

القسم الأول – اسئلة المقالأجب عن جميع الأسئلة موضحاً خطوات الحل في كل منهاالسؤال الأول : (٧ درجات)

(٣ درجات)

(أ) أجريت دراسة لعينة من ٢٤ طالباً حول متوسط عدد ساعات مشاهدة التلفزيون اسبوعياً. فإذا كان الانحراف المعياري

 $\sigma = ٢,٥$ والمتوسط الحسابي $\bar{x} = ٢١$ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥ % أوجد ما يلي :

(١) هامش الخطأ.

(٢) فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ .

(٣) فسر فترة الثقة.

تابع السؤال الأول

(ب) من الجدول التالي :

س	١	٢	٣	٤	٥
ص	٤	٣	٢	١	٠

(١) أوجد معامل الارتباط الخطي r .

(٢) حدد نوع وقوة الارتباط.

السؤال الثاني: (٧ درجات)

(٣ درجات)

(أ) إذا كانت $n = 80$ ، $\bar{s} = 37,2$ ، $e = 1,79$ اختبر الفرض بأن $\mu = 37$ عند مستوى معنوية $\alpha = 0,05$

(٤ درجات)

تابع السؤال الثاني:

(ب) باستخدام البيانات التالية لقيم س، ص :

س	١	٢	٤	٥
ص	٣	٥	٩	١١

أوجد معادلة خط الانحدار.

السؤال الثالث :

(٣ درجات)

(أ) أخذت عينة عشوائية بسيطة حجمها $n = ٢٠$ من مجتمع طبيعي أوجد القيمة الحرجة $t_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى الثقة ٩٥ % .

تابع السؤال الثالث:

(٤ درجات)

(ب) يبين الجدول التالي مساحة الأراضي الصالحة للزراعة بالآلاف الأفدنة من سنة ١٩٩٨ حتى سنة ٢٠٠٢

الزمن (س)	١٩٩٨	١٩٩٩	٢٠٠٠	٢٠٠١	٢٠٠٢	٢٠٠٣
مساحة الأرض (ص)	٦	٧	١٠	١٣	١٣	١٥

(١) مثل بيانيا السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه.

(٢) بين الاتجاه العام للسلسلة الزمنية

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (١) إلى (٣) ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة ، و ظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) المعلمة هي ثابت يصف العينة أو يصف توزيع العينة كالوسط الحسابي أو الانحراف المعياري.

(٢) الارتباط هو وصف العلاقة بين متغيرين.

(٣) التغيرات الدورية فترتها تكون أكبر من سنة.

ثانياً : في البنود من (٤) إلى (٧) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

(٤) القيمة الحرجة $\frac{\alpha}{2}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٠٪ تساوي

(أ) ٢,٥٨ (ب) ١,٦٤٥ (ج) ١,٥٧٥ (د) ١,٩٦

(٥) أخذت عينة عشوائية من مجتمع احصائي حجمها ن ، $\bar{s} = ٣٠$ وتباين المجتمع $\sigma^2 = ٩$

فإذا كان الحد الأعلى لفترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥٪ يساوي ٣١,٩٦ فإن ن =

(أ) ١٦ (ب) ٩ (ج) ٣٠ (د) ١٥

(٦) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين س، ص هي $\hat{ص} = ٥,٥ + ٣,٤س$ فإن قيمة ص المتوقعة

عندما س = ٦ هي

(أ) ٠,٥ (ب) ٦,٨ (ج) ٢٩,٩٨ (د) ٢٥,٩

(٧) العوامل التي تؤثر في السلسلة الزمنية هي

(أ) الاتجاه العام فقط (ب) التغيرات الدورية فقط (ج) التغيرات الموسمية و العرضية (د) جميع ما سبق

ورقة إجابة الموضوعي

الإجابة			رقم السؤال	
			أ	(١)
			ب	(٢)
د	ج	ب	أ	(٣)
د	ج	ب	أ	(٤)
د	ج	ب	أ	(٥)
د	ج	ب	أ	(٦)
د	ج	ب	أ	(٧)

