

المجال الدراسي : الرياضيات

الزمن : ساعتان وربع

عدد الصفحات : ٨ صفحات

وزارة التربية

الإدارة العامة لمنطقة الجهاد التعليمية

التوجيه الفني للرياضيات

نموذج امتحان الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر الأدبي

العام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ م

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحل

السؤال الأول : (٧ درجة)

(٣ درجات) أخذت عينة عشوائية بسيطة حجمها $n = 20$ من مجتمع طبيعي.

أوجد القيمة الحرجة $t_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى الثقة ٩٥٪ باستخدام جدول التوزيع ت

الحل :

تابع السؤال الأول : (٤ درجات)

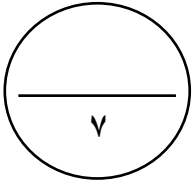
(ب) أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n = 81$ و متوسطها الحسابي $\bar{x} = 50$ و انحرافها المعياري $\sigma = 9$ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥ %

(١) أوجد هامش الخطأ

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ

الحل :

السؤال الثاني : (٧ درجة)



(٢) يزعم معلم مادة الرياضيات أن المتوسط الحسابي لدرجات الطلاب في مادته

هو ١٦ حيث النهاية العظمى ٢٠ درجة .

إذا أخذت عينة من ١٠ طلاب فوجد أن المتوسط الحسابي $\bar{s} = ١٥$ درجة

و الانحراف المعياري $\sigma = ١,٤$ درجة . فاختبر فرضية المعلم عند مستوى المعنوية $\alpha = ٠,٠٥$

الحل :

(٤ درجات)

تابع السؤال الثاني :

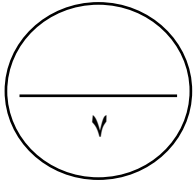
(٣ درجات)

(ب) احسب معامل الارتباط الخطي للبيانات التالية و حدد نوعه و قوته .

س	١	٢	٣	٤	٥
ص	٣	٥	٧	٩	١١

الحل :

السؤال الثالث : (٧ درجة)



٢ (باستخدام البيانات التالية لقيم س ، ص (٤ درجات)

س	١	٣	٥	٧	٩
ص	٢	٥	٩	١٠	١٤

١) أوجد معادلة خط الانحدار (٢ قيمة ص عندما س = ١٠

٣) مقدار الخطأ عندما س = ٥

الحل :

تابع السؤال الثالث :

(٣ درجات)

(ب) في الجدول التالي عدد الإصابات بشلل الأطفال (ص) بالآلاف في إحدى الدول خلال السنوات (س) من سنة ١٩٦٠ إلى سنة ١٩٦٧

الزمن (س)	١٩٦٠	١٩٦١	١٩٦٢	١٩٦٣	١٩٦٤	١٩٦٥	١٩٦٦	١٩٦٧
عدد الإصابات بالآلاف (ص)	١٧	١٥	١٤	١٢	١٠	٧	٥	٣

(أ) مثل بيانياً السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه.

(ب) ما نوع العلاقة بين عدد الإصابات بشلل الأطفال والزمن؟

القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً : في البنود (١-٣) عبارات ظلل ١) إذا كانت العبارة صحيحة ،

وظلل ٢) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) التغيرات الدورية فترتها تكون أكبر من سنة

(٢) المعلمة هي ثابت يصف العينة أو يصف توزيع العينة كالوسط الحسابي أو الانحراف المعياري لها

(٣) الانحدار هو وصف العلاقة بين متغيرين

ثانياً : في البنود من (٤-٧) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

(٤) القيمة الحرجة $t_{\alpha/2}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٩٪ تساوي :

- ٢,٨٥ ١) ٢,٥٧ ٢) ٢,٥٧٥ ٣) ٢,٥ ٤)

(٥) إذا كانت $n = ١٦$ ، $\bar{s} = ٧٠$ ، $e = ٥$ عند اختبار الفرض بأن $\mu = ٧٢$

عند مستوى معنوية $\alpha = ٠,٠٥$ فإن المقياس الإحصائي هو :

- ١,٦ = ق ١) ١,٦ = ق ٢) ١,٦ = ت ٣) ١,٦ = ت ٤)

(٦) إذا كان معامل الارتباط بين متغيرين $r = ٠,٨٥$ فإن الارتباط يكون :

- طردى قوي ١) طردى ضعيف ٢) طردى متوسط ٣) طردى تام ٤)

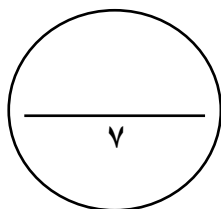
(٧) العوامل التي تؤثر في السلسلة الزمنية هي :

- الاتجاه العام فقط ١) التغيرات الدورية فقط ٢) التغيرات الموسمية و العرضية ٣) جميع ما سبق ٤)

*انتهت الأسئلة *

ورقة إجابة البنود الموضوعية

الإجابة				رقم السؤال
				(١)
				(٢)
				(٣)
د	ج	ب	أ	(٤)
د	ج	ب	أ	(٥)
د	ج	ب	أ	(٦)
د	ج	ب	أ	(٧)



الدرجة :

المصحح :

المراجع :

قوانين الاحصاء

$$\text{هامش الخطأ ه} = \text{ق} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$\text{فترة الثقة} = (\bar{s} - \text{ه}, \bar{s} + \text{ه})$$

$$\text{ه} = \text{ت} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$\text{ه} = \text{ق} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

المقياس الإحصائي:

$$\begin{array}{c|c|c} \frac{\mu - \bar{s}}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} = \text{ت} & \frac{\mu - \bar{s}}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} = \text{ق} & \frac{\mu - \bar{s}}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} = \text{ق} \end{array}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{n(\bar{s} - \bar{s}) - (n(\bar{s} - \bar{s}))}{\sqrt{n(\bar{s} - \bar{s}) - (n(\bar{s} - \bar{s}))}} \\ &= \frac{n(\bar{s} - \bar{s}) - (n(\bar{s} - \bar{s}))}{\sqrt{n(\bar{s} - \bar{s}) - (n(\bar{s} - \bar{s}))}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \hat{s} &= p + \bar{s} \\ \bar{s} &= \frac{n(\bar{s} - \bar{s}) - (n(\bar{s} - \bar{s}))}{n(\bar{s} - \bar{s}) - (n(\bar{s} - \bar{s}))} \end{aligned}$$

$$p = \bar{s} - \bar{s}$$

مقدار الخطأ = القيمة الجدولية - القيمة من معادلة خط الانحدار = $|\bar{s} - \hat{s}|$

جدول التوزيع الطبيعي المعياري (U)

