

وزارة التربية

منطقة مبارك الكبير التعليمية

التوجيه الفني للرياضيات

نموذج تجريبي (١)

امتحان الفترة الدراسية الأولى

الصف : الحادي عشر العلمي

للعام الدراسي : ٢٠٢٤ / ٢٠٢٥ م

أسئلة المقال

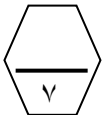
السؤال الأول

(٢) أوجد مجموعة حل المتباينة

$$-2x^2 + 5x - 3 > 0$$

١٥

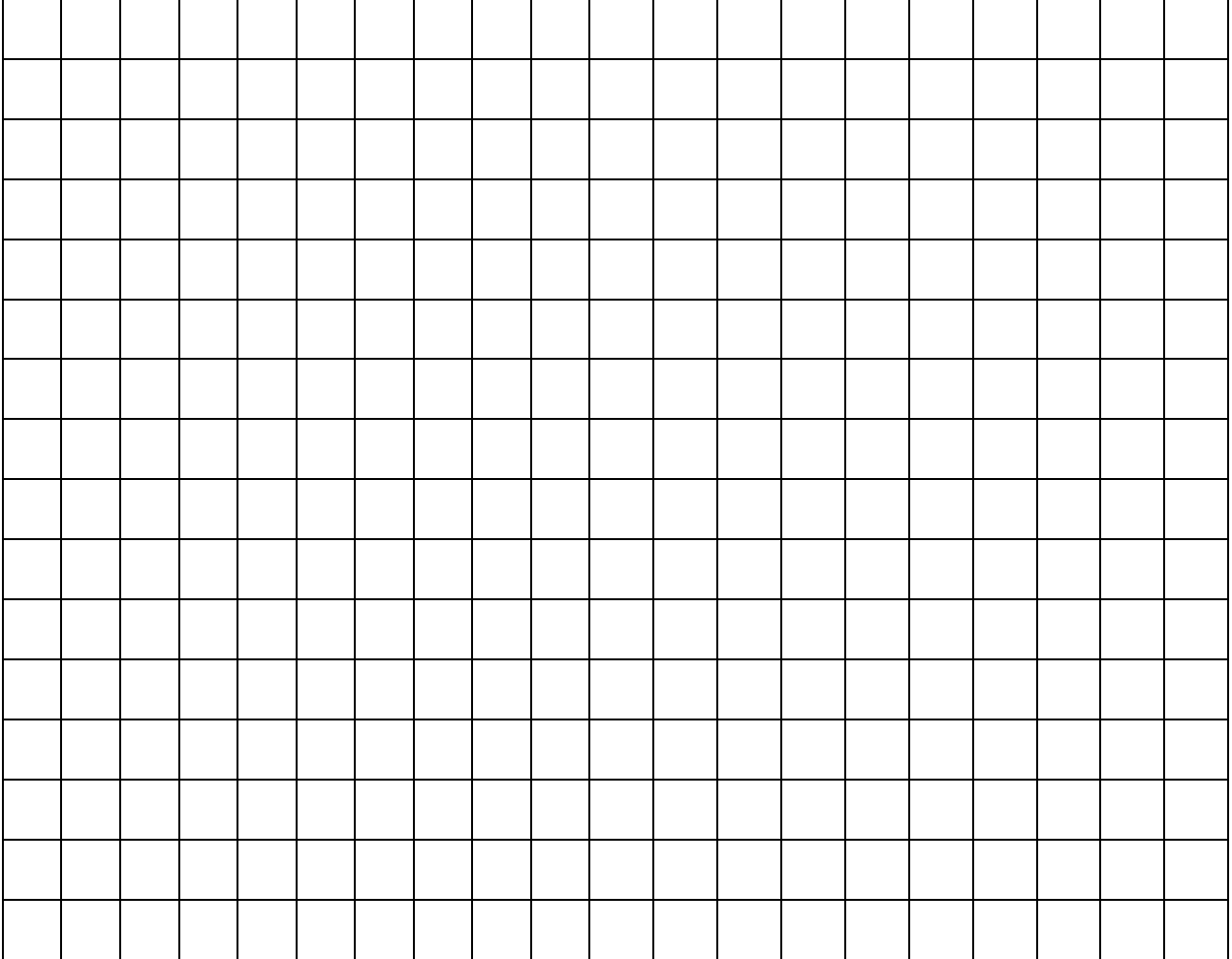
ب) أوجد مجموعة حل المعادلة التالية : $\sqrt{10x} - 2\sqrt{5x - 25} = 0$