قوانين الاحصاء

$$\text{هامش الخطأ ه} = \text{ق} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$\text{ه} = \text{ت} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \quad \text{فترة الثقة} = (\bar{s} - \text{ه}, \bar{s} + \text{ه})$$

$$\text{ه} = \text{ق} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

المقياس الإحصائي:

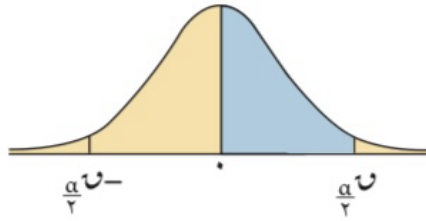
$$\text{ق} = \frac{\mu - \bar{s}}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \quad | \quad \text{ق} = \frac{\mu - \bar{s}}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \quad | \quad \text{ت} = \frac{\mu - \bar{s}}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{n(\sum s - \sum s^2) - (\sum s)^2}{n^2(\sum s - \sum s^2) - (\sum s)^2} \\ &= \frac{\sum s(\sum s - s)}{n^2(\sum s - \sum s^2) - (\sum s)^2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \hat{p} &= \frac{\sum s}{n} \\ \hat{p} &= \frac{n(\sum s - \sum s^2) - (\sum s)^2}{n^2(\sum s - \sum s^2) - (\sum s)^2} \end{aligned}$$

$$p = \bar{s} - \hat{p}$$

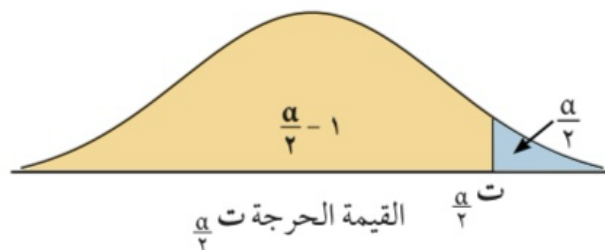
مقدار الخطأ = |القيمة الجدولية - القيمة من معادلة خط الانحدار| = |صس - صس|



جدول التوزيع الطبيعي المعياري (u)

u	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	0,0000	0,0040	0,0080	0,0120	0,0160	0,0199	0,0239	0,0279	0,0319	0,0359
0,1	0,0398	0,0438	0,0478	0,0517	0,0557	0,0596	0,0636	0,0675	0,0714	0,0753
0,2	0,0793	0,0832	0,0871	0,0910	0,0948	0,0987	0,1026	0,1064	0,1103	0,1141
0,3	0,1179	0,1217	0,1255	0,1293	0,1331	0,1368	0,1406	0,1443	0,1480	0,1517
0,4	0,1554	0,1591	0,1628	0,1664	0,1700	0,1736	0,1772	0,1808	0,1844	0,1879
0,5	0,1915	0,1950	0,1985	0,2019	0,2054	0,2088	0,2123	0,2157	0,2190	0,2224
0,6	0,2257	0,2291	0,2324	0,2357	0,2389	0,2422	0,2454	0,2487	0,2517	0,2549
0,7	0,2580	0,2611	0,2642	0,2673	0,2704	0,2734	0,2764	0,2794	0,2823	0,2852
0,8	0,2881	0,2910	0,2939	0,2967	0,2995	0,3023	0,3051	0,3078	0,3106	0,3133
0,9	0,3159	0,3186	0,3212	0,3238	0,3264	0,3289	0,3315	0,3340	0,3365	0,3389
1,0	0,3413	0,3438	0,3461	0,3485	0,3508	0,3531	0,3554	0,3577	0,3599	0,3621
1,1	0,3643	0,3665	0,3687	0,3708	0,3729	0,3749	0,3770	0,3790	0,3810	0,3830
1,2	0,3849	0,3869	0,3888	0,3907	0,3925	0,3944	0,3962	0,3980	0,3997	0,4015
1,3	0,4032	0,4049	0,4066	0,4082	0,4099	0,4115	0,4131	0,4147	0,4162	0,4177
1,4	0,4192	0,4207	0,4222	0,4237	0,4251	0,4265	0,4279	0,4292	0,4306	0,4319
1,5	0,4332	0,4345	0,4357	0,4370	0,4382	0,4394	0,4406	0,4418	0,4429	0,4441
1,6	0,4452	0,4463	0,4474	0,4484	0,4495	0,4505	0,4515	0,4525	0,4535	0,4545
1,7	0,4554	0,4564	0,4573	0,4582	0,4591	0,4599	0,4608	0,4616	0,4625	0,4633
1,8	0,4641	0,4649	0,4656	0,4664	0,4671	0,4678	0,4686	0,4693	0,4699	0,4706
1,9	0,4713	0,4719	0,4726	0,4732	0,4738	0,4744	0,4750	0,4756	0,4761	0,4767
2,0	0,4772	0,4778	0,4783	0,4788	0,4793	0,4798	0,4803	0,4808	0,4812	0,4817
2,1	0,4821	0,4826	0,4830	0,4834	0,4838	0,4842	0,4846	0,4850	0,4854	0,4857
2,2	0,4861	0,4864	0,4868	0,4871	0,4875	0,4878	0,4881	0,4884	0,4887	0,4890
2,3	0,4893	0,4896	0,4898	0,4901	0,4904	0,4906	0,4909	0,4911	0,4913	0,4916
2,4	0,4918	0,4920	0,4922	0,4925	0,4927	0,4929	0,4931	0,4932	0,4934	0,4936
2,5	0,4938	0,4940	0,4941	0,4943	0,4945	0,4946	0,4948	0,4949	0,4951	0,4952
2,6	0,4953	0,4955	0,4956	0,4957	0,4959	0,4960	0,4961	0,4962	0,4963	0,4964
2,7	0,4965	0,4966	0,4967	0,4968	0,4969	0,4970	0,4971	0,4972	0,4973	0,4974
2,8	0,4974	0,4975	0,4976	0,4977	0,4978	0,4979	0,4980	0,4981	0,4982	0,4983
2,9	0,4984	0,4985	0,4986	0,4987	0,4988	0,4989	0,4990	0,4991	0,4992	0,4993
3,0	0,4994	0,4995	0,4996	0,4997	0,4998	0,4999	0,4999	0,4999	0,4999	0,4999
3,10 وأكثر										