U	٠,٠٠	٠,٠١	٠,٠٢	٠,٠٣	٠,٠٤	٠,٠٥	٠,٠٦	٠,٠٧	٠,٠٨	٠,٠٩
٠,٠	٠,٠٠٠٠	٠,٠٠٤٠	٠,٠٠٨٠	٠,٠١٢٠	٠,٠١٦٠	٠,٠١٩٩	٠,٠٢٣٩	٠,٠٢٧٩	٠,٠٣١٩	٠,٠٣٥٩
٠,١	٠,٠٣٩٨	٠,٠٤٣٨	٠,٠٤٧٨	٠,٠٥١٧	٠,٠٥٥٧	٠,٠٥٩٦	٠,٠٦٣٦	٠,٠٦٧٥	٠,٠٧١٤	٠,٠٧٥٣
٠,٢	٠,٠٧٩٣	٠,٠٨٣٢	٠,٠٨٧١	٠,٠٩١٠	٠,٠٩٤٨	٠,٠٩٨٧	٠,١٠٢٦	٠,١٠٦٤	٠,١١٠٣	٠,١١٤١
٠,٣	٠,١١٧٩	٠,١٢١٧	٠,١٢٥٥	٠,١٢٩٣	٠,١٣٣١	٠,١٣٦٨	٠,١٤٠٦	٠,١٤٤٣	٠,١٤٨٠	٠,١٥١٧
٠,٤	٠,١٥٥٤	٠,١٥٩١	٠,١٦٢٨	٠,١٦٦٤	٠,١٧٠٠	٠,١٧٣٦	٠,١٧٧٢	٠,١٨٠٨	٠,١٨٤٤	٠,١٨٧٩
٠,٥	٠,١٩١٥	٠,١٩٥٠	٠,١٩٨٥	٠,٢٠١٩	٠,٢٠٥٤	٠,٢٠٨٨	٠,٢١٢٣	٠,٢١٥٧	٠,٢١٩٠	٠,٢٢٢٤
٠,٦	٠,٢٢٥٧	٠,٢٢٩١	٠,٢٣٢٤	٠,٢٣٥٧	٠,٢٣٨٩	٠,٢٤٢٢	٠,٢٤٥٤	٠,٢٤٨٦	٠,٢٥١٧	٠,٢٥٤٩
٠,٧	٠,٢٥٨٠	٠,٢٦١١	٠,٢٦٤٢	٠,٢٦٧٣	٠,٢٧٠٤	٠,٢٧٣٤	٠,٢٧٦٤	٠,٢٧٩٤	٠,٢٨٢٣	٠,٢٨٥٢
٠,٨	٠,٢٨٨١	٠,٢٩١٠	٠,٢٩٣٩	٠,٢٩٦٧	٠,٢٩٩٥	٠,٣٠٢٣	٠,٣٠٥١	٠,٣٠٧٨	٠,٣١٠٦	٠,٣١٣٣
٠,٩	٠,٣١٥٩	٠,٣١٨٦	٠,٣٢١٢	٠,٣٢٣٨	٠,٣٢٦٤	٠,٣٢٨٩	٠,٣٣١٥	٠,٣٣٤٠	٠,٣٣٦٥	٠,٣٣٨٩
١,٠	٠,٣٤١٣	٠,٣٤٣٨	٠,٣٤٦١	٠,٣٤٨٥	٠,٣٥٠٨	٠,٣٥٣١	٠,٣٥٥٤	٠,٣٥٧٧	٠,٣٥٩٩	٠,٣٦٢١
١,١	٠,٣٦٤٣	٠,٣٦٦٥	٠,٣٦٨٦	٠,٣٧٠٨	٠,٣٧٢٩	٠,٣٧٤٩	٠,٣٧٧٠	٠,٣٧٩٠	٠,٣٨١٠	٠,٣٨٣٠
١,٢	٠,٣٨٤٩	٠,٣٨٦٩	٠,٣٨٨٨	٠,٣٩٠٧	٠,٣٩٢٥	٠,٣٩٤٤	٠,٣٩٦٢	٠,٣٩٨٠	٠,٣٩٩٧	٠,٤٠١٥
١,٣	٠,٤٠٣٢	٠,٤٠٤٩	٠,٤٠٦٦	٠,٤٠٨٢	٠,٤٠٩٩	٠,٤١١٥	٠,٤١٣١	٠,٤١٤٧	٠,٤١٦٢	٠,٤١٧٧
١,٤	٠,٤١٩٢	٠,٤٢٠٧	٠,٤٢٢٢	٠,٤٢٣٦	٠,٤٢٥١	٠,٤٢٦٥	٠,٤٢٧٩	٠,٤٢٩٢	٠,٤٣٠٦	٠,٤٣١٩
١,٥	٠,٤٣٣٢	٠,٤٣٤٥	٠,٤٣٥٧	٠,٤٣٧٠	٠,٤٣٨٢	٠,٤٣٩٤	٠,٤٤٠٦	٠,٤٤١٨	٠,٤٤٢٩	٠,٤٤٤١
١,٦	٠,٤٤٥٢	٠,٤٤٦٣	٠,٤٤٧٤	٠,٤٤٨٤	٠,٤٤٩٥	٠,٤٥٠٥	٠,٤٥١٥	٠,٤٥٢٥	٠,٤٥٣٥	٠,٤٥٤٥
١,٧	٠,٤٥٥٤	٠,٤٥٦٤	٠,٤٥٧٣	٠,٤٥٨٢	٠,٤٥٩١	٠,٤٥٩٩	٠,٤٦٠٨	٠,٤٦١٦	٠,٤٦٢٥	٠,٤٦٣٣
١,٨	٠,٤٦٤١	٠,٤٦٤٩	٠,٤٦٥٦	٠,٤٦٦٤	٠,٤٦٧١	٠,٤٦٧٨	٠,٤٦٨٦	٠,٤٦٩٣	٠,٤٦٩٩	٠,٤٧٠٦
١,٩	٠,٤٧١٣	٠,٤٧١٩	٠,٤٧٢٦	٠,٤٧٣٢	٠,٤٧٣٨	٠,٤٧٤٤	٠,٤٧٥٠	٠,٤٧٥٦	٠,٤٧٦١	٠,٤٧٦٧
٢,٠	٠,٤٧٧٢	٠,٤٧٧٨	٠,٤٧٨٣	٠,٤٧٨٨	٠,٤٧٩٣	٠,٤٧٩٨	٠,٤٨٠٣	٠,٤٨٠٨	٠,٤٨١٢	٠,٤٨١٧
٢,١	٠,٤٨٢١	٠,٤٨٢٦	٠,٤٨٣٠	٠,٤٨٣٤	٠,٤٨٣٨	٠,٤٨٤٢	٠,٤٨٤٦	٠,٤٨٥٠	٠,٤٨٥٤	٠,٤٨٥٧
٢,٢	٠,٤٨٦١	٠,٤٨٦٤	٠,٤٨٦٨	٠,٤٨٧١	٠,٤٨٧٥	٠,٤٨٧٨	٠,٤٨٨١	٠,٤٨٨٤	٠,٤٨٨٧	٠,٤٨٩٠
٢,٣	٠,٤٨٩٣	٠,٤٨٩٦	٠,٤٨٩٨	٠,٤٩٠١	٠,٤٩٠٤	٠,٤٩٠٦	٠,٤٩٠٩	٠,٤٩١١	٠,٤٩١٣	٠,٤٩١٦
٢,٤	٠,٤٩١٨	٠,٤٩٢٠	٠,٤٩٢٢	٠,٤٩٢٥	٠,٤٩٢٧	٠,٤٩٢٩	٠,٤٩٣١	٠,٤٩٣٢	٠,٤٩٣٤	٠,٤٩٣٦
٢,٥	٠,٤٩٣٨	٠,٤٩٤٠	٠,٤٩٤١	٠,٤٩٤٣	٠,٤٩٤٥	٠,٤٩٤٦	٠,٤٩٤٨	٠,٤٩٤٩	٠,٤٩٥١	٠,٤٩٥٢
٢,٦	٠,٤٩٥٣	٠,٤٩٥٥	٠,٤٩٥٦	٠,٤٩٥٧	٠,٤٩٥٩	٠,٤٩٦٠	٠,٤٩٦١	٠,٤٩٦٢	٠,٤٩٦٣	٠,٤٩٦٤
٢,٧	٠,٤٩٦٥	٠,٤٩٦٦	٠,٤٩٦٧	٠,٤٩٦٨	٠,٤٩٦٩	٠,٤٩٧٠	٠,٤٩٧١	٠,٤٩٧٢	٠,٤٩٧٣	٠,٤٩٧٤
٢,٨	٠,٤٩٧٤	٠,٤٩٧٥	٠,٤٩٧٦	٠,٤٩٧٧	٠,٤٩٧٧	٠,٤٩٧٨	٠,٤٩٧٩	٠,٤٩٧٩	٠,٤٩٨٠	٠,٤٩٨١
٢,٩	٠,٤٩٨١	٠,٤٩٨٢	٠,٤٩٨٢	٠,٤٩٨٣	٠,٤٩٨٤	٠,٤٩٨٤	٠,٤٩٨٥	٠,٤٩٨٥	٠,٤٩٨٦	٠,٤٩٨٦
٣,٠	٠,٤٩٨٧	٠,٤٩٨٧	٠,٤٩٨٧	٠,٤٩٨٨	٠,٤٩٨٨	٠,٤٩٨٩	٠,٤٩٨٩	٠,٤٩٨٩	٠,٤٩٩٠	٠,٤٩٩٠
٣,١٠ وأكثر	٠,٤٩٩٩									

