

أولاً: أسئلة المقال

٢٨

السؤال الأول

(٤ درجات)

(أ) متوسط العمر لعينة من ١٥٠ مصباحاً كهربائياً مصنعة في أحد المصانع هو $\bar{S} = ١٥٨٠$ ساعة بانحراف معياري $\sigma = ١٢٥$ ساعة . يقول صاحب المصنع أن متوسط العمر $\mu = ١٦٢٠$.
 اختبر الفرض $\mu = ١٦٢٠$ ساعة مقابل الفرض البديل $\mu \neq ١٦٢٠$ ساعة .
 باختيار مستوى المعنوية $\alpha = ٠,٠٥$.

الحل

تابع/السؤال الأول

(٣ درجات)

(ب) أوجد القيمة الحرجة $\alpha_{\frac{9}{4}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٩٪ باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

الحل

(٤ درجات)

السؤال الثاني

(أ) احسب معامل الارتباط الخطي (r) للبيانات التالية ثم حدد نوعه وقوته .

س	١	٢	٣	٤	٥	٦
ص	٥٩	٦٥	٧٠	٧٢	٨٠	٥٢

الحل

(٣ درجات)

تابع/السؤال الثاني

- (ب) أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n = 81$ ومتوسطها الحسابي $\bar{x} = 50$ وانحرافها المعياري $\sigma = 9$ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥ %
- (١) أوجد هامش الخطأ.
- (٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي (II).

الحل

(٤ درجات)

السؤال الثالث

(أ) باستخدام البيانات التالية لقيم س ، ص

س	١	٣	٥	٧	٩
ص	٢	٥	٩	١٠	١٤

أوجد معادلة خط الانحدار.

الحل

(٣ درجات)

تابع/السؤال الثالث

(ب) يبين الجدول التالي متوسط العمر (ص) ف إحدى الدول خلال السنوات (س)

من سنة ٢٠٠٤ إلى سنة ٢٠١١

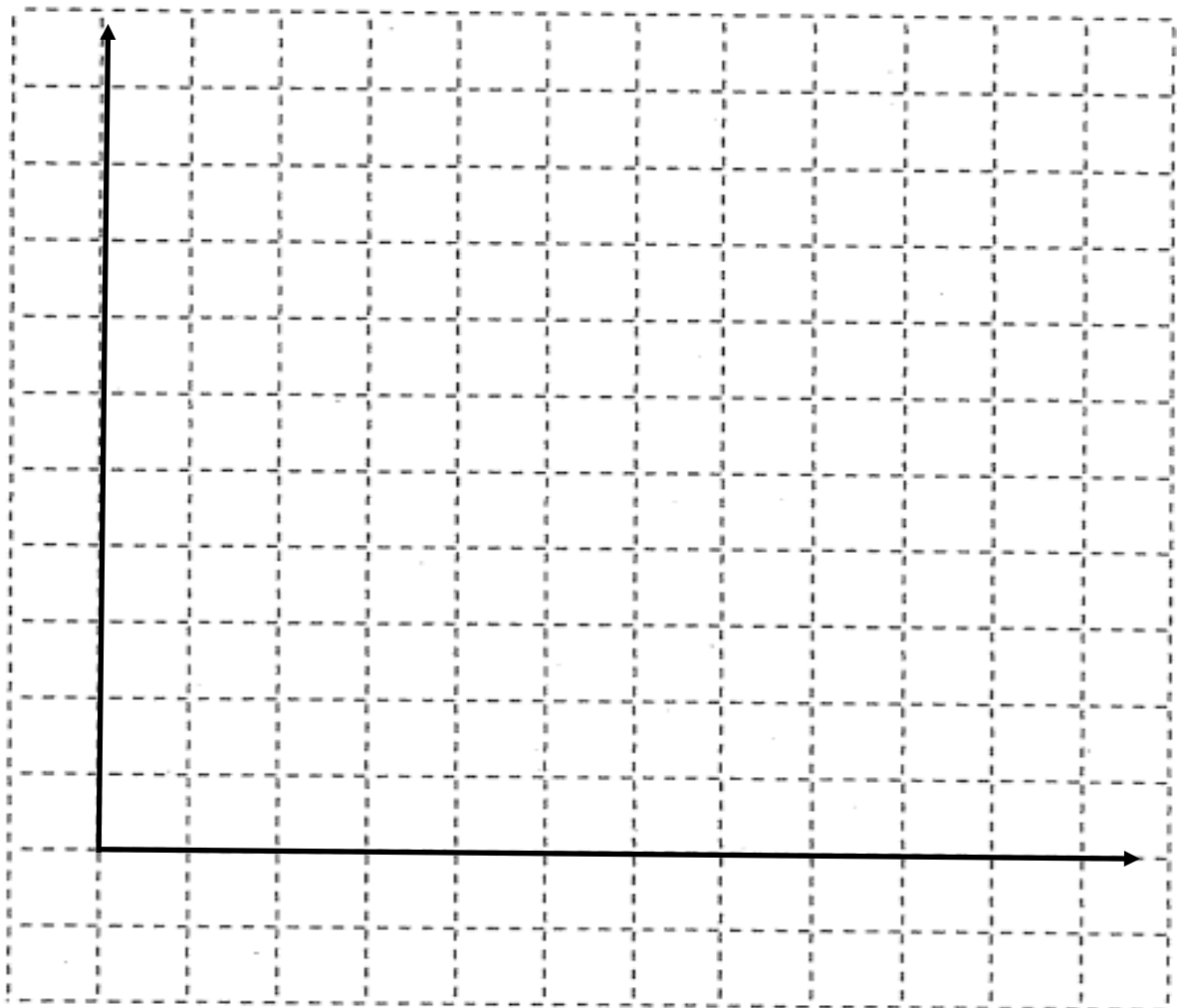
الزمن(س)	٢٠٠٤	٢٠٠٥	٢٠٠٦	٢٠٠٧	٢٠٠٨	٢٠٠٩	٢٠١٠	٢٠١١
العمر(ص)	٧٤	٧٤	٧٥	٧٥	٧٥	٧٦	٧٦	٧٧