ملاحظة: استخدم 0,4999 عندما تزيد قيمة u عن 3,09



جدول التوزيع

$\frac{\alpha}{2}$						
0,25	0,10	0,05	0,025	0,01	0,005	درجات الحرية (ن - 1)
1,000	3,078	6,314	12,706	31,821	63,657	1
0,816	1,886	2,920	4,303	6,965	9,925	2
0,765	1,638	2,353	3,182	4,541	5,841	3
0,741	1,533	2,132	2,776	3,747	4,604	4
0,727	1,476	2,015	2,571	3,365	4,032	5
0,718	1,440	1,943	2,447	3,143	3,707	6
0,711	1,415	1,895	2,376	2,998	3,500	7
0,706	1,397	1,860	2,306	2,896	3,355	8
0,703	1,383	1,833	2,262	2,821	3,250	9
0,700	1,372	1,812	2,228	2,764	3,179	10
0,697	1,363	1,796	2,201	2,718	3,106	11
0,696	1,356	1,782	2,179	2,681	3,054	12
0,694	1,350	1,771	2,160	2,650	3,012	13
0,692	1,345	1,761	2,145	2,625	2,977	14
0,691	1,341	1,753	2,132	2,602	2,947	15
0,690	1,337	1,746	2,120	2,584	2,921	16
0,689	1,333	1,740	2,110	2,567	2,898	17
0,688	1,330	1,734	2,101	2,552	2,878	18
0,688	1,328	1,729	2,093	2,540	2,861	19
0,687	1,325	1,725	2,086	2,528	2,845	20
0,686	1,323	1,721	2,080	2,518	2,831	21
0,686	1,321	1,717	2,074	2,508	2,819	22
0,685	1,320	1,714	2,069	2,500	2,807	23
0,685	1,318	1,711	2,064	2,492	2,797	24
0,684	1,316	1,708	2,060	2,485	2,787	25
0,684	1,315	1,706	2,056	2,479	2,779	26
0,684	1,314	1,703	2,052	2,473	2,771	27
0,683	1,313	1,701	2,048	2,467	2,763	28
0,683	1,311	1,699	2,045	2,462	2,756	29
0,675	1,282	1,645	1,960	2,327	2,575	30 وأكثر

