

نموذج تجريبي (1)

لإمتحان الفترة الدراسية الأولى

للفيف الحادى عشر علمى

للعام الدراسى 2023 / 2024م

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل فى كل منها

(7 درجات)

السؤال الأول (15 درجة):

(a) اوجد مجموعة حل المعادلة التالية:

$$2 + \sqrt{3x - 2} = 6$$

السؤال الأول:

(b) اوجد مجال الدالة:

(8 درجات)

$$f(x) = \sqrt{-x^2 + 4x - 3}$$

(8 درجات)

السؤال الثاني (15 درجة):

(a) اوجد مجموعة حل المعادلة التالية باستخدام الاصفار النسبية الممكنة:

$$x^3 + x^2 - 4x - 4 = 0$$

(7 درجات)

السؤال الثاني:

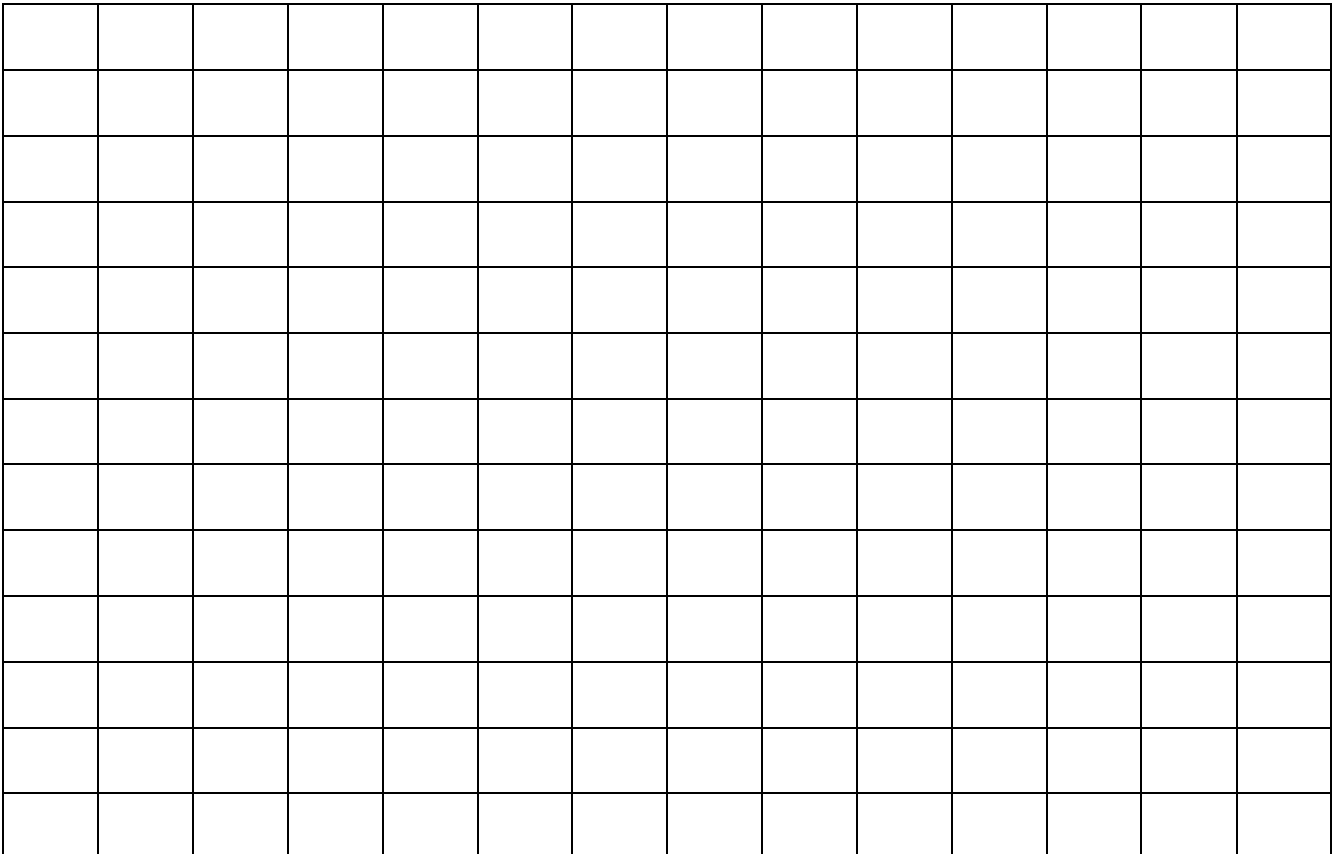
$$2 \log x - \log 3 = 2$$

(b) حل المعادلة:

(5 درجات)

السؤال الثالث (15 درجة):

(a) ارسم منحنى الدالة $y = 2(x + 1)^2 - 2$ مستخدماً خواص القطوع المكافئة.



السؤال الثالث:

(4 درجات)

(b) باستخدام نظرية الباقي اوجد باقي قسمة $f(x) = x^4 - 5x^2 + 4x + 12$ على $(x + 4)$
ثم تحقق من صحة الإجابة باستخدام القسمة التركيبية.

(6 درجات)

(2) حل المعادلة: $\ln(3x + 5) = 4$

السؤال الرابع (15 درجة):

(a) اوجد ناتج في أبسط صورة:

$$\sqrt{18} + \sqrt{50} - \sqrt{72}$$

(5 درجات)

تابع السؤال الرابع:

(6 درجات)

(b) إذا كان $\vec{A} = \langle 4, -2 \rangle$, $\vec{B} = \langle -7, 5 \rangle$ فأوجد كلا من:

$$\vec{A} + \vec{B} \quad (1)$$

$$\vec{B} - \vec{A} \quad (2)$$

$$3\vec{A} + 5\vec{B} \quad (3)$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} \quad (4)$$

تابع السؤال الرابع:

(4 درجات)

(c) لدراسة الأداء الوظيفي والكفاءة عند الموظفين في إحدى المؤسسات, تم سحب عينة عشوائية طبقية مكونة من 80 فردا من أصل 1600 موظف موزعين كما يبين الجدول التالي :

المجموع	عمال ومستخدمون	تقنيون وفنيون	إداريون
1600	1200	300	100

ما حجم كل عينة عشوائية بسيطة مسحوبة من كل طبقة؟

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة

$$\sqrt{32} \times \sqrt{16^{-1}} = 4 \quad (1)$$

(2) المستقيم $y = x$ هو خط انعكاس لبيان دالة f وبيان معكوسها.

(3) الدالة $y = x(1 - x) - (1 - x^2)$ دالة خطية

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحدة فقط صحيحة ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

(4) حل المعادلة $e^{x+1} = 13$ هو:

(a) $x = \ln 13 + 1$ (b) $x = \ln 13 - 1$ (c) $x = \ln 13$ (d) $x = \ln 12$

(5) مجموعة حل $\sqrt[3]{2x^2 + 2} = \sqrt[3]{3 - x}$ هي:

(a) $\left\{-1, \frac{1}{2}\right\}$ (b) $\left\{\frac{1}{2}\right\}$ (c) $\left\{-1, \frac{-1}{2}\right\}$ (d) $\left\{1, \frac{1}{2}\right\}$

6) تزعم شركة ان متوسط عمر منتجها هو 50 شهرا مع انحراف معياري 5 اشهر . النسبة المئوية للمنتجات التي يزيد عمرها عن 50 شهرا هي:

- (a) 50% (b) 55% (c) 45% (d) 40%

7) لتكن في المستوى الاحداثي النقاط: $A(1, 3), B(3, 2), C(0, -1), D(-4, 1)$ فيكون:

- (a) $\langle \overline{AB} \rangle = \langle \overline{CD} \rangle$ (b) $\langle \overline{AB} \rangle = -\langle \overline{CD} \rangle$ (c) $\langle \overline{CD} \rangle = -2\langle \overline{AB} \rangle$ (d) $\langle \overline{AB} \rangle = -2\langle \overline{CD} \rangle$

8) مجال معكوس الدالة $y = \sqrt{x+3} - 1$ هو:

- (a) R (b) $(-1, \infty)$ (c) $(-\infty, 1)$ (d) $[-1, \infty)$

9) أي قيمة مما يلي ليست حلا للمعادلة $x^4 - 10x^2 + 9 = 0$

- (a) -1 (b) -3 (c) 3 (d) 2

10) قيمة k التي تجعل $(x - 1)$ عاملا من عوامل $f(x) = (x^2 + x - 2) + 2k$ هي:

- (a) 1 (b) 2 (c) 0 (d) $\frac{1}{2}$

" انتهت الأسئلة "

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
1	(a)	(b)		
2	(a)	(b)		
3	(a)	(b)		
4	(a)	(b)	(c)	(d)
5	(a)	(b)	(c)	(d)
6	(a)	(b)	(c)	(d)
7	(a)	(b)	(c)	(d)
8	(a)	(b)	(c)	(d)
9	(a)	(b)	(c)	(d)
10	(a)	(b)	(c)	(d)

نموذج تجريبي (١)

لإمتحان الفترة الدراسية الأولى

للفيف الحادى عشر علمى

للعام الدراسى ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤

القسم الأول – أسئلة المقالأجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل فى كل منها

(٧ درجات)

السؤال الأول (١٥ درجة):**(a)** اوجد مجموعة حل المعادلة التالية:

$$2 + \sqrt{3x - 2} = 6$$

 $\frac{1}{2}$

شرط الحل:

$$3x - 2 \geq 0$$

$$\frac{3x}{3} \geq \frac{2}{3}$$

$$x \geq \frac{2}{3}$$

$$x \in \left[\frac{2}{3}, \infty \right)$$

$$\sqrt{3x - 2} = 6 - 2$$

$$\sqrt{3x - 2} = 4$$

$$(\sqrt{3x - 2})^2 = (4)^2$$

$$3x - 2 = 16$$

$$3x = 16 + 2$$

$$\frac{3x}{3} = \frac{18}{3}$$

$$x = 6$$

$$6 \in \left[\frac{2}{3}, \infty \right]$$

$$\{6\} = \text{م. ح}$$

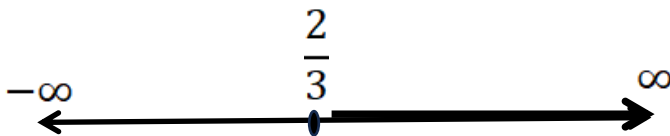
 $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

١

١

 $\frac{1}{2}$

١

 $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ 

(b) اوجد مجال الدالة:

$$f(x) = \sqrt{-x^2 + 4x - 3}$$

$$\frac{1}{2} \quad -x^2 + 4x - 3 \geq 0 \quad \times \quad -1$$

$$x^2 - 4x + 3 \leq 0$$

المعادلة المناظرة:

$$\frac{1}{2} \quad x^2 - 4x + 3 = 0$$

$$1 \quad (x - 3)(x - 1) = 0$$

$$1 \quad x = 3, x = 1$$

$$\frac{1}{2} \quad (x - 3)(x - 1) \leq 0 \quad 1 - \text{نبحث عن قيم } x \text{ التي تحقق}$$

$$2 \quad \begin{array}{c|c} x - 3 > 0 & x - 1 > 0 \end{array}$$

$$2 \quad \begin{array}{c|c} x > 3 & x > 1 \end{array}$$

$$x - 3 < 0 \quad x - 1 < 0$$

$$2 \quad \begin{array}{c|c} x < 3 & x < 1 \end{array}$$

	$-\infty$		1		3		∞
	$\leftarrow$						$\rightarrow$
$(x - 3)$		-		-		+	
$(x - 1)$		-		+		+	
$(x - 3)(x - 1)$		+		-		+	

$$[1, 3] = \text{م. ح}$$

السؤال الثاني (١٥ درجة):

(٨ درجات)

