

التوجيه الفني للرياضيات

نموذج اختبار تجريبي الفترة الدراسية الأولى للصف الحادي عشر علمي للعام الدراسي 2025 \ 2024 م

المجال الدراسي: الرياضيات – الزمن: ساعتان وخمس وأربعون دقيقة – الأسئلة في 11 صفحة

القسم الأول: أسئلة مقالية.

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها.

السؤال الأول:

(a) أوجد مجموعة حل المعادلة: $6^{x^2-3x} = 1$

الحل:

(b) أوجد مجموعة حل المتباينة

$$x^2 - 7x - 3 \leq 5$$

الحل:

التوجيه الفني للرياضيات

السؤال الثاني:

15

8 درجات

(a)

حل المعادلة $x^3 + 2x^2 - x - 2 = 0$ باستخدام نظرية الاصفار النسبية الممكنة

الحل:

(b) حل المعادلة: $\log x^2 - \log 3 = 2$, $x \in (0, \infty)$

الحل:

التوجيه الفني للرياضيات

السؤال الثالث:

(a) حل المعادلة التالية:

$$\ln(4x - 1) = 36$$

الحل:

15

8 درجات

التوجيه الفني للرياضيات

(b) أوجد مجال الدالة:

$$f(x) = \frac{\sqrt{x-2}}{x-3}$$

الحل:

التوجيه الفني للرياضيات

السؤال الرابع:

إذا كان: $\vec{A} = \langle -3, 4 \rangle$, $\vec{B} = \langle 0, 3 \rangle$

(١) أوجد $2\vec{A} - \vec{B}$

(٢) أوجد الزاوية بين المتجهين $\vec{A}$, $\vec{B}$

الحل:

- (a) في نتيجة نهاية العام الدراسي نال أحد الطلاب علي 15 درجة في مادة الرياضيات حيث المتوسط الحسابي للدرجات 13 والانحراف المعياري 2.5، و نال أيضا علي 13 درجة في مادة الكيمياء حيث المتوسط الحسابي للدرجات 11.5 و الانحراف المعياري 2.4 في أي المادتين كان الطالب أفضل؟

الحل:

القسم الثاني: البنود الموضوعية:

أولاً: في البنود من (3 - 1) ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة غير صحيحة

(1) منحنى القطع المكافئ $y = (-x + 2)^2 + 3$ يمر بالنقطة (2, 3) .

(2) إذا مر بيان دالة بنقطة الأصل فإن بيان معكوسها يمر أيضاً بنقطة الأصل.

(3) المعامل الرئيسي لكثيرة الحدود $f(x) = 2x^5 - 3x^3(1 - x^2)$ هو ٢

ثانياً: في البنود (10 - 4) لكل بند أربع اختيارات واحده منها فقط صحيحة. أختَر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في النموذج المخصص للإجابة الحرف الدال عليها:

٤) قيمة α التي تجعل بيان الدالة: $y = 8\left(\frac{1}{2}\right)^{(\alpha+2)x} + 3$ خطأ أفقياً هي:

(a) - 3 (b) - 2 (c) - 8 (d) 0

(5) حل المعادلة $e^{x+1} = 13$

(a) $x = \ln 13 + 1$ (b) $x = \ln 13 - 1$ (c) $x = \ln 13$ (d) $x = \ln 12$

(6) قيمة k التي تجعل $(x - 1)$ عامل من عوامل $f(x) = (x^2 + x - 2) + 2k$ هي

(a) 1 (b) 2 (c) 0 (d) $\frac{1}{2}$

(٧) مجموعة حل: $\sqrt[3]{x-2} = \sqrt{x-2}$ هي:

(a) {2} (b) {1, 2} (c) {1, 2, 3} (d) {2, 3}

(٨) معادلة القطع المكافئ $y = 2x^2$ الذي تم إزاحة رأسه وحدتين يساراً و٤ وحدات لأعلى

(a) $y = (2x + 2)^2 + 4$ (b) $y = 2(x - 2)^2 + 4$

(c) $y = 2(x + 2)^2 + 4$ (d) $y = 2(x + 2)^2 - 4$

٩) إذا كان $\vec{u} = \langle 2, -2 \rangle$ ، $\vec{v} = \langle -1, m \rangle$ ، $\vec{u} \cdot \vec{v} = 3$ فإن m تساوي