القسم الأول – اسئلة المقالتراعى الحلول الأخرى فى جميع الاسئلةالسؤال الأول : (٧ درجات)

(٣ درجات)

(أ) أجريت دراسة لعينة من ٢٤ طالبًا حول متوسط عدد ساعات مشاهدة التلفزيون اسبوعيًا. فإذا كان الانحراف المعياري

 $\sigma = ٢,٥$ والمتوسط الحسابي $\bar{x} = ٢١$ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥ % أوجد ما يلي :

(١) هامش الخطأ.

(٢) فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ .

(٣) فسر فترة الثقة.

الحل

$$(١) \because \sigma = ٢,٥ \text{ (معلومة)}$$

$$\because \text{مستوى الثقة} = ٩٥\%$$

$$\therefore \text{القيمة الحرجة } z_{\frac{\alpha}{2}} = ١,٩٦$$

$$\therefore \text{هامش الخطأ ه} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \times z_{\frac{\alpha}{2}}$$

$$\therefore \text{ه} = ١,٩٦ \times \frac{٢,٥}{\sqrt{٢٤}} \approx ١$$

(٢) فترة الثقة هي ($\bar{x} - \text{ه}$ ، $\bar{x} + \text{ه}$)

$$= (٢١ - ١ ، ٢١ + ١)$$

$$= (٢٠ ، ٢٢)$$

(٣) التفسير : عند اختيار ١٠٠ عينة عشوائية وحساب حدود فترة الثقة فإننا نتوقع أن ٩٥ فترة

تحتوي القيمة الحقيقية للمتوسط الحسابي μ .

تابع السؤال الأول

(ب) من الجدول التالي :

س	١	٢	٣	٤	٥
ص	٤	٣	٢	١	٠

(١) أوجد معامل الارتباط الخطي r .

(٢) حدد نوع وقوة الارتباط.

الحل

(١)

$$r = \frac{n(\sum s^2 v - (\sum s v)^2)}{\sqrt{n(\sum s^2 - (\sum s)^2) \cdot n(\sum v^2 - (\sum v)^2)}}$$

س	ص	س ص	س ^٢	ص ^٢
١	٤	٤	١	١٦
٢	٣	٦	٤	٩
٣	٢	٦	٩	٤
٤	١	٤	١٦	١
٥	٠	٠	٢٥	٠
المجموع	١٥	٢٠	٥٥	٣٠

$$r = \frac{10 \times 15 - 20 \times 20}{\sqrt{(10^2 - 20 \times 20) \cdot (15^2 - 30 \times 20)}}$$

$$r = -1$$

(٢) ارتباط عكسي (سالب) تام

السؤال الثاني: (٧ درجات)

(٣ درجات)

(أ) إذا كانت $n = 80$ ، $\bar{s} = 37,2$ ، $c = 1,79$ اختبر الفرض بأن $\mu = 37$ عند مستوى

معنوية $\alpha = 0,05$

الحل

١
٢

(١) صياغة الفروض : $H_0: \mu = 37$ مقابل $H_1: \mu \neq 37$

(٢) المقياس الاحصائي : σ غير معلومة ، $n = 80 > 30$

١
٢

$\therefore$ نستخدم المقياس الإحصائي U : $U = \frac{\bar{s} - \mu}{\frac{c}{\sqrt{n}}}$

١
٢

$$U \approx \frac{37 - 37,2}{\frac{1,79}{\sqrt{80}}} \approx -0,999$$

١
٢

$$(3) \quad \alpha = 0,05 \longleftarrow \frac{\alpha}{2} = 0,025$$

$$\therefore \frac{\alpha}{2} = 0,025$$

١
٢

(٤) منطقة القبول هي $(-1,96, 1,96)$

١
٢

(٥) $\therefore -0,999 \in (-1,96, 1,96)$

القرار : نقبل فرض العدم $\mu = 37$

(٤ درجات)

تابع السؤال الثاني:

(ت) باستخدام البيانات التالية لقيم س، ص :

س	١	٢	٤	٥
ص	٣	٥	٩	١١

أوجد معادلة خط الانحدار.