السؤال الثاني

١٥

٢) ارسم منحنى الدالة : $y = 3(x - 2)^2 + 4$ مستخدماً خواص القطوع المكافئة



ب) حل المعادلة :

$$\log (3x + 1) = 5$$



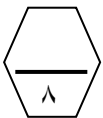
السؤال الثالث

٢) إذا كان $\vec{v} = \langle 2, -3 \rangle$, $\vec{u} = \langle x, 4 \rangle$ أوجد :
قيمة x بحيث يكون $\vec{u}$ متعامد مع $\vec{v}$

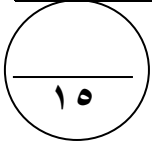
١٥

ب) استخدم الأصفار النسبية الممكنة لحل المعادلة

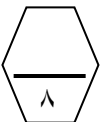
$$x^3 - 2x^2 - 3 = x - 5$$



السؤال الرابع



(٢) حل المعادلة : $2e^{3x-2} + 4 = 16$



- (ب) لاحظت شركة تجارية أن المتوسط الحسابي لأرباحها 475 ديناراً بانحراف معياري 115 ديناراً
- (١) طبق القاعدة التجريبية
- (٢) هل وصلت أرباح هذه الشركة إلى 750 ديناراً ؟ فسر ذلك.

ثانياً الأسئلة الموضوعية

(التظليل في الجدول المخصص في الصفحة الأخيرة)

أولاً : البنود (1-4) ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة ، ظلل (b) إذا كانت العبارة خطأ .

1	$\sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{3} = \sqrt[3]{5}$
2	مجال الدالة $f(x) = x - 2$ هو $\mathbb{R}$
3	الدالة $f(x) = \pi^2 - x$ هي دالة تربيعية
4	إذا كانت الدالة الحدودية من الدرجة n فإن لها n حداً

ثانياً : البنود (5-10) لكل بند أربع اختيارات ظلل في الورقة المخصصة للإجابة دائرة الاختيار الصحيح فقط .

(5) إذا كان $x > 0$ ، فإن التعبير $\frac{56^{\frac{1}{3}} x^{\frac{5}{3}}}{(7x^2)^{\frac{1}{3}}}$ يساوي:

- (a) $14x$ (b) $\frac{1}{7}x$ (c) $2x$ (d) $\frac{8}{7}x$

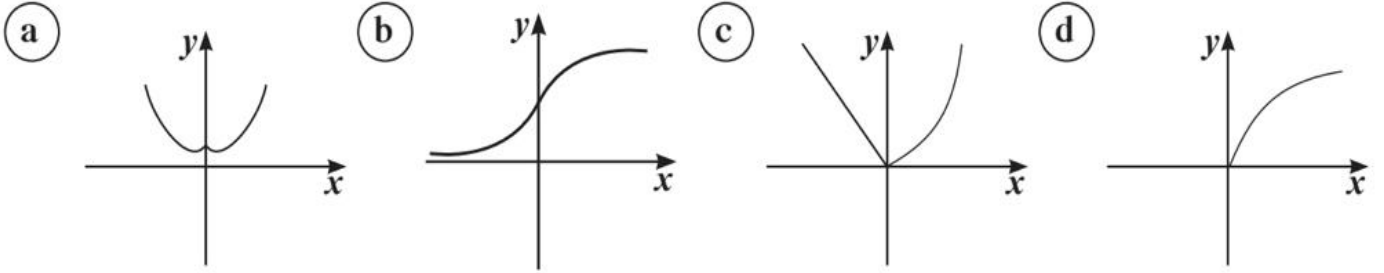
(6) بيان الدالة $y = \sqrt{x+2} - 2$ هو انسحاب لبيان الدالة $y = \sqrt{x}$:

- (a) وحدتين إلى اليسار ووحدتين للأعلى (b) وحدتين إلى اليسار ووحدتين للأسفل
(c) وحدتين إلى اليمين ووحدتين للأعلى (d) وحدتين إلى اليمين ووحدتين للأسفل

(7) المقدار $2\log_4 8 + \log_5 125$ يساوي:

- (a) 4 (b) 5
(c) 6 (d) 15

8) أي مما يلي تمثل دالة زوجية:



9) القيمة المعيارية لمفردة من بيانات هي 0.625 والمتوسط الحسابي 12 الانحراف المعياري 8 فإن هذه المفردة تساوي:

- (a) 7 (b) -7
(c) 17 (d) -17

10) في المستوى الاحداثي إذا كان $\vec{u} = \langle -2, 2 \rangle$ فإن قياس الزاوية التي يصنعها $\vec{u}$ مع

الاتجاه الموجب لمحور السينات يساوي:

- (a) 45° (b) -45°
(c) 225° (d) 135°

انتهت الامتحان
بالتوفيق

جدول تظليل إجابات الموضوعي

السؤال	الاجابة			
(1)	(a)	(b)		
(2)	(a)	(b)		
(3)	(a)	(b)		
(4)	(a)	(b)		
(5)	(a)	(b)	(c)	(d)
(6)	(a)	(b)	(c)	(d)
(7)	(a)	(b)	(c)	(d)
(8)	(a)	(b)	(c)	(d)
(9)	(a)	(b)	(c)	(d)
(10)	(a)	(b)	(c)	(d)

١٠

أسئلة المقال

السؤال الأول

(٢) أوجد مجموعة حل المتباينة

$$-2x^2 + 5x - 3 > 0$$

الحل:

$$-2x^2 + 5x - 3 > 0$$

$$2x^2 - 5x + 3 < 0$$

$$2x^2 - 5x + 3 = 0$$

$$2x^2 - 5x + 3 = (2x - 3)(x - 1)$$

$$2x - 3 = 0 \Rightarrow x = \frac{3}{2}$$

$$x - 1 = 0 \Rightarrow x = 1$$

للبحث عن قيم x التي تحقق: $(2x - 3)(x - 1) < 0$ نتبع التالي:

$$2x - 3 < 0 \Rightarrow x < \frac{3}{2} \quad \left| \quad x - 1 < 0 \Rightarrow x < 1 \right.$$

$$2x - 3 > 0 \Rightarrow x > \frac{3}{2} \quad \left| \quad x - 1 > 0 \Rightarrow x > 1 \right.$$

نكون الجدول:

x	$-\infty$	1	$\frac{3}{2}$	∞
$2x - 3$	-	0	+	+
$x - 1$	-	0	-	+
$(2x - 3)(x - 1)$	+	0	-	+

يبين الجدول أن $(2x - 3)(x - 1) < 0$ لكل قيم x حيث $1 < x < \frac{3}{2}$ ∴ مجموعة الحل = $(1, \frac{3}{2})$

(ب) أوجد مجموعة حل المعادلة التالية : $\sqrt{10x} - 2\sqrt{5x - 25} = 0$

الحل:

$$\sqrt{10x} - 2\sqrt{5x - 25} = 0$$

$$\sqrt{10x} = 2\sqrt{5x - 25}$$

$$10x \geq 0 \quad , \quad 5x - 25 \geq 0$$

تكون قيمة x مقبولة إذا حققت:

$$x \geq 0 \quad , \quad x \geq 5$$



$$\therefore x \geq 5$$

$$\therefore x \in [5, \infty)$$

$$(\sqrt{10x})^2 = (2\sqrt{5x - 25})^2$$

بتربيع طرفي المعادلة

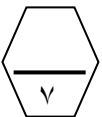
$$10x = 4(5x - 25)$$

$$10x = 20x - 100$$

$$10x = 100 \Rightarrow x = 10$$

$$10 \in [5, \infty)$$

$\therefore$ مجموعة الحل = $\{10\}$



السؤال الثاني

١٥

(٢) ارسم منحنى الدالة : $y = 3(x - 2)^2 + 4$ مستخدماً خواص القطوع المكافئة

الحل:

∴ المعادلة تربيعية على الصورة $y = a(x - h)^2 + k$ فهي تمثل قطعاً مكافئاً.

$$h = 2, \quad k = 4 \therefore$$

∴ رأس المنحنى $(2, 4)$

وكذلك $a = 3, \quad 3 > 0$

∴ فتحة المنحنى لأعلى والرأس عنده قيمة صغرى للدالة

معادلة محور التماثل هي: $x = h$

∴ $x = 2$ هو محور التماثل

نرسم محور التماثل

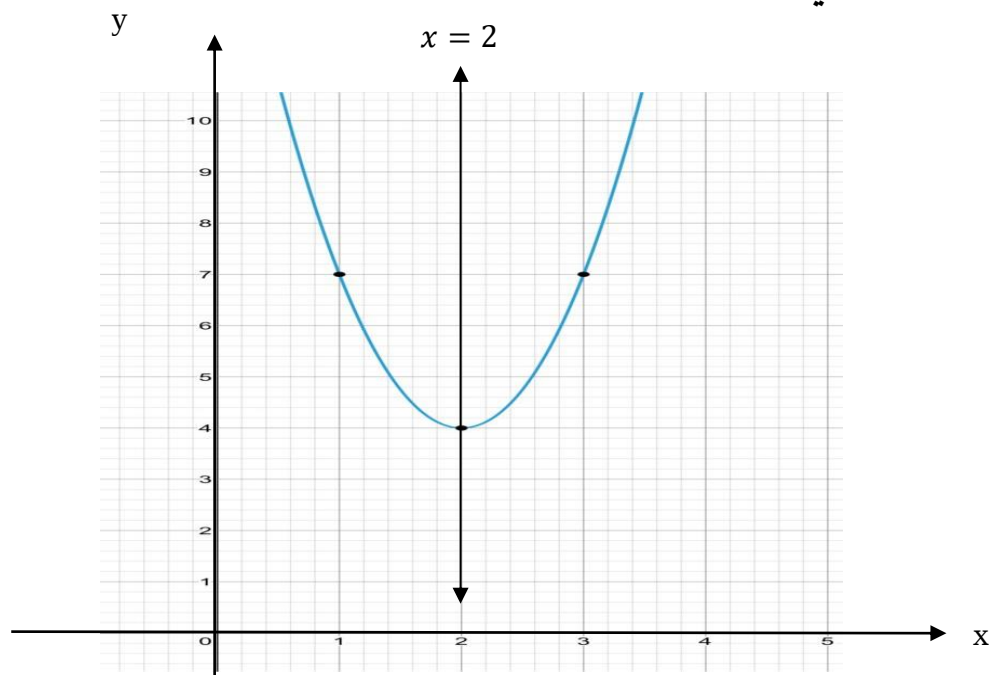
نوجد نقطة أخرى : عند $x = 3$

$$y = 3(3 - 2)^2 + 4 = 7$$

أي المنحنى يمر بالنقطة $(3, 7)$

نحدد موقع انعكاس النقطة $(3, 7)$ حول محور التماثل وهي $(1, 7)$

نرسم منحنى يمر في النقاط الثلاث



ب) حل المعادلة :

$$\log (3x + 1) = 5$$

الحل:

نوجد المجال:

$$3x + 1 > 0 \Rightarrow x > -\frac{1}{3}$$

$$\therefore \text{المجال} = \left(-\frac{1}{3}, \infty\right)$$

$$\log (3x + 1) = 5$$

نكتب في الصورة الأسية

$$3x + 1 = 10^5$$

$$3x + 1 = 100\,000$$

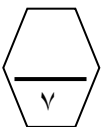
$$3x = 100\,000 - 1$$

$$3x = 99\,999$$

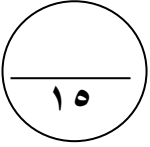
$$x = \frac{99\,999}{3}$$

$$x = 33\,333 \in \left(-\frac{1}{3}, \infty\right)$$

$\therefore$ حل المعادلة هو: $x = 33\,333$



السؤال الثالث



(٢) إذا كان $\vec{v} = \langle 2, -3 \rangle$, $\vec{u} = \langle x, 4 \rangle$ أوجد :
قيمة x بحيث يكون $\vec{u}$ متعامد مع $\vec{v}$