(١) مثل بيانات السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة من الجدول أعلاه.

(٢) ما نوع العلاقة بين متوسط العمر والزمن.

الحل

ص



ثانياً الأسئلة الموضوعية

(التظليل في الجدول المخصص في الصفحة الأخيرة)

أولاً : البنود (١ - ٣) ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة، ظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة.

(١) التقدير بنقطة هو قيمة وحيدة محسوبة من العينة لتقدير معلمة من معالم المجتمع المجهولة.

(٢) التغيرات الدورية فترتها تكون أكبر من سنة .

(٣) إذا كان معامل الارتباط بين متغيرين فإن $1 - r > 1$ ✓

ثانياً : البنود (٤ - ٧) لكل بند أربع اختيارات ظلل في الورقة المخصصة للإجابة دائرة الاختيار الصحيح فقط .

(٤) إذا كانت فترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥٪ لعينة أخذت من مجتمع يتبع التوزيع الطبيعي المعياري هي (٢، ٣ ، ٨، ١٧) فإن $\bar{s}$:

٠,٤٧٥

د

١,٩٦

ج

١٠,٥

ب

٢١

أ

(٥) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين س، ص هي $\hat{v} = 1 + 1,4s$ فإن مقدار الخطأ عند $s=٥$ علماً بأن القيمة الجدولية هي $v=٩$ يساوي :

١٧

ب

١ -

أ

٨

د

١

ج

(٦) إذا كان معامل الارتباط بين متغيرين $r = ٠,٨٥$ فإن الارتباط يكون

أ) طردي قوي ب) طردي ضعيف

ج) طردي متوسط د) طردي تام

(٧) العوامل التي تؤثر في السلسلة الزمنية هي:

أ) الاتجاه العام فقط ب) التغيرات الدورية فقط

ج) التغيرات الموسمية والعرضية د) جميع ما سبق

مع تمنياتنا لكم بالتوفيق

إجابة البنود الموضوعية

١	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٢	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٣	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٤	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٥	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٦	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٧	(أ)	(ب)	(ج)	(د)