الحل

س	ص	س ص	س ^٢
١	٣	٣	١
٢	٥	١٠	٤
٤	٩	٣٦	١٦
٥	١١	٥٥	٢٥
المجموع	١٢	٢٨	١٠٤

$$ب = \frac{ن(ص س) - (ص)(س)}{ن(س) - (س)^2}$$

$$ب \approx \frac{٢٨ \times ١٢ - ١٠٤ \times ٤}{٢(١٢) - ٤٦ \times ٤} = ٢,١٤$$

$$س = \frac{١٢}{٤} = ٣ ، ص = \frac{٢٨}{٤} = ٧$$

$$٢ = ص - ب$$

$$٠,٥٨ \approx ٣ \times ٢,١٤ - ٧ =$$

$$ص = ب + ٢$$

$$ص = ٠,٥٨ + ٢,١٤ س$$

السؤال الثالث:

(٣ درجات)

(أ) أخذت عينة عشوائية بسيطة حجمها $n = 20$ من مجتمع طبيعي أوجد القيمة الحرجة $t_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى الثقة ٩٥ % .

الحل

$$n = 20$$

$$\text{درجات الحرية (ن - ١)} = 20 - 1 = 19$$

$$\text{مستوى الثقة} = 95\%$$

$$1 - \alpha = 0.95$$

$$\alpha = 0.05$$

$$\frac{\alpha}{2} = 0.025$$

من جدول التوزيع ت

$$t_{\frac{\alpha}{2}} = 2.093$$

١

١
٢

١
٢

١

تابع السؤال الثالث:

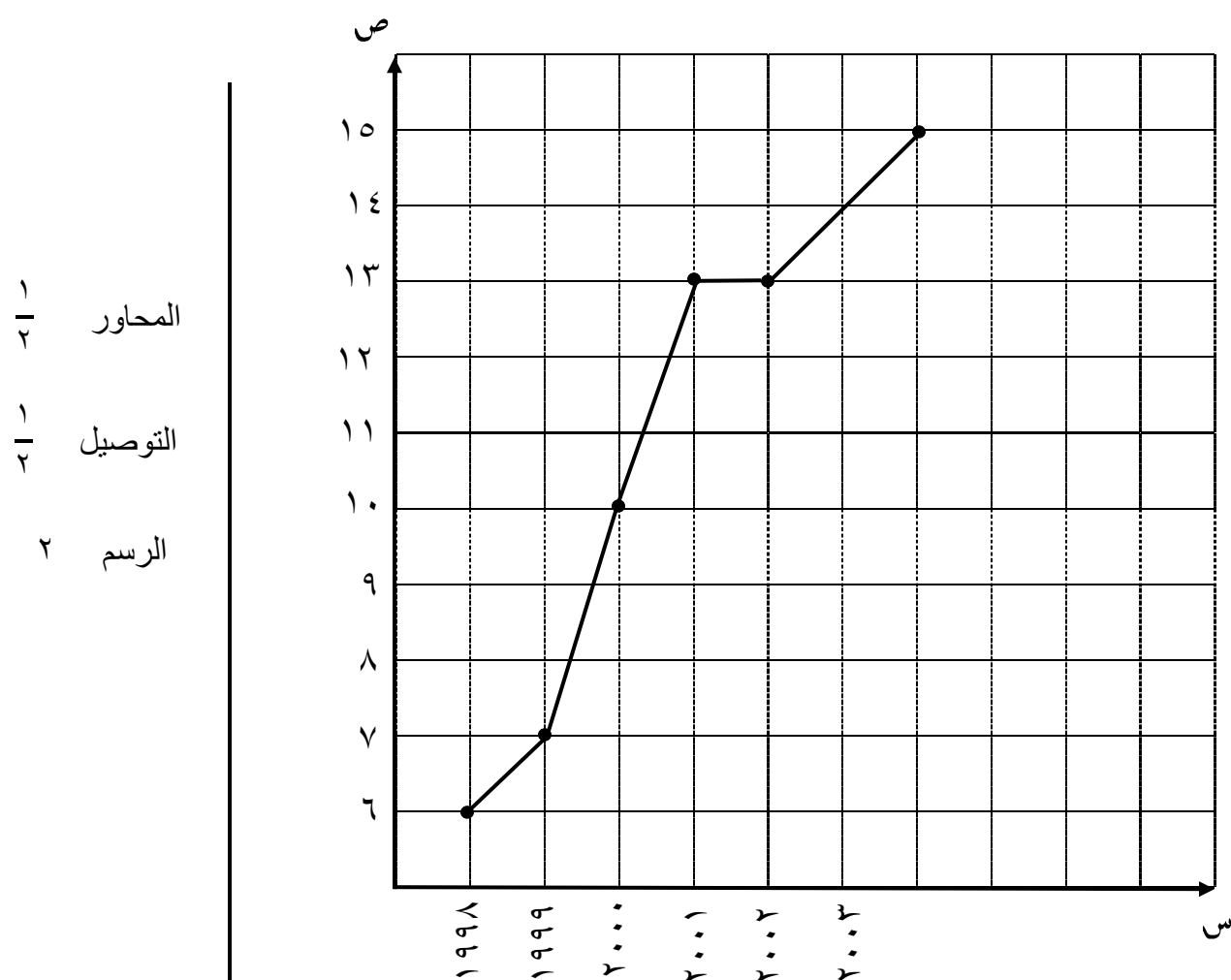
(٤ درجات)