الحل:

$$\because \vec{v} \perp \vec{u}$$

$$\therefore \vec{v} \cdot \vec{u} = 0$$

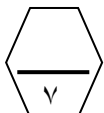
$$x_A \cdot x_B + y_A \cdot y_B = 0$$

$$(2)(x) + (-3)(4) = 0$$

$$2x - 12 = 0$$

$$2x = 12$$

$$x = 6$$



ب) استخدم الأصفار النسبية الممكنة لحل المعادلة

$$x^3 - 2x^2 - 3 = x - 5$$

الحل:

$$x^3 - 2x^2 - 3 - x + 5 = 0$$

$$x^3 - 2x^2 - x + 2 = 0$$

عوامل الحد الثابت (2): $\pm 2, \pm 1$

عوامل المعامل الرئيسي (1): ± 1

$\therefore$ الأصفار النسبية الممكنة: $\pm 2, \pm 1$

$$\text{لتكن } p(x) = x^3 - 2x^2 - x + 2$$

$$p(1) = (1)^3 - 2(1)^2 - 1 + 2 = 0$$

$\therefore$ 1 صفر من أصفار الحدودية

$$(x - 1) \text{ عامل من عوامل } p(x)$$

نقسم: $p(x)$ على $(x - 1)$:

1	1	-2	-1	2
		1	-1	-2
	1	-1	-2	0

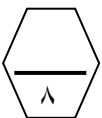
ناتج القسمة: $q(x) = x^2 - x - 2$

نحل المعادلة: $x^2 - x - 2 = 0$

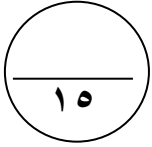
$$(x - 2)(x + 1) = 0$$

$$x_1 = 2 \quad ; \quad x_2 = -1$$

حلول المعادلة هي: $x = 1, x = -1, x = 2$



السؤال الرابع



(٢) حل المعادلة : $2e^{3x-2} + 4 = 16$

الحل:

$$2e^{3x-2} + 4 = 16$$

$$2e^{3x-2} = 16 - 4$$

$$2e^{3x-2} = 12$$

$$e^{3x-2} = 6$$

بأخذ اللوغاريتم الطبيعي لطرفي المعادلة

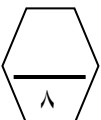
$$\ln e^{3x-2} = \ln 6$$

$$3x - 2 = \ln 6$$

$$3x = 2 + \ln 6$$

$$x = \frac{2}{3} + \frac{\ln 6}{3}$$

$$x \approx 1.264$$



- ب) لاحظت شركة تجارية أن المتوسط الحسابي لأرباحها 475 ديناراً بانحراف معياري 115 ديناراً
- (١) طبق القاعدة التجريبية
- (٢) هل وصلت أرباح هذه الشركة إلى 750 ديناراً ؟ فسر ذلك.

الحل:

$$\bar{x} = 475 , \sigma = 115$$

باستخدام القاعدة التجريبية نحصل على ما يلي:

$$(١) \text{ حوالي } 68\% \text{ من الأرباح تقع على الفترة: } [\bar{x} - \sigma , \bar{x} + \sigma]$$

$$[475 - 115 , 475 + 115] = [360 , 590]$$

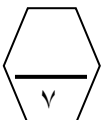
$$(٢) \text{ حوالي } 95\% \text{ من الأرباح تقع على الفترة: } [\bar{x} - 2\sigma , \bar{x} + 2\sigma]$$

$$[475 - 230 , 475 + 230] = [245 , 705]$$

$$(٣) \text{ حوالي } 99.7\% \text{ من الأرباح تقع على الفترة: } [\bar{x} - 3\sigma , \bar{x} + 3\sigma]$$

$$[475 - 345 , 475 + 345] = [130 , 820]$$

نلاحظ أن المبلغ 750 يقع في الفترة الأخيرة [130 , 820] والتي تناظر 99.7% من الأرباح
لذلك من المتوقع أن تكون أرباح هذه الشركة قد وصلت إلى المبلغ 750 ديناراً



ثانياً الأسئلة الموضوعية

(التظليل في الجدول المخصص في الصفحة الأخيرة)

أولاً : البنود (1-4) ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة ، ظلل (b) إذا كانت العبارة خطأ .