ملاحظة: استخدم ٠,٤٩٩٩ عندما تزيد قيمة U عن ٣,٠٩

جدول التوزيع ت

$\frac{\alpha}{\gamma}$						درجات الحرية (ن - ١)
٠,٢٥	٠,١٠	٠,٠٥	٠,٠٢٥	٠,٠١	٠,٠٠٥	
١,٠٠٠	٣,٠٧٨	٦,٣١٤	١٢,٧٠٦	٣١,٨٢١	٦٣,٦٥٧	١
٠,٨١٦	١,٨٨٦	٢,٩٢٠	٤,٣٠٣	٦,٩٦٥	٩,٩٢٥	٢
٠,٧٦٥	١,٦٣٨	٢,٣٥٣	٣,١٨٢	٤,٥٤١	٥,٨٤١	٣
٠,٧٤١	١,٥٣٣	٢,١٣٢	٢,٧٧٦	٣,٧٤٧	٤,٦٠٤	٤
٠,٧٢٧	١,٤٧٦	٢,٠١٥	٢,٥٧١	٣,٣٦٥	٤,٠٣٢	٥
٠,٧١٨	١,٤٤٠	١,٩٤٣	٢,٤٤٧	٣,١٤٣	٣,٧٠٧	٦
٠,٧١١	١,٤١٥	١,٨٩٥	٢,٣٦٥	٢,٩٩٨	٣,٥٠٠	٧
٠,٧٠٦	١,٣٩٧	١,٨٦٠	٢,٣٠٦	٢,٨٩٦	٣,٣٥٥	٨
٠,٧٠٣	١,٣٨٣	١,٨٣٣	٢,٢٦٢	٢,٨٢١	٣,٢٥٠	٩
٠,٧٠٠	١,٣٧٢	١,٨١٢	٢,٢٢٨	٢,٧٦٤	٣,١٦٩	١٠
٠,٦٩٧	١,٣٦٣	١,٧٩٦	٢,٢٠١	٢,٧١٨	٣,١٠٦	١١
٠,٦٩٦	١,٣٥٦	١,٧٨٢	٢,١٧٩	٢,٦٨١	٣,٠٥٤	١٢
٠,٦٩٤	١,٣٥٠	١,٧٧١	٢,١٦٠	٢,٦٥٠	٣,٠١٢	١٣
٠,٦٩٢	١,٣٤٥	١,٧٦١	٢,١٤٥	٢,٦٢٥	٢,٩٧٧	١٤
٠,٦٩١	١,٣٤١	١,٧٥٣	٢,١٣٢	٢,٦٠٢	٢,٩٤٧	١٥
٠,٦٩٠	١,٣٣٧	١,٧٤٦	٢,١٢٠	٢,٥٨٤	٢,٩٢١	١٦
٠,٦٨٩	١,٣٣٣	١,٧٤٠	٢,١١٠	٢,٥٦٧	٢,٨٩٨	١٧
٠,٦٨٨	١,٣٣٠	١,٧٣٤	٢,١٠١	٢,٥٥٢	٢,٨٧٨	١٨
٠,٦٨٨	١,٣٢٨	١,٧٢٩	٢,٠٩٣	٢,٥٤٠	٢,٨٦١	١٩
٠,٦٨٧	١,٣٢٥	١,٧٢٥	٢,٠٨٦	٢,٥٢٨	٢,٨٤٥	٢٠
٠,٦٨٦	١,٣٢٣	١,٧٢١	٢,٠٨٠	٢,٥١٨	٢,٨٣١	٢١
٠,٦٨٦	١,٣٢١	١,٧١٧	٢,٠٧٤	٢,٥٠٨	٢,٨١٩	٢٢
٠,٦٨٥	١,٣٢٠	١,٧١٤	٢,٠٦٩	٢,٥٠٠	٢,٨٠٧	٢٣
٠,٦٨٥	١,٣١٨	١,٧١١	٢,٠٦٤	٢,٤٩٢	٢,٧٩٧	٢٤
٠,٦٨٤	١,٣١٦	١,٧٠٨	٢,٠٦٠	٢,٤٨٥	٢,٧٨٧	٢٥
٠,٦٨٤	١,٣١٥	١,٧٠٦	٢,٠٥٦	٢,٤٧٩	٢,٧٧٩	٢٦
٠,٦٨٤	١,٣١٤	١,٧٠٣	٢,٠٥٢	٢,٤٧٣	٢,٧٧١	٢٧
٠,٦٨٣	١,٣١٣	١,٧٠١	٢,٠٤٨	٢,٤٦٧	٢,٧٦٣	٢٨
٠,٦٨٣	١,٣١١	١,٦٩٩	٢,٠٤٥	٢,٤٦٢	٢,٧٥٦	٢٩
٠,٦٧٥	١,٢٨٢	١,٦٤٥	١,٩٦٠	٢,٣٢٧	٢,٥٧٥	٣٠ وأكثر