(٧ درجات)

أولاً: أسئلة المقال

نموذج الإجابة

٢٨

السؤال الأول

(٤ درجات)

(أ) متوسط العمر لعينة من ١٥٠ مصباحاً كهربائياً مصنعة في أحد المصانع هو $\bar{s} = ١٥٨٠$ ساعة بانحراف معياري $\sigma = ١٢٥$ ساعة . يقول صاحب المصنع أن متوسط العمر $\mu = ١٦٢٠$.
 اختبر الفرض $\mu = ١٦٢٠$ ساعة مقابل الفرض البديل $\mu \neq ١٦٢٠$ ساعة .
 باختيار مستوى المعنوية $\alpha = ٠,٠٥$.

الحل

(١) صياغة الفروض

ف: $\mu = ١٦٢٠$ ، ف: $\mu \neq ١٦٢٠$

(٢) معطومة

$$u = \frac{\bar{s} - \mu}{\sigma} \times \sqrt{n}$$

$$= \frac{١٦٢٠ - ١٥٨٠}{١٢٥} \times \sqrt{١٥٠} = ٣,٩١٩ -$$

(٣) مستوى الثقة ٩٥%

$$\alpha = ٠,٠٥ ، \frac{\alpha}{٢} = ٠,٠٢٥$$

$$u_{\frac{\alpha}{٢}} = ١,٩٦$$

(٤) منطقة القبول

$$(١,٩٦ - ، ١,٩٦)$$

(٥) القرار

$$-٣,٩١٩ \notin (١,٩٦ - ، ١,٩٦)$$

القرار : نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل ف: $\mu \neq ١٦٢٠$

تابع/السؤال الأول

(٣ درجات)

(ب) أوجد القيمة الحرجة $\alpha_{\frac{1}{2}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٩٪ باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

الحل

∴ مستوى الثقة ٩٩٪

$$0,99 = (\alpha - 1)$$

$$0,495 = \frac{0,99}{2} = \frac{(\alpha - 1)}{2}$$

نجدها تقع بين القيمتين ٠,٤٩٥١ و ٠,٤٩٤٩ أي أن $\alpha_{\frac{1}{2}}$

تقع بين ٢,٥٧ و ٢,٥٨

$$2,575 = \frac{2,58 + 2,57}{2} = \alpha_{\frac{1}{2}}$$

(٤ درجات)

السؤال الثاني

(أ) احسب معامل الارتباط الخطي (r) للبيانات التالية ثم حدد نوعه وقوته .

س	١	٢	٣	٤	٥	٦
ص	٥٩	٦٥	٧٠	٧٢	٨٠	٥٢

الحل

$$n = 6$$

س	ص	س ص	س ^٢	ص ^٢
١	٥٩	٥٩	١	٣٤٨١
٢	٦٥	١٣٠	٤	٤٢٢٥
٣	٧٠	٢١٠	٩	٤٩٠٠
٤	٧٢	٢٨٨	١٦	٥١٨٤
٥	٨٠	٤٠٠	٢٥	٦٤٠٠
٦	٥٢	٣١٢	٣٦	٢٧٠٤
٢١	٣٩٨	١٣٩٩	٩١	٢٦٨٩٤

$$r = \frac{n(\sum \text{س ص}) - (\sum \text{س})(\sum \text{ص})}{\sqrt{n(\sum \text{س}^2) - (\sum \text{س})^2} \sqrt{n(\sum \text{ص}^2) - (\sum \text{ص})^2}}$$

$$= \frac{36}{2960 \sqrt{1.05}}$$

$$= 0.06 \text{ ارتباط طردي ضعيف}$$

(٣ درجات)

تابع/السؤال الثاني

- (ب) أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n = 81$ ومتوسطها الحسابي $\bar{x} = 50$ وانحرافها المعياري $\sigma = 9$ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥ %
- (١) أوجد هامش الخطأ.
- (٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي (II).