1	$\sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{3} = \sqrt[3]{5}$
2	مجال الدالة $f(x) = x - 2$ هو $\mathbb{R}$
3	الدالة $f(x) = \pi^2 - x$ هي دالة تربيعية
4	إذا كانت الدالة الحدودية من الدرجة n فإن لها n حداً

ثانياً : البنود (5-10) لكل بند أربع اختيارات ظلل في الورقة المخصصة للإجابة دائرة الاختيار الصحيح فقط .

(5) إذا كان $x > 0$ ، فإن التعبير $\frac{56 \frac{1}{3} x^{\frac{5}{3}}}{(7x^2)^{\frac{1}{3}}}$ يساوي:

- (a) $14x$ (b) $\frac{1}{7}x$ (c) $2x$ (d) $\frac{8}{7}x$

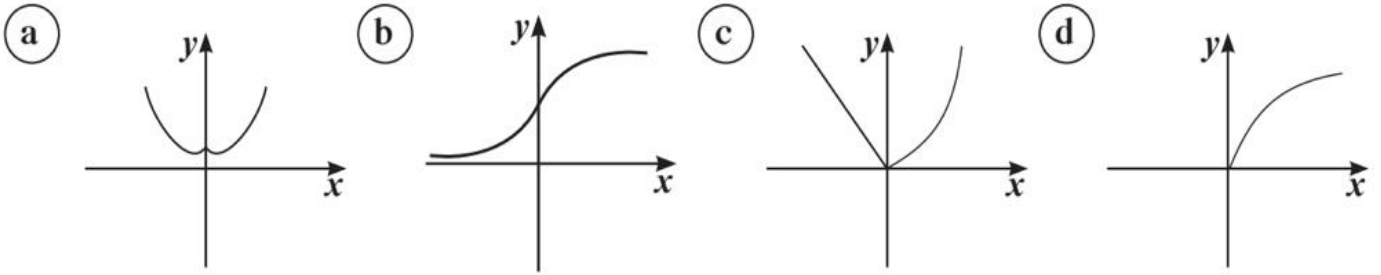
(6) بيان الدالة $y = \sqrt{x+2} - 2$ هو انسحاب لبيان الدالة $y = \sqrt{x}$:

- (a) وحدتين إلى اليسار ووحدتين للأعلى (b) وحدتين إلى اليسار ووحدتين للأسفل
(c) وحدتين إلى اليمين ووحدتين للأعلى (d) وحدتين إلى اليمين ووحدتين للأسفل

(7) المقدار $2\log_4 8 + \log_5 125$ يساوي:

- (a) 4 (b) 5
(c) 6 (d) 15

8) أي مما يلي تمثل دالة زوجية:



9) القيمة المعيارية لمفردة من بيانات هي 0.625 والمتوسط الحسابي 12 الانحراف المعياري 8 فإن هذه المفردة تساوي:

- (a) 7 (b) -7
(c) 17 (d) -17

10) في المستوى الاحداثي إذا كان $\vec{u} = \langle -2, 2 \rangle$ فإن قياس الزاوية التي يصنعها $\vec{u}$ مع

الاتجاه الموجب لمحور السينات يساوي:

- (a) 45° (b) -45°
(c) 225° (d) 135°

انتهت الامتحان
بالتوفيق

جدول تظليل إجابات الموضوعي

السؤال	الاجابة			
(1)	a			
(2)		b		
(3)	a			
(4)	a			
(5)	a	b		d
(6)	a		c	d
(7)	a	b		d
(8)		b	c	d
(9)	a	b		d
(10)	a	b	c	

١٠