نموذج الإجابة

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحل

السؤال الأول : (٧ درجة)

(٢) أخذت عينة عشوائية بسيطة حجمها $n = 20$ من مجتمع طبيعي. (٣ درجات)

أوجد القيمة الحرجة $t_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى الثقة ٩٥٪ باستخدام جدول التوزيع ت

الحل :

$$n = 20$$

$$\therefore \text{درجات الحرية : } n - 1 = 20 - 1 = 19$$

∴ مستوى الثقة هو ٩٥ %

$$\therefore 1 - \alpha = 0,95 \longleftarrow \alpha = 0,05 \longleftarrow \frac{\alpha}{2} = 0,025$$

و من جدول التوزيع ت

$$t_{\frac{\alpha}{2}} = 2,093 = t_{0,025}$$

تابع السؤال الأول : (٤ درجات)

(ب) أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n = 81$ و متوسطها الحسابي $\bar{x} = 50$ و انحرافها المعياري $\sigma = 9$ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥ %

(١) أوجد هامش الخطأ

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ

الحل :

(١) $\therefore$ مستوى الثقة ٩٥ %

$\therefore \sigma$ غير معلوم ، $n = 81 > 30$

$\therefore$ القيمة الحرجة $U_{\frac{\alpha}{2}} = 1,96$

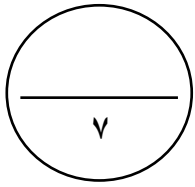
$\therefore$ هامش الخطأ : $h = U_{\frac{\alpha}{2}} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$

$$h = \frac{9}{\sqrt{81}} \times 1,96 = 1,96$$

(٢) فترة الثقة هي : $(\bar{x} - h , \bar{x} + h)$

$$= (50 - 1,96 , 50 + 1,96)$$

$$= (48,04 , 51,96)$$



السؤال الثاني : (٧ درجة)

(٢) يزعم معلم مادة الرياضيات أن المتوسط الحسابي لدرجات الطلاب في مادته

هو ١٦ حيث النهاية العظمى ٢٠ درجة .

إذا أخذت عينة من ١٠ طلاب فوجد أن المتوسط الحسابي $\bar{s} = ١٥$ درجة

و الانحراف المعياري $\sigma = ١,٤$ درجة . فاختبر فرضية المعلم عند مستوى المعنوية $\alpha = ٠,٠٥$

الحل :

(٤ درجات)

(١) صياغة الفروض : ف. $\mu = ١٦$ مقابل $\mu \neq ١٦$

(٢) $\sigma = ١,٤$ (معلومة)

$$\therefore \text{المقياس الإحصائي : } U = \frac{\bar{s} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} = \frac{١٥ - ١٦}{\frac{١,٤}{\sqrt{١٠}}} \approx -٢,٢٥٨٨$$

(٣) مستوى المعنوية $\alpha = ٠,٠٥$ $\leftarrow \frac{\alpha}{٢} = ٠,٠٢٥$

$$\therefore U_{\frac{\alpha}{٢}} = ١,٩٦$$

(٤) منطقة القبول هي : (-١,٩٦ ، ١,٩٦)

(٥) $\therefore -٢,٢٥٨٨ \notin (-١,٩٦ ، ١,٩٦)$

$\therefore$ القرار : نرفض فرض العدم : $\mu = ١٦$

و نقبل الفرض البديل : $\mu \neq ١٦$

تابع السؤال الثاني :

(٣ درجات)

(ب) احسب معامل الارتباط الخطي للبيانات التالية و حدد نوعه و قوته .

س	١	٢	٣	٤	٥
ص	٣	٥	٧	٩	١١

الحل :

س	ص	س ص	س ^٢	ص ^٢
١	٣	٣	١	٩
٢	٥	١٠	٤	٢٥
٣	٧	٢١	٩	٤٩
٤	٩	٣٦	١٦	٨١
٥	١١	٥٥	٢٥	١٢١
$\sum س = ١٥$	$\sum ص = ٣٥$	$\sum س ص = ١٢٥$	$\sum س^٢ = ٥٥$	$\sum ص^٢ = ٢٨٥$

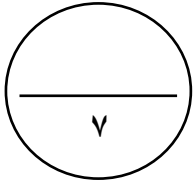
$$r = \frac{n(\sum س ص) - (\sum س) (\sum ص)}{\sqrt{ n(\sum س^٢) - (\sum س)^٢ } \sqrt{ n(\sum ص^٢) - (\sum ص)^٢ }}$$

ن = ٥ ،

$$r = \frac{٣٥ \times ١٥ - ١٢٥ \times ٥}{\sqrt{ ٣٥(١٥) - ٥٥ \times ٥ } \times \sqrt{ ١١(٣٥) - ٢٨٥ \times ٥ }} = ١$$

نوع الارتباط : طردي تام

السؤال الثالث : (٧ درجة)



(٤ درجات)

٢) باستخدام البيانات التالية لقيم س ، ص

س	١	٣	٥	٧	٩
ص	٢	٥	٩	١٠	١٤

١) أوجد معادلة خط الانحدار (٢ قيمة ص عندما س = ١٠

٣) مقدار الخطأ عندما س = ٥

الحل :

$$ن = ٥ ، \overline{س} = \frac{\sum س}{ن} = \frac{٢٥}{٥} = ٥$$

$$\overline{ص} = \frac{\sum ص}{ن} = \frac{٤٠}{٥} = ٨$$

$$ب = \frac{ن (\sum س ص) - (\sum س) (\sum ص)}{ن (\sum س^2) - (\sum س)^2}$$

$$ب = \frac{٥ \times ٢٥٦ - ٢٥ \times ٤٠}{٥(٢٥) - ١٦٥ \times ٥} = ١,٤$$

$$٢ = \overline{ص} - ب \overline{س} = ٨ - ٥ \times ١,٤ = ١$$

معادلة خط الانحدار هي : $\widehat{ص} = ١ + ١,٤ س$

٢) عندما س = ١٠ فإن : $ص = ١ + ١,٤ \times ١٠ = ١٥$

٣) من الجدول ص = ٩

من المعادلة $\widehat{ص} = ١ + ١,٤ س = ٨$

مقدار الخطأ = $|ص - \widehat{ص}| = |٨ - ٩| = ١$

تابع السؤال الثالث :