(a) $-\frac{5}{2}$

(b) $\frac{5}{2}$

(c) $\frac{1}{2}$

(d) $-\frac{1}{2}$

١٠) إذا كان طول الفترة ٤٠ وحجم المجتمع الإحصائي ١٠٠٠ فحجم العينة يساوي

(a) 35

(b) 25

(c) 40

(d) 30

انتهت الأسئلة مع أطيب التمنيات

ثانياً: إجابة البنود الموضوعية

كل بند موضوعي درجة واحدة.

1	☐ a	☐ b		
2	☐ a	☐ b		
3	☐ a	☐ b		
4	☐ a	☐ b	☐ c	☐ d
5	☐ a	☐ b	☐ c	☐ d
6	☐ a	☐ b	☐ c	☐ d
7	☐ a	☐ b	☐ c	☐ d
8	☐ a	☐ b	☐ c	☐ d
9	☐ a	☐ b	☐ c	☐ d
10	☐ a	☐ b	☐ c	☐ d

الدرجة

10

القسم الأول: أسئلة مقالية.

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها.

السؤال الأول:

15

6 درجات

(a) أوجد مجموعة حل المعادلة: $6^{x^2-3x} = 1$

الحل:

$$\begin{aligned} &1 \\ &1 \\ &\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \\ &\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \\ &\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \\ &1 \end{aligned}$$

$$6^{x^2-3x} = 6^0$$

$$x^2 - 3x = 0$$

$$x(x - 3) = 0$$

$$x = 0 \quad \text{أو} \quad x - 3 = 0$$

$$x = 0 \quad \text{أو} \quad x = 3$$

$$\text{مجموعة الحل} = \{0, 3\}$$

(b) أوجد مجموعة حل المتباينة

$$x^2 - 7x - 3 \leq 5$$

الحل:

$$x^2 - 7x - 3 \leq 5$$

$$x^2 - 7x - 8 = 0 \quad \text{المعادلة المناظرة}$$

$$(x - 8)(x + 1) = 0$$

$$x - 8 = 0 \Rightarrow x = 8$$

أو

$$x + 1 = 0 \Rightarrow x = -1$$

للبحث عن قيم x التي تحقق $x^2 - 7x - 8 \leq 0$ نتبع التالي:

$$x - 8 < 0 \Rightarrow x < 8 \quad \left| \quad x + 1 < 0 \Rightarrow x < -1 \right.$$

$$x - 8 > 0 \Rightarrow x > 8 \quad \left| \quad x - 8 > 0 \Rightarrow x > -1 \right.$$

نكون الجدول:

x	$-\infty$	-1	8	$+\infty$
$x - 8$	$-$	0	$-$	$+$
$x + 1$	$-$	$+$	$+$	$+$
$(x - 8)(x + 1)$	$+$	0	$-$	$+$

يبين الجدول أن $(x - 8)(x + 1) \leq 0$ لكل قيم x حيث $-1 \leq x \leq 8$

$$\text{مجموعة الحل} = [-1, 8]$$

السؤال الثاني:

15

8 درجات

(a)

حل المعادلة $x^3 + 2x^2 - x - 2 = 0$ باستخدام نظرية الاصفار النسبية الممكنة

الحل:

$$\begin{array}{l} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \end{array}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

عوامل الحد الثابت (-2) : $\pm 1, \pm 2$

عوامل المعامل الرئيسي (1) : ± 1

الأصفار النسبية الممكنة: $\pm 1, \pm 2$

لتكن: $p(x) = x^3 + 2x^2 - x - 2$

$$p(1) = (1)^3 + 2(1)^2 - 1 - 2 = 0$$

$\therefore$ 1 صفر من أصفار الحدودية $(x - 1)$ عامل من عوامل $p(x)$

$$\begin{array}{r|rrrr} 1 & 1 & 2 & -1 & -2 \\ & & 1 & 3 & 2 \\ \hline & 1 & 3 & 2 & 0 \end{array}$$