(ب) يبين الجدول التالي مساحة الأراضي الصالحة للزراعة بالآلاف الأفدنة من سنة ١٩٩٨ حتى سنة ٢٠٠٢

الزمن (س)	١٩٩٨	١٩٩٩	٢٠٠٠	٢٠٠١	٢٠٠٢	٢٠٠٣
مساحة الأرض (ص)	٦	٧	١٠	١٣	١٣	١٥

(٣) مثل بيانيا السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه.

(٤) بين الاتجاه العام للسلسلة الزمنية



(١ درجة)

الاتجاه العام للسلسلة في تزايد

تابع: نموذج إجابة امتحان الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي – الرياضيات – العام الدراسي ٢٠٢٥-٢٠٢٦ م

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (١) إلى (٣) ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة، و ظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة .

(١) المعلمة هي ثابت يصف العينة أو يصف توزيع العينة كالوسط الحسابي أو الانحراف المعياري.

(٢) الارتباط هو وصف العلاقة بين متغيرين.

(٣) التغيرات الدورية فترتها تكون أكبر من سنة.

ثانياً : في البنود من (٤) إلى (٧) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

(٤) القيمة الحرجة $\frac{\alpha}{2}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٠٪ تساوي :

(أ) ٢,٥٨ (ب) ١,٥٧٥ (ج) ١,٦٤٥ (د) ١,٩٦

(٥) أخذت عينة عشوائية من مجتمع احصائي حجمها n ، $\bar{s} = ٣٠$ و تباين المجتمع $\sigma^2 = ٩$ فإذا كان الحد الأعلى لفترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥٪ يساوي ٣١,٩٦ فإن $n =$

(أ) ١٦ (ب) ٩ (ج) ٣٠ (د) ١٥

(٦) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين s ، v هي $\hat{v} = ٥,٥ + ٣,٤s$ فإن قيمة s المتوقعة عندما $s = ٦$ هي

(أ) ٠,٥ (ب) ٦,٨ (ج) ٢٩,٩٨ (د) ٢٥,٩

(٧) العوامل التي تؤثر في السلسلة الزمنية هي :

(أ) الاتجاه العام فقط (ب) التغيرات الدورية فقط (ج) التغيرات الموسمية و العرضية (د) جميع ما سبق

ورقة إجابة الموضوعي

الإجابة			رقم السؤال	
		ب	أ	(١)
		ب	أ	(٢)
د	ج	ب	أ	(٣)
د	ج	ب	أ	(٤)
د	ج	ب	أ	(٥)
د	ج	ب	أ	(٦)
د	ج	ب	أ	(٧)