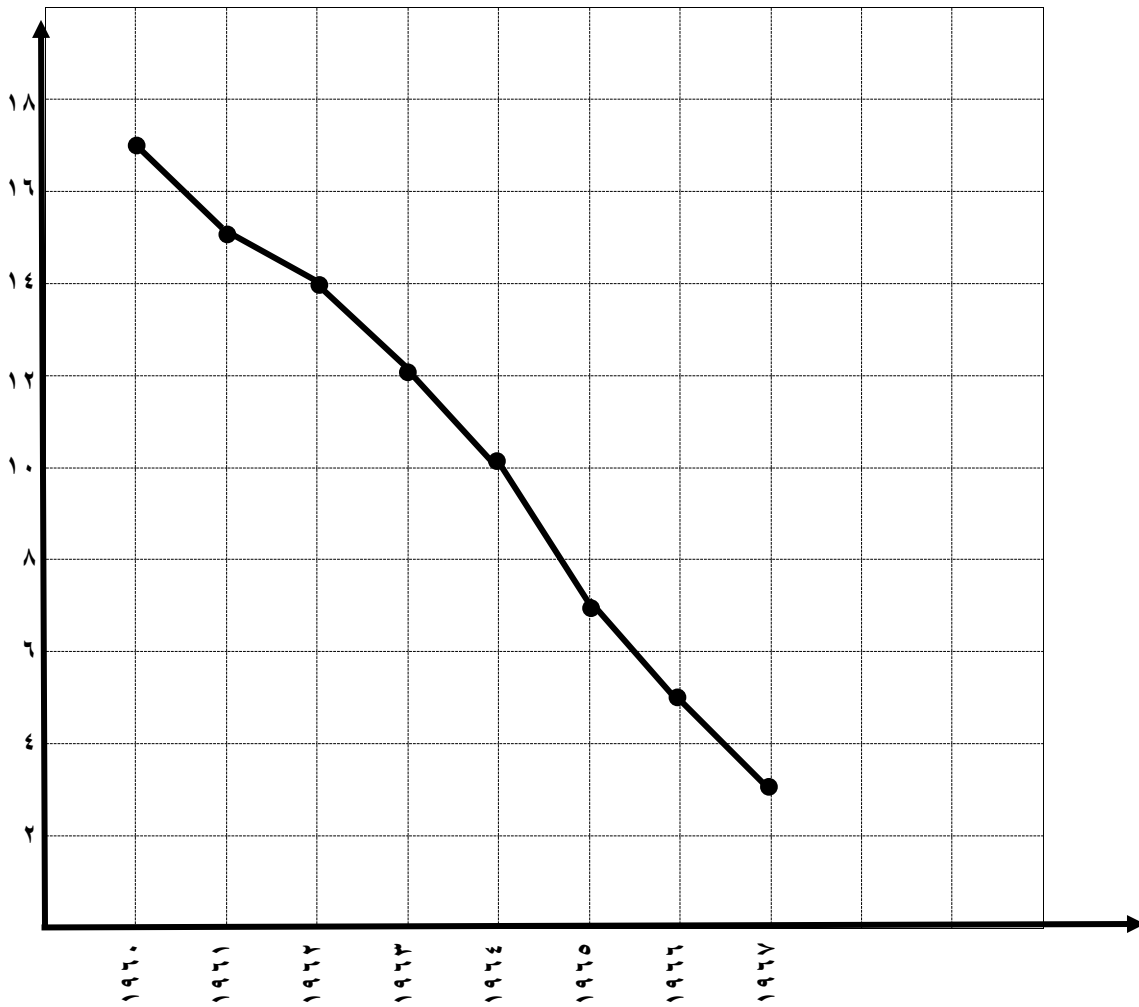
(٣ درجات)

(ب) في الجدول التالي عدد الإصابات بشلل الأطفال (ص) بالآلاف في إحدى الدول خلال السنوات (س) من سنة ١٩٦٠ إلى سنة ١٩٦٧

الزمن (س)	١٩٦٠	١٩٦١	١٩٦٢	١٩٦٣	١٩٦٤	١٩٦٥	١٩٦٦	١٩٦٧
عدد الإصابات بالآلاف (ص)	١٧	١٥	١٤	١٢	١٠	٧	٥	٣

(أ) مثل بيانياً السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه.

(ب) ما نوع العلاقة بين عدد الإصابات بشلل الأطفال والزمن؟



(ب) نلاحظ أن عدد الإصابات بشلل الأطفال في تناقص مع الزمن

القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً : في البنود (١-٣) عبارات ظلل ١) إذا كانت العبارة صحيحة ،

وظلل ٢) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) التغيرات الدورية فترتها تكون أكبر من سنة

(٢) المعلمة هي ثابت يصف العينة أو يصف توزيع العينة كالوسط الحسابي أو الانحراف المعياري لها

(٣) الانحدار هو وصف العلاقة بين متغيرين

ثانياً : في البنود من (٤-٧) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

(٤) القيمة الحرجة $t_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٩٪ تساوي :

- ٢,٨٥ ١) ٢,٥٧ ٢) ٢,٥٧٥ ٣) ٢,٥ ٤)

(٥) إذا كانت $n = ١٦$ ، $\bar{s} = ٧٠$ ، $e = ٥$ عند اختبار الفرض بأن $\mu = ٧٢$

عند مستوى معنوية $\alpha = ٠,٠٥$ فإن المقياس الإحصائي هو :

- ١,٦ = ق ١) ١,٦ = ق ٢) ١,٦ = ت ٣) ١,٦ = ت ٤)

(٦) إذا كان معامل الارتباط بين متغيرين $r = ٠,٨٥$ فإن الارتباط يكون :

- طردى قوي ١) طردى ضعيف ٢) طردى متوسط ٣) طردى تام ٤)

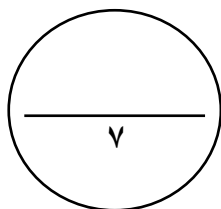
(٧) العوامل التي تؤثر في السلسلة الزمنية هي :

- الاتجاه العام فقط ١) التغيرات الدورية فقط ٢) التغيرات الموسمية و العرضية ٣) جميع ما سبق ٤)

*انتهت الأسئلة *

ورقة إجابة البنود الموضوعية

الإجابة				رقم السؤال
				(١)
				(٢)
				(٣)
د	ج	ب	أ	(٤)
د	ج	ب	أ	(٥)
د	ج	ب	أ	(٦)
د	ج	ب	أ	(٧)



الدرجة :

المصحح :

المراجع :