ناتج القسمة: $q(x) = x^2 + 3x + 2$

نحل المعادلة: $x^2 + 3x + 2 = 0$

$$x_1 = -1, \quad x_2 = -2$$

$\therefore$ حلول للمعادلة $x^3 + 2x^2 - x - 2 = 0$

هي $x_1 = -1, x_2 = -2, x_3 = 1$

(b) حل المعادلة: $\log x^2 - \log 3 = 2$, $x \in (0, \infty)$

الحل:

$$\log x^2 - \log 3 = 2$$

$$\log \left(\frac{x^2}{3} \right) = 2$$

$$\frac{x^2}{3} = 10^2$$

$$x^2 = 3 \times 100$$

$$x = \pm 10\sqrt{3}$$

$$10\sqrt{3} \in (0, \infty) , \quad -10\sqrt{3} \notin (0, \infty)$$

حل المعادلة هو: $x = 10\sqrt{3}$

(a) حل المعادلة التالية:

8 درجات

$$\ln(4x - 1) = 36$$

الحل:

$$4x - 1 > 0 \rightarrow x > \frac{1}{4}$$

$$\left(\frac{1}{4}, \infty\right) = \text{المجال}$$

$$\ln(4x - 1) = 36$$

$$4x - 1 = e^{36}$$

$$4x = e^{36} + 1$$

$$x = \frac{e^{36} + 1}{4}$$

$$x \approx 1.077 \times 10^{15} \in \left(\frac{1}{4}, \infty\right)$$

(b) أوجد مجال الدالة:

$$f(x) = \frac{\sqrt{x-2}}{x-3}$$

الحل: $\frac{1}{2}$

1

1

1

1

 $\frac{1}{2}$

1

1

$$f(x) = \frac{g(x)}{h(x)} \text{ نفرض أن}$$

مجال البسط $g(x)$ هو كل قيم x التي تجعل $x - 2 \geq 0$

$$\text{مجال: البسط: } [2, \infty) \rightarrow x \geq 2$$

مجال المقام $h(x)$ هو R لأنها دالة كثيرة حدود

$$\text{أصفار المقام : } x = 3 \rightarrow x - 3 = 0$$

$$\text{مجموعة أصفار المقام : } x = \{3\}$$

$$\therefore \text{ مجال الدالة } f = (\text{مجال } h \cap \text{مجال } g) / \text{مجموعة أصفار المقام}$$

$$([2, \infty) \cap R) - \{3\} = [2, \infty) - \{3\}$$

السؤال الرابع:

15

9 درجات

إذا كان: $\vec{A} = \langle -3, 4 \rangle$, $\vec{B} = \langle 0, 3 \rangle$

(١) أوجد $2\vec{A} - \vec{B}$

(٢) أوجد الزاوية بين المتجهين $\vec{A}$, $\vec{B}$

الحل:

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\begin{aligned} (1) \quad 2\vec{A} - \vec{B} &= 2 \langle -3, 4 \rangle - \langle 0, 3 \rangle \\ &= \langle -6, 8 \rangle - \langle 0, 3 \rangle \\ &= \langle -6, 5 \rangle \end{aligned}$$

$$1$$

$$(2) \quad \|\vec{A}\| = \sqrt{(-3)^2 + (4)^2} = 5 \text{ units}$$

$$1$$

$$\|\vec{B}\| = 3 \text{ units}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\begin{aligned} \cos(\vec{A}, \vec{B}) &= \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{\|\vec{B}\| \cdot \|\vec{A}\|} \\ &= \frac{\langle -3, 4 \rangle \cdot \langle 0, 3 \rangle}{(5)(3)} \end{aligned}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$= \frac{0+12}{15}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \frac{4}{5}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$m(\vec{A}, \vec{B}) = \cos^{-1}\left(\frac{4}{5}\right) \approx 36^\circ 52' 11''$$

- (a) في نتيجة نهاية العام الدراسي نال أحد الطلاب علي 15 درجة في مادة الرياضيات حيث المتوسط الحسابي للدرجات 13 و الانحراف المعياري 2.5، و نال أيضا علي 13 درجة في مادة الكيمياء حيث المتوسط الحسابي للدرجات 11.5 و الانحراف المعياري 2.4