(a) اوجد مجموعة حل المعادلة التالية باستخدام الازفار النسبية الممكنة:

$$x^3 + x^2 - 4x - 4 = 0$$

عوامل الحد الثابت (-٤) هو

$$\pm 1, \pm 2, \pm 4$$

$$\pm 1$$

عوامل المعامل الرئيسي (١) هو

$$\pm 1, \pm 2, \pm 4$$

الازفار النسبية الممكنه هي

$$f(x) = x^3 + x^2 - 4x - 4$$

$$f(-1) = (-1)^3 + (-1)^2 - 4(-1) - 4 = 0$$

(-١) صفر من أصفار الحدودية

(x + 1) عامل من عوامل الحدودية

- ١	١	١	- ٤	- ٤
- ١	١	١	- ٤	- ٤
١	٠	٠	- ٤	٠

الباقى $\frac{1}{2}$

نتاج القسمة هو

$$x^2 - 4 = (x - 2)(x + 2)$$

$$x = 2$$

$$x = -2$$

مجموعة الحل هي: $\{-1, 2, -2\}$

تابع السؤال الثاني:

(٧ درجات)

(b) حل المعادلة:

$$2 \log x - \log 3 = 2$$

$$\log x^2 - \log 3 = 2$$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

المجال:

$$x > 0$$

المجال هو:

$$(0, \infty)$$

$\frac{1}{2}$

$$\log \frac{x^2}{3} = 2$$

$\frac{1}{2}$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\frac{x^2}{3} = 10^2$$

$\frac{1}{2}$

$$\frac{x^2}{3} = 100$$

$\frac{1}{2}$

$$x^2 = 300$$

$1 \frac{1}{2}$

$$x = \pm \sqrt{300}$$

$\frac{1}{2}$

$$x = \pm 10 \sqrt{3}$$

$$x = 10 \sqrt{3} \in (0, \infty)$$

$$x = -10 \sqrt{3} \notin (0, \infty)$$

مرفوضة

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$$\{10 \sqrt{3}\} = \text{م . ح}$$

(٥ درجات)

السؤال الثالث (١٥ درجة):

(a) ارسم منحنى الدالة $y = 2(x + 1)^2 - 2$.مستخدما خواص القطوع المكافئة

١ $(h , k) = (-١ , -٢)$

١ $a = ٢$

$٢ > ٠$

مفتوح للأعلى

١ معادلة محور التماثل

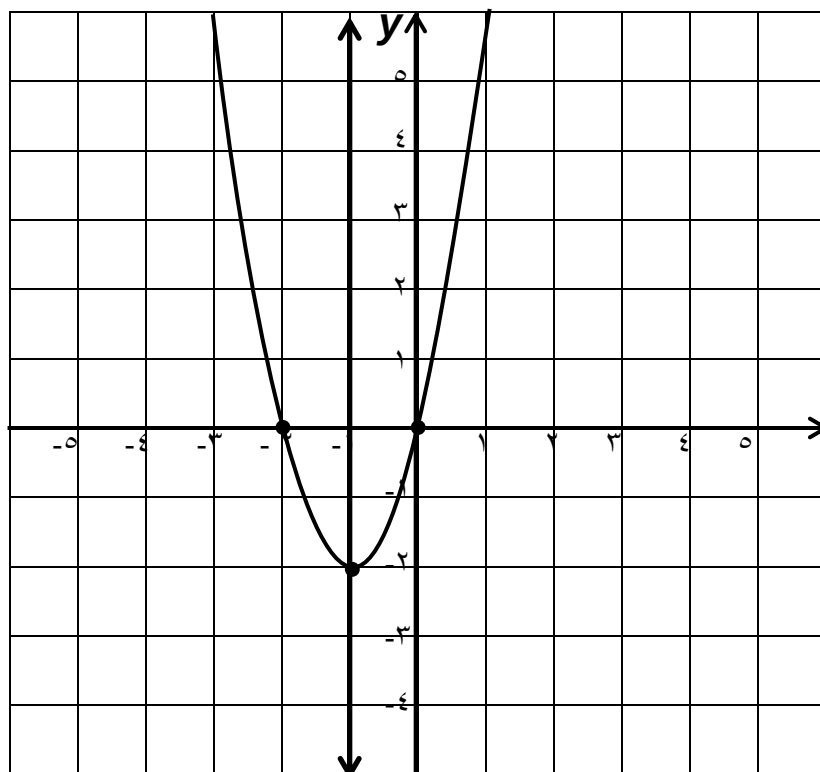
$x = -١$

١ عندما $x = ٠$

$y = ٠$

$(٠, ٠)$

١ نحدد انعكاس النقطة $(٠, ٠)$



تابع السؤال الثالث:

(٤ درجات)

(b) باستخدام نظرية الباقي اوجد باقي قسمة $f(x) = x^4 - 5x^2 + 4x + 12$ على $(x + 4)$

ثم تحقق من صحة الإجابة باستخدام القسمة التركيبية.

$$f(x) = x^4 - 5x^2 + 4x + 12$$

$$f(-4) = (-4)^4 - 5(-4)^2 + 4(-4) + 12$$

$$= 172$$

∴ باقي القسمة = ١٧٢

التحقق:

$$\begin{array}{r|rrrrr}
 -4 & 1 & 0 & -5 & 4 & 12 \\
 & & -4 & 16 & -44 & 160 \\
 \hline
 & 1 & -4 & 11 & -40 & 172 \\
 & & & & & \downarrow \\
 & & & & & \text{الباقي}
 \end{array}$$

(٦ درجات)

(٢) حل المعادلة: $\ln(3x + 5) = 4$

$$3x + 5 > 0$$

$$x > -\frac{5}{3} \longrightarrow x \in \left(-\frac{5}{3}, \infty\right)$$

$$\ln(3x + 5) = 4$$

$$3x + 5 = e^4$$

$$3x = e^4 - 5$$

$$x = \frac{e^4 - 5}{3}$$

$$x \approx 16.53 \in \left(-\frac{5}{3}, \infty\right)$$

السؤال الرابع (١٥ درجة):

(٥ درجات)

a أوجد الناتج في أبسط صورة

$$\sqrt{18} + \sqrt{50} - \sqrt{72}$$

$$\begin{aligned} & \sqrt{18} + \sqrt{50} - \sqrt{72} \\ ٢ &= \sqrt{3^2 \cdot 2} + \sqrt{2 \cdot 5^2} - \sqrt{2^2 \cdot 3^2 \cdot 2} \\ ٢ &= 3\sqrt{2} + 5\sqrt{2} - 2 \cdot 3\sqrt{2} \\ \frac{1}{2} &= 3\sqrt{2} + 5\sqrt{2} - 6\sqrt{2} \\ \frac{1}{2} &= 2\sqrt{2} \end{aligned}$$

تابع السؤال الرابع:

(b) (١) إذا كان

$$\vec{A} = \langle 4, -2 \rangle$$

$$\vec{B} = \langle -7, 5 \rangle \quad \text{فأوجد كلا من:}$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B}, \quad 3\vec{A} + 5\vec{B}, \quad \vec{B} - \vec{A}, \quad \vec{A} + \vec{B} \quad (١)$$

$$١) \quad \vec{A} + \vec{B} = \langle 4, -2 \rangle + \langle -7, 5 \rangle$$

$$= \langle 4 + -7, -2 + 5 \rangle$$

$$= \langle -3, 3 \rangle$$

$$٢) \quad \vec{B} - \vec{A} = \langle -7, 5 \rangle - \langle 4, -2 \rangle$$

$$= \langle -7 - 4, 5 - (-2) \rangle$$

$$= \langle -11, 7 \rangle$$

$$٣) \quad 3\vec{A} + 5\vec{B} = 3\langle 4, -2 \rangle + 5\langle -7, 5 \rangle$$

$$= \langle 12, -6 \rangle + \langle -35, 25 \rangle$$

$$= \langle -23, 19 \rangle$$

$$٤) \quad \vec{A} \cdot \vec{B} = \langle 4, -2 \rangle \cdot \langle -7, 5 \rangle$$

$$= 4(-7) + -2(5)$$

$$= -38$$

تابع السؤال الرابع:

(٤ درجات)