مقترح جدول المواصفات لامتحان الثاني عشر أدبي

م	الوحدة	الموضوع	عدد الحصص	عدد الأسئلة المقالية	عدد الأسئلة الموضوعية	درجة المقالي	درجة الموضوعي	السؤال الأول		السؤال الثاني		السؤال الثالث		السؤال الخامس	
								أ	ب	أ	ب	أ	ب	متعدد	✓ x
١	الأولى	التقدير واختبارات الفروض	٩	٣	٣	١١	٣	٣	٤	٤	-	-	-	١	٢
٢	الثانية	الارتباط والانحدار	٨	٢	٢	٧	٢	-	-	-	٣	٤	-	١	١
٣	الثالثة	السلاسل الزمنية	٥	١	٢	٣	٢	-	-	-	-	-	٣	١	١
		المجموع		٦	٧	٢١	٧	٧	٧	٧	٧	٧	٧	٣	٤

المجال الدراسي : الرياضيات
الزمن : ساعتان وربع
عدد الصفحات : ٨ صفحات
عشر الأدبي

وزارة التربية
الإدارة العامة لمنطقة الجبراء التعليمية
التوجيه الفني للرياضيات

نموذج امتحان الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني
العام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ م

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحل

السؤال الأول : (٧ درجة)

(٥ درجات)

(١) أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n = 160$ فإذا كان الانحراف المعياري

للمجتمع $\sigma = 2$ والمتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 9,3$ باستخدام مستوى ثقة ٩٥ %

(١) أوجد هامش الخطأ

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ

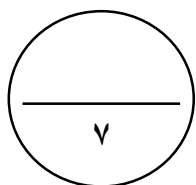
الحل :

تابع السؤال الأول :

(ب) أوجد القيمة الحرجة $q_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٩ % .
(٢ درجات)
باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري .

الحل :

السؤال الثاني : (٧ درجة)



(١) الجدول التالي يبين انتاج احدى شركات السيارات بالآلاف سيارة ،

من سنة ٢٠٠٧ حتى ٢٠١٣

السنة (س)	٢٠٠٧	٢٠٠٨	٢٠٠٩	٢٠١٠	٢٠١١	٢٠١٢	٢٠١٣
عدد السيارات بالآلاف (ص)	٤٠	٦٠	٧٠	٩٠	١٠٠	١٥٠	١٨٠

أوجد معادلة الاتجاه العام للسلسلة الزمنية

الحل :

(٣ درجات)

تابع السؤال الثاني :

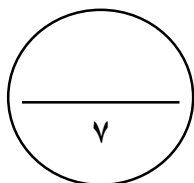
(ب) إذا كانت $n = 10$ ، $\bar{s} = 20$ ، $e = 4$ (٤ درجات)

اختبر الفرض بأن $\mu = 22$ ، مقابل الفرض البديل $\mu \neq 22$

الحل : عند مستوى معنوية $\alpha = 0,05$

السؤال الثالث : (٧ درجة)

١) أوجد معامل الارتباط r وحدد نوعه وقوته للمتغيرين s ، v حيث :



٥	٤	٣	٢	١	s
٥-	٦-	٤-	١-	١	v

الحل :

(٥ درجات)

تابع السؤال الثالث : (٢ درجات)

السنوات (من) سنة ١٩٦٠ الى سنة ١٩٦٧

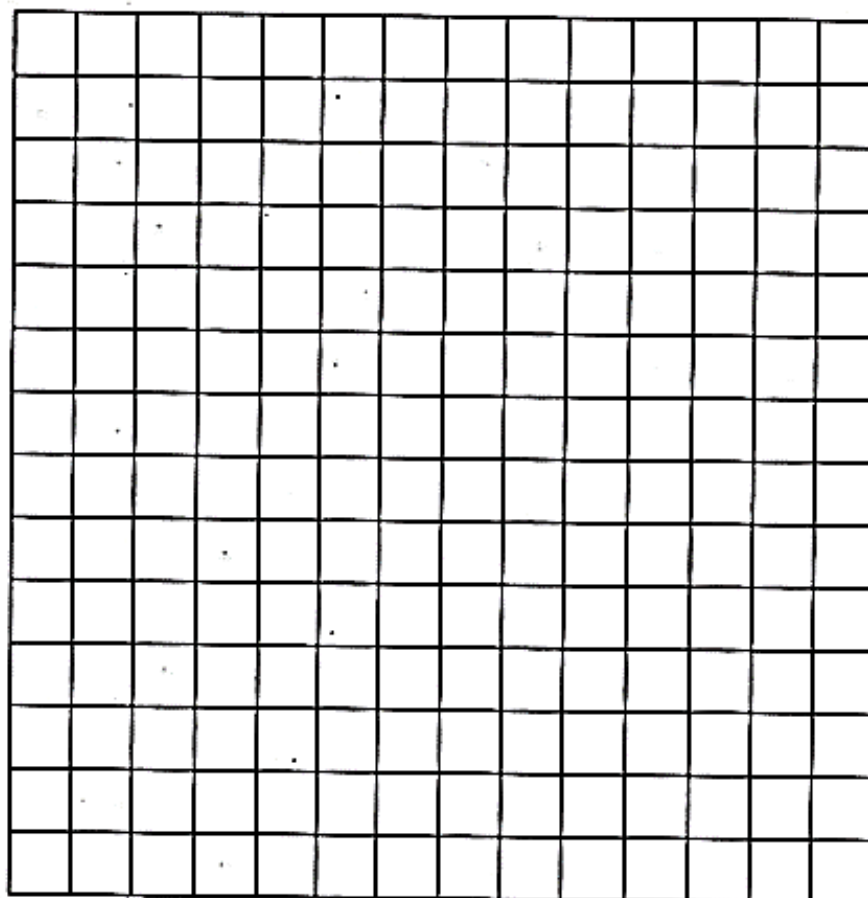
الزمن (س)	١٩٦٠	١٩٦١	١٩٦٢	١٩٦٣	١٩٦٤	١٩٦٥	١٩٦٦	١٩٦٧
عدد الإصابات بالآلاف (ص)	١٧	١٥	١٤	١٢	١٠	٧	٥	٣

(ب)

(١) مثل بيانيا السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه.

(٢) ما نوع العلاقة بين الإصابات بشلل الأطفال والزمن؟

للحل :



القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً : في البنود (١-٣) عبارات ظلل (أ) كانت العبارة صحيحة ، وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(أ) (ب)

(١) الإنحدار هو وصف العلاقة بين متغيرين .

إذا كانت معادلة خط الإنحدار للمتغيرين س ، ص هي $\hat{ص} = ٠,٧٥ + ١,٤٥ س$

(أ) (ب)

(٢) فإن مقدار الخطأ عند $س = ٥$ علماً بأن القيمة الجدولية هي $ص = ٩$ يساوي ١

(أ) (ب)

(٣) المعلمة هي ثابت يصف العينة أو يصف توزيع العينة كالوسط الحسابي أو الانحراف المعياري لها .