الحل

∴ مستوى الثقة ٩٥ %

$$\text{القيمة الحرجة } \alpha/2 = 1,96$$

∴ σ غير معلوم ، $n < 30$

$$\text{هامش الخطأ ه} = \frac{\bar{x}}{\sqrt{n}} \times \frac{\alpha}{2}$$

$$1,96 = \frac{9}{\sqrt{81}} \times 1,96 =$$

فترة الثقة (س-ه ، س+ه)

$$(1,96 - 50 , 1,96 + 50)$$

$$(48,04 , 51,96)$$

(٤ درجات)

السؤال الثالث

(أ) باستخدام البيانات التالية لقيم س ، ص

س	١	٣	٥	٧	٩
ص	٢	٥	٩	١٠	١٤

أوجد معادلة خط الانحدار.

الحل

$$\bar{S} = 5$$

$$\bar{S} = \frac{25}{5} = 5$$

$$\bar{V} = \frac{40}{5} = 8$$

$$b = \frac{\bar{S}(\bar{S}V) - (\bar{S})(\bar{V})}{\bar{S}^2 - (\bar{S})^2} = \frac{5(25 \times 8 - 258 \times 5)}{25 - 160 \times 5} = 1,45$$

$$a = \bar{V} - b\bar{S}$$

$$= 8 - 5 \times 1,45$$

$$= 0,75$$

معادلة خط الانحدار

$$\bar{V} = a + b\bar{S}$$

س	ص	ص	س ^٢
١	٢	٢	١
٣	٥	٥	٩
٥	٩	٩	٢٥
٧	١٠	١٠	٤٩
٩	١٤	١٤	٨١
٢٥	٤٠	٢٥٨	١٦٥

(٣ درجات)

تابع/السؤال الثالث

(ب) يبين الجدول التالي متوسط العمر (ص) ف إحدى الدول خلال السنوات (س)