(٢) لدراسة الأداء الوظيفي والكفاءة عند الموظفين في إحدى المؤسسات, تم سحب عينة عشوائية طبقية مكونة من 80 فردا من أصل 1600 موظف موزعين كما يبين الجدول التالي :

المجموع	عمال ومستخدمون	تقنيون وفنيون	إداريون
1600	1200	300	100

ما حجم كل عينة عشوائية بسيطة مسحوبة من كل طبقة؟

الحل :

حجم العينة

كسر المعاينة =

حجم المجتمع الإحصائي

$$0.05 = \frac{80}{1600} =$$

حجم عينة الإداريين : $100 \times 0.05 = 5$

حجم عينة التقنيين والفنيين : $300 \times 0.05 = 15$

حجم عينة العمال والمستخدمين : $1200 \times 0.05 = 60$

وبالتالي تكون العينة العشوائية الطبقية مكونة من:

٥ إداريين

١٥ تقني وفني

٦٠ عامل ومستخدم

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (١) إلى (٣) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة

١) $16^{-\frac{3}{4}} = 32^{-\frac{3}{5}}$

٢) المستقيم $y = x$ هو خط انعكاس لبيان دالة f وبيان معكوسها.

٣) الدالة $y = x(1 - x) - (1 - x^2)$ دالة خطية

ثانياً : في البنود من (٤) إلى (١٠) لكل بند أربع اختيارات واحدة فقط صحيحة ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

٤) حل المعادلة $e^{x+1} = 13$ هو:

- (a) $x = \ln 13 + 1$ (b) $x = \ln 13 - 1$ (c) $x = \ln 13$ (d) $x = \ln 12$

٥) مجموعة حل $\sqrt[3]{2x^2 + 2} = \sqrt[3]{3 - x}$ هي:

- (a) $\left\{-1, \frac{1}{2}\right\}$ (b) $\left\{\frac{1}{2}\right\}$ (c) $\left\{-1, \frac{-1}{2}\right\}$ (d) $\left\{1, \frac{1}{2}\right\}$

٦) تزعم شركة ان متوسط عمر منتجها هو ٥٠ شهرا مع انحراف معياري ٥ أشهر. النسبة المئوية للمنتجات التي يزيد عمرها عن ٥٠ شهرا هي:

- (a) 50% (b) 55% (c) 45% (d) 40%

٧) لتكن في المستوى الاحداثي النقاط: $A(1,3), B(3,2), C(0,-1), D(-4,1)$ فيكون:

- (a) $\langle \overrightarrow{AB} \rangle = \langle \overrightarrow{CD} \rangle$ (b) $\langle \overrightarrow{AB} \rangle = -\langle \overrightarrow{CD} \rangle$ (c) $\langle \overrightarrow{CD} \rangle = -2\langle \overrightarrow{AB} \rangle$ (d) $\langle \overrightarrow{AB} \rangle = -2\langle \overrightarrow{CD} \rangle$

هو: $y = \sqrt{x+3} - 1$ مجال معكوس الدالة

- (a) R (b) $(-1, \infty)$ (c) $(-\infty, 1)$ (d) $[-1, \infty)$

٩) أي قيمة ممايلي ليست حلا للمعادلة $x^4 - 10x^2 + 9 = 0$

- (a) -1 (b) -3 (c) 3 (d) 2

١٠) قيمة k التي تجعل $(x-1)$ عاملا من عوامل $f(x) = (x^2 + x - 2) + 2k$ هي:

- (a) 1 (b) 2 (c) 0 (d) $\frac{1}{2}$

" انتهت الأسئلة "

ورقة إجابة البنود الموضوعي

السؤال	الإجابة			
١	☒ a	☐ b		
٢	☒ a	☐ b		
٣	☒ a	☐ b		
٤	☐ a	☒ b	☐ c	☐ d
٥	☒ a	☐ b	☐ c	☐ d
٦	☐ a	☐ b	☐ c	☐ d
٧	☐ a	☐ b	☒ c	☐ d
٨	☐ a	☐ b	☐ c	☒ d
٩	☐ a	☐ b	☐ c	☒ d
١٠	☐ a	☐ b	☒ c	☐ d