ثانياً : في البنود من (٤-٧) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

(٤) إذا كان معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص يساوي صفر فإن الارتباط يكون

(أ) قوي (ب) ضعيف (ج) منعدم (د) تام



(٥) في الشكل المقابل الاتجاه العام للسلسلة الزمنية يشير إلى

(أ) تزايد قيم الظاهرة (ب) تناقص قيم الظاهرة

(ج) تزايد ثم تناقص لقيم الظاهرة (د) تناقص ثم تزايد لقيم الظاهرة

(٦) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين س ، ص هي : $\hat{ص} = ٣,٤ س + ٥,٥$ فإن قيمة ص

المتوقعة عندما $س = ٦$ هي :

(أ) ٥,٥ (ب) ٦,٨ (ج) ٢٩,٩٨ (د) ٢٥,٩

(٧) قيمة معامل الارتباط ر لا يمكن أن تساوي :

(أ) ١,٧ (ب) صفر (ج) ١ (د) -٩٩٩

*انتهت الأسئلة *

ورقة إجابة البنود الموضوعية

الإجابة				رقم السؤال
		ب	أ	(١)
		ب	أ	(٢)
		ب	أ	(٣)
د	ج	ب	أ	(٤)
د	ج	ب	أ	(٥)
د	ج	ب	أ	(٦)
د	ج	ب	أ	(٧)

مع تمنياتنا لكم بالنجاح والتوفيق

الدرجة :

المصحح :

المراجع :

المجال الدراسي : الرياضيات
الزمن : ساعتان وربع
عدد الصفحات : ٨ صفحات
عشر الأدبي

وزارة التربية
الإدارة العامة لمنطقة الجهاد التعليمية
التوجيه الفني للرياضيات

نموذج امتحان الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني
العام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ م

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحل

السؤال الأول : (٧ درجة)

- (١) (أ) أخذت عينه عشوائيه من مجتمع طبيعي حجمها $n = 160$ فإذا كان الانحراف المعياري للمجتمع $\sigma = 2$ والمتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 9,3$ باستخدام مستوى ثقة ٩٥ %
- (١) أوجد هامش الخطأ
- (٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ

الحل :

(١) مستوى الثقة ٩٥ % : القيمة الحرجة $z_{\frac{\alpha}{2}} = 1,96$

بما أن σ معلومة : هامش الخطأ $h = z_{\frac{\alpha}{2}} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$

$\because n = 160, \sigma = 2, \bar{x} = 9,3$

$h = 1,96 \times \frac{2}{\sqrt{160}} = 0,3099$

(٢) فترة الثقة $(\bar{x} - h, \bar{x} + h)$

$= (9,3 - 0,3099, 9,3 + 0,3099)$

$= (8,9901, 9,6099)$

تابع السؤال الأول :

(ب) أوجد القيمة الحرجة $q_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٩ % .
(٢ درجات)
باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري .

الحل :

∴ مستوى الثقة ٩٩%

$$\therefore 1 - \alpha = 0.99$$

$$\therefore \frac{1 - \alpha}{2} = \frac{0.99}{2} = 0.495$$

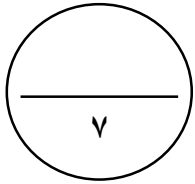
نبحث في جدول التوزيع الطبيعي المعياري عن قيمة q المناظرة للعدد ٠,٤٩٥٠.

فنجد أنها تقع بين ٠,٤٩٤٩ ، ٠,٤٩٥١

أي أن q تقع بين ٢,٥٧ ، ٢,٥٨

$$q = 0.4951 = \frac{2.57 + 2.58}{2} = 2.575$$

السؤال الثاني : (٧ درجة)



(١) الجدول التالي يبين انتاج إحدى شركات السيارات بالآلاف سيارة ،

من سنة ٢٠٠٧ حتى ٢٠١٣

السنة (س)	٢٠٠٧	٢٠٠٨	٢٠٠٩	٢٠١٠	٢٠١١	٢٠١٢	٢٠١٣
عدد السيارات بالآلاف (ص)	٤٠	٦٠	٧٠	٩٠	١٠٠	١٥٠	١٨٠

(٣ درجات)

أوجد معادلة الاتجاه العام للسلسلة الزمنية

الحل :

نعتبر ان سنة ٢٠٠٧ هي سنة الأساس

السنوات	س	ص	س ص	س ^٢
٢٠٠٧	٠	٤٠	٠	٠
٢٠٠٨	١	٦٠	٦٠	١
٢٠٠٩	٢	٧٠	١٤٠	٤
٢٠١٠	٣	٩٠	٢٧٠	٩
٢٠١١	٤	١٠٠	٤٠٠	١٦
٢٠١٢	٥	١٥٠	٧٥٠	٢٥
٢٠١٣	٦	١٨٠	١٠٨٠	٣٦
المجموع	٢١	٦٩٠	٢٧٠٠	٩١

$$٧ = ن$$

$$\therefore \overline{س} = \frac{\overline{س ص}}{ن} = \frac{٢١}{٧} = ٣ ، \therefore \overline{ص} = \frac{\overline{ص}}{ن} = \frac{٦٩٠}{٧} = ٩٨,٥٧١٤$$

$$ب = \frac{ن(س ص) - (\overline{س})(\overline{ص})}{ن(س) - (\overline{س})^٢} = \frac{٦٩٠ \times ٢١ - ٢٧٠٠ \times ٧}{٢١(٢١) - ٩١ \times ٧} = ٢٢,٥$$

$$\therefore \overline{ص} - ب \overline{س} = ٩٨,٥٧١٤ - ٣ \times ٢٢,٥ = ٣١,٠٧١٤$$

∴ معادلة الاتجاه العام هي : $\widehat{ص} = ٣ + ٣١,٠٧١٤ س$

$$\widehat{ص} = ٢٢,٥ + ٣١,٠٧١٤ س$$

تابع السؤال الثاني :

(ب) إذا كانت $n = 10$ ، $\bar{x} = 20$ ، $s = 4$ (٤ درجات)

اختبر الفرض بأن $\mu = 22$ ، مقابل الفرض البديل $\mu \neq 22$

الحل : عند مستوى معنوية $\alpha = 0,05$

صياغة الفروض $H_0: \mu = 22$ مقابل $H_1: \mu \neq 22$

$\therefore \sigma$ غير معلومة ، $n = 10$ ($n \geq 30$)

$\therefore$ نستخدم المقياس الاحصائي t :

