز ثقل جسم غير منتظم الشكل يُحدّد فقط بالطريقة التجريبية كما في هذا النشاط .

نشاط 6 مركز ثقل جسم منتظم الشكل وآخر مجوّف

التوقع

تختلف التوقعات .

الملاحظة

1. المركز الهندسي للقرص
2. إنّ مركز الثقل متطابق مع المركز الهندسي للقرص المصمت .
3. لا يوجد أيّ نقطة من جسم الحلقة يمكن أن تتّزن عليها ، فتكون بالتالي مركز ثقل الحلقة .
4. نعم ، نقطة تقاطع الخيطين هي نقطة تتّزن عليها الحلقة .
5. إنّ نقطة تقاطع الخيطين هي مركز ثقل الحلقة .

الاستنتاج

1. يتطابق مركز الثقل مع المركز الهندسي للجسم منتظم الشكل .
2. نعم ، لأنّ بعد شدّ الخيطين المتعامدين اتّزنت الحلقة على مركزها الهندسي .
3. يوجد أكثر من نقطة على محور يمرّ بالمركز الهندسي يمكن أن يتّزن الجسم عليها .
4. إنّ مركز الثقل هو جميع النقاط التي تقع على محور التناظر للحلقة .

الخلاصة

1. مركز الثقل في الأجسام المصمتة ومنتظمة الشكل هو المركز الهندسي الذي يقع داخل الجسم ويجعله يتوازن إذا وُضع على حامل .
2. مركز الثقل هو مجموعة من النقاط التي تقع خارج الجسم على محور التناظر المارّ بالمركز الهندسي ، والتي يمكن أن يتوازن عليها الجسم إذا اتّصل بهذه النقطة بواسطة رابط صلب .

التوقع

تختلف التوقعات.

الملاحظة والاستنتاج

1. تساوي قراءة كل ميزان نصف كتلة اللوح والحاملين مثلثي الشكل.
2. يتحرك الطالب باتجاه نهاية القدم.
3. نقطة الوسط تتطابق مع مركز ثقل الجسم.
4. لن يكون مركز الثقل في منتصف المسافة بين الحاملين.

الخلاصة

1. يبعد مركز الثقل عدّة سنتيمترات عن السرة.
2. تساوي المسافة بين مركز ثقلك وقدميك 0.6 من طولك الكلي.

المسار البيضاوي

نشاط 8

التوقع

تختلف التوقعات.

الملاحظة

1. يتغير شكل القطع الناقص بتغيير موضع البؤرتين.
2. عندما تكون المسافة بين البؤرتين صغيرة جداً.
3. شدّ الخيط بين البؤرتين

التحليل والاستنتاج

1. مسار الأرض شبه الدائري عندما تكون المسافة بين البؤرتين صغيرة جداً بالمقارنة مع المسافة بين البؤرتين في حالة القطع الناقص.
2. إنّ مسار مذنب هالي الطولي الشكل يعود إلى أنّ المسافة بين البؤرتين كبيرة جداً.

الخلاصة

1. متساوية
2. القطع الناقص عبارة عن منحنى بيضاوي الشكل حيث مجموع بعد أي نقطة من هذا المنحنى عن نقطتين ثابتتين داخله يكون ثابتاً.