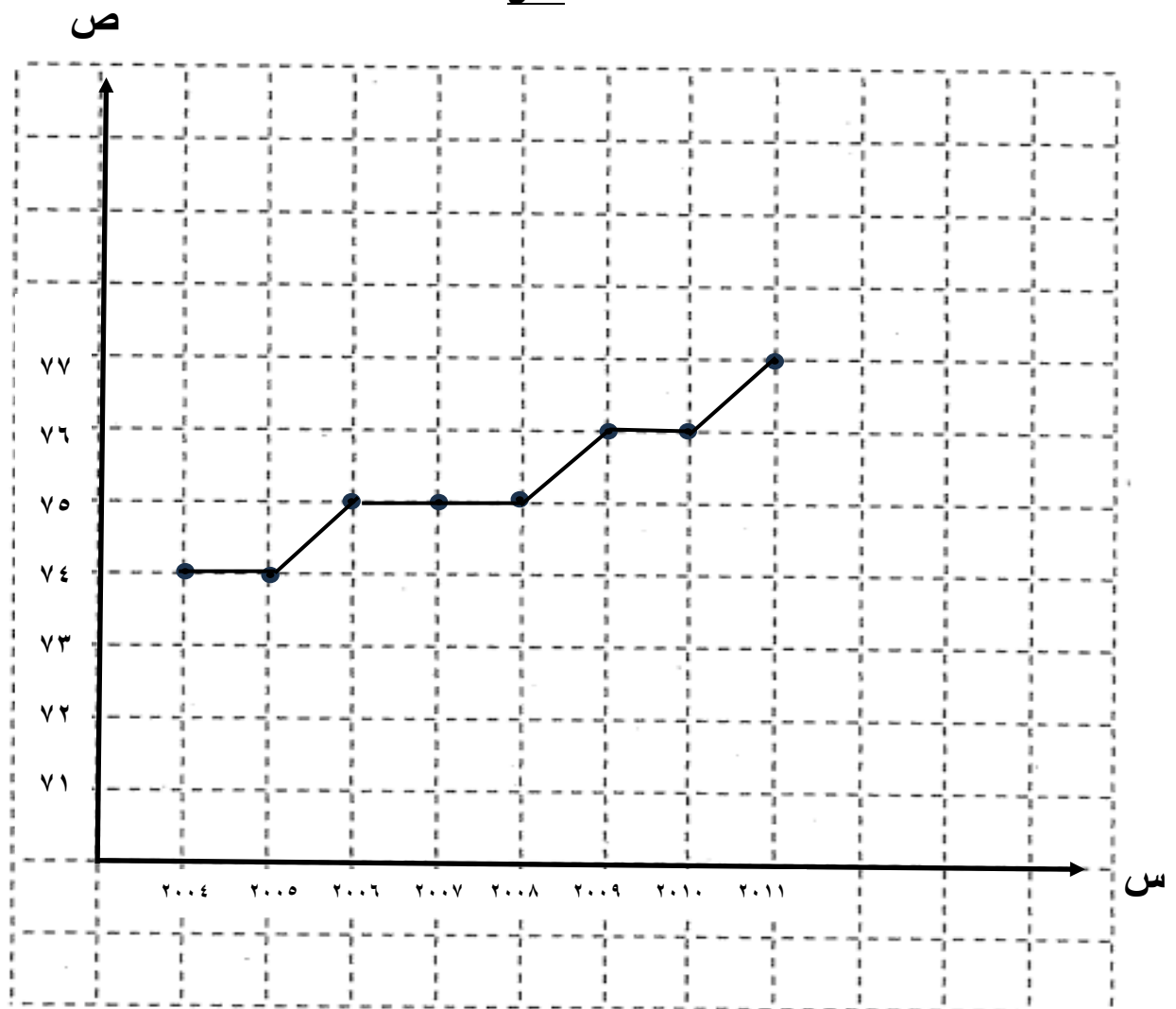
من سنة ٢٠٠٤ إلى سنة ٢٠١١

الزمن(س)	٢٠٠٤	٢٠٠٥	٢٠٠٦	٢٠٠٧	٢٠٠٨	٢٠٠٩	٢٠١٠	٢٠١١
العمر(ص)	٧٤	٧٤	٧٥	٧٥	٧٥	٧٦	٧٦	٧٧

(١) مثل بيانات السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة من الجدول أعلاه.

(٢) ما نوع العلاقة بين متوسط العمر والزمن.

الحل



نلاحظ أن متوسط العمر في تزايد مع الزمن

ثانياً: الأسئلة الموضوعية

(التظليل في الجدول المخصص في الصفحة الأخيرة)

أولاً: البنود (١ - ٣) ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة، ظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة.

(١) التقدير بنقطة هو قيمة وحيدة محسوبة من العينة لتقدير معلمة من معالم المجتمع المجهولة.

(٢) التغيرات الدورية فترتها تكون أكبر من سنة .

(٣) إذا كان r معامل الارتباط بين متغيرين فإن $-1 > r > 1$

ثانياً : البنود (٤-٧) لكل بند أربع اختيارات ظلل في الورقة المخصصة للإجابة دائرة الاختيار الصحيح فقط .

(٤) إذا كانت فترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥٪ لعينة أخذت من مجتمع يتبع التوزيع الطبيعي المعياري هي (٢,٣ ، ٨,١٧) فإن $\bar{s}$:

٠,٤٧٥

د

١,٩٦

ج

١٠,٥

ب

٢١

أ

(٥) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين س، ص هي $\hat{v} = 1 + 1,4s$ فإن مقدار الخطأ عند $s=٥$ علماً بأن القيمة الجدولية هي $v=٩$ يساوي :

١٧

ب

١ -

أ

٨

د

١

ج

(٦) إذا كان معامل الارتباط بين متغيرين $r = ٠,٨٥$ فإن الارتباط يكون

أ) طردي قوي

ب) طردي ضعيف

ج) طردي متوسط

د) طردي تام

(٧) العوامل التي تؤثر في السلسلة الزمنية هي:

أ) الاتجاه العام فقط

ب) التغيرات الدورية فقط

ج) التغيرات الموسمية والعرضية

د) جميع ما سبق

مع تمنياتنا لكم بالتوفيق

إجابة البنود الموضوعية
(لكل بند درجة)

١	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٢	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٣	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٤	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٥	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٦	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٧	(أ)	(ب)	(ج)	(د)

(٧ درجات)