في أي المادتين كان الطالب أفضل؟

الحل:

لتحديد المادة التي كان فيها الطالب أفضل نحول الدرجات الفعلية إلى قيم معيارية:
القيمة المعيارية للدرجة 15 في مادة الرياضيات:

$$Z_1 = \frac{x - \bar{x}}{\sigma} = \frac{15 - 13}{2.5} = 0.8$$

القيمة المعيارية للدرجة 13 في مادة الكيمياء:

$$Z_2 = \frac{x - \bar{x}}{\sigma} = \frac{13 - 11.5}{2.4} = 0.625$$

$$0.625 < 0.8 \quad \therefore$$

القيمة المعيارية للطالب في مادة الرياضيات أفضل من القيمة المعيارية في مادة الكيمياء

∴ أداء الطالب في مادة الرياضيات أفضل من أدائه في مادة الكيمياء

القسم الثاني: البنود الموضوعية:

أولاً: في البنود من (3 - 1) ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة غير صحيحة:

(1) منحنى القطع المكافئ $y = (-x + 2)^2 + 3$ يمر بالنقطة $p(2, 3)$.

(2) إذا مر بيان دالة بنقطة الأصل فإن بيان معكوسها يمر أيضاً بنقطة الأصل.

(3) المعامل الرئيسي لكثيرة الحدود $f(x) = 2x^5 - 3x^3(1 - x^2)$ هو ٢

ثانياً: في البنود (10 - 4) لكل بند أربع اختيارات واحدة منها فقط صحيحة. أختَر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في النموذج المخصص للإجابة الحرف الدال عليها:

(4) قيمة α التي تجعل بيان الدالة: $y = 8\left(\frac{1}{2}\right)^{(\alpha+2)x} + 3$ خطأً أفقياً هي :

(a) - 3 (b) - 2 (c) - 8 (d) 0

(5) حل المعادلة $e^{x+1} = 13$

(a) $x = \ln 13 + 1$ (b) $x = \ln 13 - 1$ (c) $x = \ln 13$ (d) $x = \ln 12$

(6) قيمة k التي تجعل $(x - 1)$ عامل من عوامل $f(x) = (x^2 + x - 2) + 2k$ هي

(a) 1 (b) 2 (c) 0 (d) $\frac{1}{2}$

(٧) مجموعة حل: $\sqrt[3]{x-2} = \sqrt{x-2}$ هي :

(a) {2} (b) {1, 2} (c) {1, 2, 3} (d) {2, 3}

(٨) معادلة القطع المكافئ $y = 2x^2$ الذي تم إزاحة رأسه وحدتين يساراً و٤ وحدات لأعلى

(a) $y = (2x + 2)^2 + 4$ (b) $y = 2(x - 2)^2 + 4$
(c) $y = 2(x + 2)^2 + 4$ (d) $y = 2(x + 2)^2 - 4$

٩) إذا كان $\vec{u} = \langle 2, -2 \rangle$ ، $\vec{v} = \langle -1, m \rangle$ ، $\vec{u} \cdot \vec{v} = 3$ فإن m تساوي

(a) $-\frac{5}{2}$

(b) $\frac{5}{2}$

(c) $\frac{1}{2}$

(d) $-\frac{1}{2}$

١٠) إذا كان طول الفترة ٤٠ وحجم المجتمع الاحصائي ١٠٠٠ فحجم العينة يساوي

(a) 35

(b) 25

(c) 40

(d) 30

انتهت الأسئلة مع أطيب التمنيات

ثانيا: إجابة البنود الموضوعية كل بند موضوعي درجة واحدة.

1	☒ a	☐ b		
2	☒ a	☐ b		
3	☐ a	☒ b		
4	☐ a	☒ b	☐ c	☐ d
5	☐ a	☒ b	☐ c	☐ d
6	☐ a	☐ b	☒ c	☐ d
7	☐ a	☐ b	☐ c	☒ d
8	☐ a	☐ b	☒ c	☐ d
9	☒ a	☐ b	☐ c	☐ d
10	☐ a	☒ b	☐ c	☐ d

الدرجة

10