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$$

$$t = \frac{22 - 20}{\frac{4}{\sqrt{10}}}$$

$$t \approx 1,58$$

$\therefore n = 10 \iff$ درجات الحرية ($n-1$) $= 10-1 = 9$

$$\therefore \alpha = 0,05 \iff \frac{\alpha}{2} = 0,025$$

$$t_{\frac{\alpha}{2}} = 2,262$$

منطقة القبول هي ($-2,262$ ، $2,262$)

$$\therefore -1,58 \in (-2,262, 2,262)$$

$\therefore$ القرار هو قبول فرض العدم أن $\mu = 22$

السؤال الثالث : (٧ درجة)

١) أوجد معامل الارتباط r وحدد نوعه وقوته للمتغيرين S ، V حيث :

٥	٤	٣	٢	١	S
٥	٦	٤	١	١	V

الحل :

(٥ درجات)

S	V	$S - \bar{S}$	$V - \bar{V}$	$(S - \bar{S})^2$	$(V - \bar{V})^2$	$(S - \bar{S})(V - \bar{V})$
١	١	٢	٤	٤	١٦	٨
٢	١	١	٢	١	٤	٢
٣	٤	٠	١	٠	١	٠
٤	٦	١	٢	١	٤	٢
٥	٥	٢	١	٤	١	٢
المجموع	١٥	١٥	٠	١٠	٣٤	١٧

$$\text{معامل الارتباط : } r = \frac{\sum (S - \bar{S})(V - \bar{V})}{\sqrt{\sum (S - \bar{S})^2} \sqrt{\sum (V - \bar{V})^2}}$$

$$\therefore \bar{S} = \frac{\sum S}{n} = \frac{15}{5} = 3, \quad \therefore \bar{V} = \frac{\sum V}{n} = \frac{15}{5} = 3$$

$$\therefore r = \frac{17}{\sqrt{10} \times \sqrt{34}} \approx 0.922$$

نوع الارتباط عكسي سالب قوي

تابع

السنوات (من) سنة ١٩٦٠ الى سنة ١٩٦٧

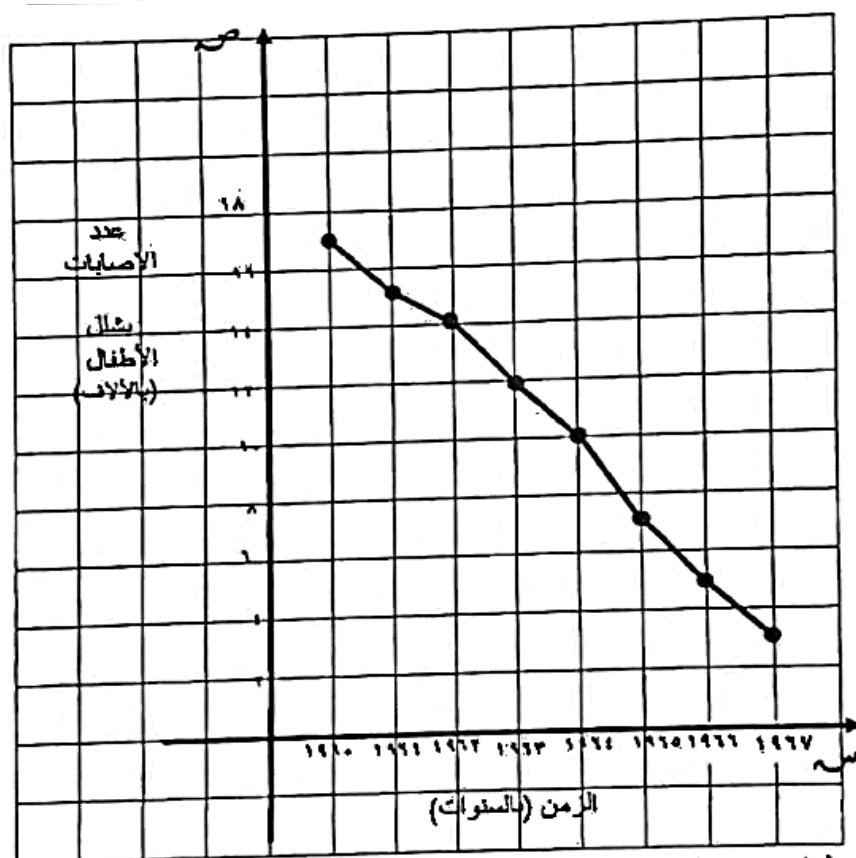
الزمن (س)	١٩٦٠	١٩٦١	١٩٦٢	١٩٦٣	١٩٦٤	١٩٦٥	١٩٦٦	١٩٦٧
عدد الإصابات بالآلاف (ص)	١٧	١٥	١٤	١٢	١٠	٧	٥	٣

(ب)

(١) مثل بيانات السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه.

(٢) ما نوع العلاقة بين الإصابات بشلل الأطفال والزمن؟

الحل :



نلاحظ ان عدد الإصابات بشلل الأطفال في تناقص مع الزمن

القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً : في البنود (١-٣) عبارات ظلل (أ) كانت العبارة صحيحة ، وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(ب) ☐

(١) الإنحدار هو وصف العلاقة بين متغيرين .

(ب) ☐

إذا كانت معادلة خط الإنحدار للمتغيرين س ، ص هي $\hat{ص} = ٠,٧٥ + ١,٤٥ س$

(٢) فإن مقدار الخطأ عند $س = ٥$ علماً بأن القيمة الجدولية هي $ص = ٩$ يساوي ١

(أ) ☐

(٣) المعلمة هي ثابت يصف العينة أو يصف توزيع العينة كالوسط الحسابي أو الانحراف المعياري لها .

ثانياً : في البنود من (٤-٧) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

(٤) إذا كان معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص يساوي صفر فإن الارتباط يكون

(أ) قوي (ب) ضعيف (ج) منعدم (د) تام



(٥) في الشكل المقابل الاتجاه العام للسلسلة الزمنية يشير إلى

(أ) تزايد قيم الظاهرة (ب) تناقص قيم الظاهرة

(ج) تزايد ثم تناقص لقيم الظاهرة (د) تناقص ثم تزايد لقيم الظاهرة

(٦) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين س ، ص هي : $\hat{ص} = ٣,٤ س + ٥,٥$ فإن قيمة ص

المتوقعة عندما $س = ٦$ هي :

(أ) ٥,٥ (ب) ٦,٨ (ج) ٢٩,٩٨ (د) ٢٥,٩

(٧) قيمة معامل الارتباط ر لا يمكن أن تساوي :

(أ) ١ (ب) صفر (ج) ١ (د) -٩٩٩

*انتهت الأسئلة *

ورقة إجابة البنود الموضوعية

الإجابة				رقم السؤال
		ب	أ	(١)
		ب	أ	(٢)
		ب	أ	(٣)
د	ج	ب	أ	(٤)
د	ج	ب	أ	(٥)
د	ج	ب	أ	(٦)
د	ج	ب	أ	(٧)

مع تمنياتنا لكم بالنجاح والتوفيق

الدرجة :

المصحح :

المراجع :